



Written according to the Syllabus of General Engineering  
& Drawing as prescribed by the West Bengal  
Education Board.

---

# সাধারণ যন্ত্র-শিল্প ও অঙ্কন

[ GENERAL ENGINEERING & DRAWING ]

[ দশম শ্রেণীর জন্য ]

( দ্বিতীয় অংশ )

*A compulsory subject for  
students of the Engineering Group*

BOOK-BANK

শিবপ্রসাদ গঙ্গোপাধ্যায়,  
মেক্যানিক্যাল ও ইলেক্ট্রিক্যাল এন্জিনিয়ার

SERAMPORE POTARY CLUE

কে. পি. বসু পাবলিশিং কোং  
৪২, কর্নওয়ালিস ষ্ট্রীট, কলিকাতা ৬

**প্রকাশক : শ্রীকৃষ্ণ বসু, বি. এ.**

**৪২, কৰ্ণওয়ালিস ষ্ট্রীট, কলিকাতা ৬**

**প্রথম সংস্করণ : অক্টোবর, ১৯৬০**

**নম্রাকর : শ্রীবিষ্ণুনাথ মুখোপাধ্যায়**

**মুদ্রাকর : শ্রীত্রিদিবেশ বসু,**

**কে. পি. বসু প্রিন্টিং ওয়ার্কস**

**১১, মহেন্দ্র গোস্বামী লেন, কলিকাতা ৬**

## ভূমিকা

পশ্চিম বঙ্গ শিক্ষা-পৰ্বৎ কর্তৃক নিধারিত পাঠ-তালিকা অম্বষায়ী দশম শ্রেণীর উপযোগী কৰ্ম্ম সাধারণ যন্ত্র-শিল্প ও অঙ্কন (General Engineering and Drawing) পুস্তকের দ্বিতীয় খণ্ড “জ্যামিতিক অঙ্কন” লিখিত হইল। যাহাতে অকুমারশক্তি ছাত্রগণের আয়ত্ত করিতে সহজ হয়, সেই কারণে অপেক্ষাকৃত সহজবোধ্য পন্থা অবলম্বন করিয়া শিক্ষিতব্য বিষয়টির অবতারণা করা হইয়াছে।

ব্যক্তিগত ভাবে মনে হয়, প্রথমে সর্বপ্রকার অঙ্কন-বিজ্ঞা আয়ত্ত করার পর তবে নবম শ্রেণীতে প্রবর্তিত পাঠ্য ছাত্রদিগকে আয়ত্ত করিতে দেওয়াই বাঞ্ছনীয় ছিল; কারণ উহাতে যে সকল বিষয়ের আলোচনা রহিয়াছে, প্রক্ষেপ (Projection), খণ্ডিত দৃশ্য (Sectional Views) প্রভৃতির জ্ঞান থাকিলে তবে সেই সকল বুঝাইতে ও বুঝিতে সহজ হয়,—আর এঞ্জিনিয়ারিং কলেজে সর্বত্র এই পদ্ধতিই অবলম্বিত হইয়া থাকে।

এই পুস্তক প্রণয়নে কৃষ্ণনগর বি. পি. সি. পলিটেকনিক ইনস্টিটিউট-এর মেকানিক্যাল এঞ্জিনিয়ারিং-এর লেকচারার, আমার স্নেহভাজন ক্রীশ্ণৈলেশচন্দ্র রায়, B.M.E., বহু বিষয়ে সাহায্য করায় তাঁহার প্রতি আমার আন্তরিক কৃতজ্ঞতা জ্ঞাপন করিতেছি।





## শুদ্ধিপত্র

ছাপার এই ভুলগুলি প্রথমে সংশোধন করিয়া লইতে হইবে :—

পৃষ্ঠা	অশুদ্ধ	শুদ্ধ
তালিকা	G	G
	'93	'93
	'87	'97
২৩ ( সম্পাদ্য ২. )	...ঘড়ির কণ ও ৩'525 ইঞ্চ	...ঘড়ির কণ ৩'525 ইঞ্চ
„ ৮ম লাইন	...অবস্থায় ঐ ঘড়ির...	...ঐ অবস্থায় ঘড়ির...
২৫ ১ম লাইন	E'C	E'C"
১১৩ ৭ম লাইন	... $d_1 0_1$	$d_1 0$
১৩৮ ৮ম লাইন	...এখানে দ্রিত করা হইল, ...এখানে মুদ্রিত করা হইল	

—————

## **GENERAL ENGINEERING AND DRAWING**

### **Syllabus for Class X**

[ *Students electing the Technical Group are required to study compulsorily General Engineering and Drawing*

Instruments and their correct uses.

Bisection of lines and angles.

Drawing of different angles by means of set squares and construction.

Division of a given line into number of equal parts.

Standard sizes of drawing boards lettering.

Type of lines.

Drawing of tangent to circles.

Exercises on touching circles in rectilineal figures.

To construct any regular polygon on a given straight line.

To inscribe polygons in circles.

Circles inscribed in regular polygons.

Correct reading of methods of drawings on ellipse.

Involute of a circle.

Parabola.

Orthographic projects, planes and projection.

Projects of points, lines, planes and simple solids like prisms, cubes, pyramids, etc.

Indication of different materials on drawings.

Sections of these solids on different planes.

Scales and their uses, dimensioning.

## সূচীপত্র

সারসংক্ষেপ		পৃষ্ঠা
১। জ্যামিতিক অঙ্কন	...	১
২। বস্তুাদির বিবরণ ও ব্যবহার	...	১০
৩। কেমন করিয়া অঙ্কনকার্য করিতে হয়	...	২৪
৪। মাকর মুদ্রণ	...	৩০
৫। রেখা ও কোণকে স্থিতিশীল করা	...	৩২
৬। স্টেট-স্কোয়ারের সাহায্যে এবং অল্প উপায়ে, বিভিন্ন কোণ অঙ্কন করা	...	৪১
৭। রেখাকে বহুভাগে ভাগ করা	...	৪৭
৮। বৃত্ত	...	৪৮
৯। স্বল্প-রেখা ক্ষেত্রের অভ্যন্তরে অন্তর্ভুক্ত অঙ্কন	...	৫২
১০। সরলরেখার উপর সুষম বহুভুজ অঙ্কন	...	৫৬
১১। বৃত্তের অভ্যন্তরে যে-কোন সুষম বহুভুজ অঙ্কন	...	৫৯
১২। উপবৃত্ত, বৃত্তের ইন্ডোলিউট, ও অধিবৃত্ত	...	৬১
১৩। প্রক্ষেপ	...	৭৩
১৪। ছেদ-চিত্র বা খণ্ডিত দৃষ্ট	...	১১৪
১৫। বিভিন্ন উপাদান প্রদর্শন করার প্রণালী	...	১৩০
১৬। স্কেল বা 'মানক'	...	১৩২
১৭। মাপাক লিখন	...	১৪৫
অঙ্কশীলনী	...	১৪৯
নির্ঘণ্ট	...	১৬১



# সাধারণ যন্ত্র-শিল্প ও অঙ্কন

(General Engineering and Drawing)

## দ্বিতীয় খণ্ড

প্রথম পরিচ্ছেদ

### জ্যামিতিক অঙ্কন (Geometrical Drawing)

**আঁকিবার যন্ত্রপাতি (Drawing Instruments)**—যে সকল যন্ত্রপাতির সাহায্যে এঙ্কিনিয়ারিং ড্রয়িং করা হয়, তাহাদের মধ্যে প্রধান প্রধানগুলির নাম এই :—

(ক) ‘ডিভাইডার’ (Dividers), (খ) ‘কম্পাস’ (Compasses), (গ) ‘বো-পেন্সিল’ ও ‘বো-পেন’ (Bow Pencil and Bow Pen), ‘ড্রয়িং-পেন’ বা ‘লাইন-পেন’ (Drawing Pen or Line Pen), (ঘ) ‘স্কেল’ (Scales), (ঙ) ‘প্রোট্রাক্টর’ (Protractor), (চ) ‘সেট-স্কোয়ার’ (Set squares), (ছ) ‘ড্রয়িং-বোর্ড’ (Drawing Board), (জ) ‘টী-স্কোয়ার’ (Tee-square), (ঝ) ‘ফ্রেন্চ-কার্ভ’ (French curves), ইত্যাদি।

**ড্রয়িং-কাগজ (Drawing Paper)**—কাগজের উপরে প্রথমে পেন্সিল দিয়া অস্থায়ী বস্তু আঁকিতে হয়, এবং আবশ্যক হইলে তাহার উপরে কালি বুলাইয়া লওয়া হয়। যে কাগজে নক্সা প্রভৃতি আঁকা হয় তাহা সাধারণ কাগজ নয়; ইহাকে ‘ড্রয়িং-কাগজ’ (Drawing Paper) বলে। যে নক্সা যত মূল্যবান, তাহার জন্য তত দামী কাগজ ব্যবহার করা হইয়া থাকে। সাধারণ কাগজ কলে প্রস্তুত হয় (machine-made paper), আর মূল্যবান কাগজ হাতে তৈয়ার হয় (hand-made paper)। যে যে বিভিন্ন আয়তনের কাগজ বাজারে পাওয়া যায়, তাহা এই :—

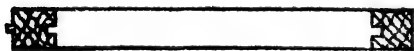
ডিমাই.....	20 × 15 ইঞ্চি,	ইম্পীরিয়্যাল.....	30 × 22 ইঞ্চি
মিডিয়ম.....	21 × 17 ”	অ্যাটলাস.....	34 × 26 ”
রয়্যাল.....	24 × 19 ”	ডবল-এলিফ্যান্ট.....	40 × 27 ”
সুপার-রয়্যাল.....	27 × 19 ”	অ্যাটিকোয়ারিয়ান.....	52 × 31 ”

কোন কোন ক্ষেত্রে উপরে প্রদত্ত মাপের এক-আধ ইঞ্চি তারতম্যও লক্ষিত হইয়া থাকে।

সজ্জা দরের ড্রয়িং-কাগজের নাম 'কার্টিজ কাগজ' (Cartridge paper)। কাগজ 'তা'-(sheet) ভাবেও পাওয়া যায়, কিংবা 'রোলার'-এর উপরে জড়ান'-ভাবেও (in rolls) পাওয়া যায়।

অঙ্কন অভ্যাসের জন্য কেহ কেহ অল্পদামের কাঁচ-কাগজের খাতা ব্যবহার করিয়া থাকেন।

**ড্রয়িং-বোর্ড (Drawing-Board)**—উত্তমরূপে সীজন্ করা (well seasoned) পাইন কাঠ হইতে বোর্ড (board) নির্মাণ করা হয়। চারি কোণে



খুঁয়া

ড্রয়িং বোর্ডের আকার

চিত্র নং ১

পিন্ (drawing pin)

[ চিত্র নং ৩৩ ] দিয়া

আঙুলের চাপে কাগজ

বোর্ড-এর উপরে আঁটা হয়

বলিয়া নরম কাঠ ব্যবহার

করা হয়; তাহা ছাড়া

পাইন কাঠ হালকা হওয়ায়

বোর্ড নাড়াচাড়া করিতে

কষ্ট কম হয়। দুইখানি

পাতলা চওড়া কাঠকে

মাঝখানে মজবুত করিয়া

জোড় দিয়া দুই প্রান্তে

দুইখানি ফালি কাঠ তাহার

সহিত সমান করিয়া জোড়

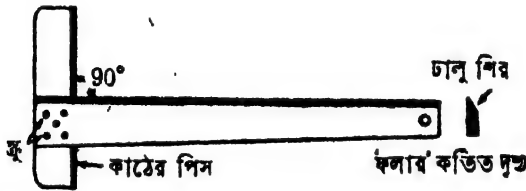
দিতে হয়। চওড়া-কাঠ দুইখানির আঁশ (fibre) লম্বালম্বি, আর দুইপ্রান্তের কাঠের আঁশ আড়াআড়ি রাখা হয়। অনন্তর দুইপাশের ফালি-কাঠ দু'খানির কিনারাকে টাছিয়া নিখুঁতভাবে সোজা করা হয়,—কারণ ইহার গায়েব সঙ্গে ভিড়িয়া 'টী'-স্কোয়ার (Tee-square) [ চিত্র নং ২ দ্রষ্টব্য ] যাতায়াত করিবে। জোড়গুলি মজবুত করার জন্য শিরীষ ব্যবহার করা হইয়া থাকে। অনেক বোর্ড-এ নীচের

## জ্যামিতিক অঙ্কন

দিকে আড়াআড়িভাবে দুইটি 'খুরা' দেওয়া থাকে; তাহাতে বোর্ড সহজে ঝাঁকিয়া যায় না। নং ১ চিত্রে দেখান' বোর্ড অপেক্ষা মূল্যবান বোর্ড-ও আছে, তাহাতে এমন ব্যবস্থা থাকে যাহাতে অতিরিক্ত গীত বা উত্তাপে বোর্ড ঝাঁকিয়া যাইতে না পারে।

- ব্যবহৃত কাগজের আয়তন অস্থায়ী বোর্ডের আয়তনও ভিন্ন ভিন্ন হয়। সচরাচর বোর্ড-এর দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ কাগজের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ অপেক্ষা চারিদিকে ইঞ্চি-দুই-তিন করিয়া বাড়তি থাকে।

**টী-স্কোয়ার**—দেখিতে ইংরাজী-অক্ষর 'T'-এর মত বলিয়া ইহার নাম 'টী'-স্কোয়ার। একটি মোটা ও ছোট কাঠের টুকরার মাথার সঙ্গে পাতলা



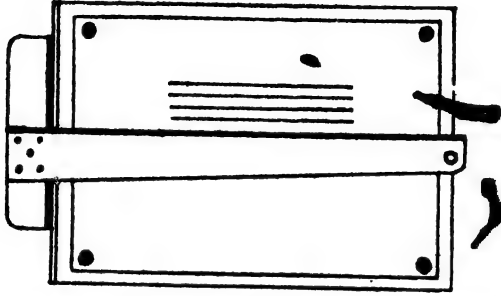
টী-স্কোয়ার

একখানি কাঠের ফালি (blade) জুঁ দিয়া আঁটা। 'মাথা'টির সঙ্গে ফলাটির কোণ ঠিক 90°। 'ফলা'র উপরের শির (edge) ঢালু (bevel) করিয়া কাটা, ও এই 'শির'-এর অংশ আবলুস কাঠ (ebony) দিয়া তৈয়ারি। যাহাতে নিত্য ব্যবহারেও শির সম্পূর্ণ ঝড় থাকে, তাহার জন্য এখানে শক্ত কাঠ আবলুস দেওয়া হয়। দামী 'টী'-স্কোয়ার-এর ফলা (blade)-টি মেহগিনি কাঠের হইয়া থাকে। ছোট কাঠের টুকরা (বা 'মাথা')-র উপর ফলাটি ঠিক 90°-ভিত্তি করিয়া বসাইয়া জুঁ দিয়া উহা করিয়া দেওয়া হয়,—এবং উপরন্তু একটি কিংবা দুইটি কাঠের পিস্ টুকরিয়া দিয়া 'ফলা'খানিকে যথাযথ স্থানে রাখা হয়।

ব্যবহার করিবার সময় কেবল তাহার 'ফলা'-র উপরের দিকের ঢালু কিনারাই ব্যবহার করিতে হয়; মাথাটি বোর্ড-এর বা প্রান্ত ছুঁইয়া উপরে-নীচে



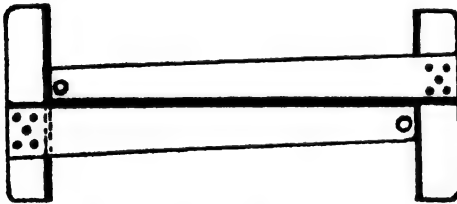
যায় আর আসে, এবং 'ফলা' (blade)-এর তেরছা শিরের উপর দিয়া পেন্সিল কিংবা 'লাইন-পেন' টানিয়া লম্বালম্বি সমান্তরাল রেখা টানা হয় (চিত্র নং ৩)।



ড্রইং-বোর্ডের উপরে চারি কোণে চারিটি ড্রইং-পিন দিয়া কাগজ আঁটিয়া টী-স্কোয়ারের সাহায্যে সমান্তরাল অসুভূমিক রেখা টানা হইয়াছে।

চিত্র নং ৩

'টী-স্কোয়ার' ব্যবহারের সময় কেবল তাহার চালু কিনারাই ব্যবহার করার কারণে এই যে, উহাই 'মাথার' সঙ্গে ঠিক  $90^\circ$  করিয়া নির্মিত। যদি দুইখানি 'টী-স্কোয়ার' উন্টা-পান্টা করিয়া (চিত্র নং ৪) একখানি অগ্ন্যখানির উপরে



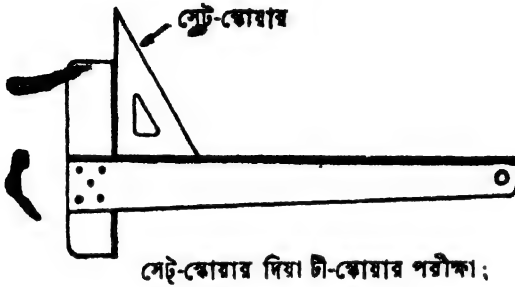
দুইখানি টী-স্কোয়ার দ্বারা ফলকের চালুদিকের  
একটি পরীক্ষা।

চিত্র নং ৪

রাখিয়া দেখা যায়, তবে যদি উহাদের স্পর্শ-রেখা ভেদ করিয়া পিছনদিক হইতে আলো আসিতে দেখা না যায়, তবে উহাদের চালু কিনারা যে ঋজু আছে, তাহা সহজেই বুঝা যায়। এইরূপে উহার 'ফলা'র ঋজুতা পরীক্ষা করা হয়।

'ফলা' উহার 'মাথার' সঙ্গে  $90^\circ$ -ভিত্তিতে আছে কি না তাহা পরীক্ষা

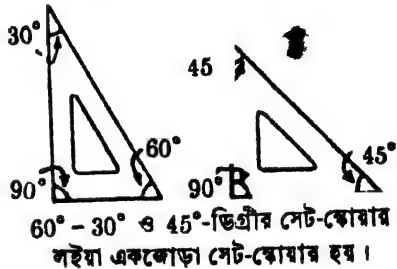
করিতে হইলে একখানা 'সেট-স্কোয়ার-এর  $90^\circ$ -কোণ এ কোণের উপরে ধরিলে, যদি সেট-স্কোয়ারের কিনারা-দুইটি টী-স্কোয়ারের 'মাথা ও 'কলা'র কিনারার সঙ্গে মিলিয়া যায়, তবে বুঝা যাইবে কোণ  $90^\circ$  আছে ( চিত্র নং ৫ )।



চিত্র নং ৫

**'সেট-স্কোয়ার' (Set-squares) ও উহাদের ব্যবহার—**

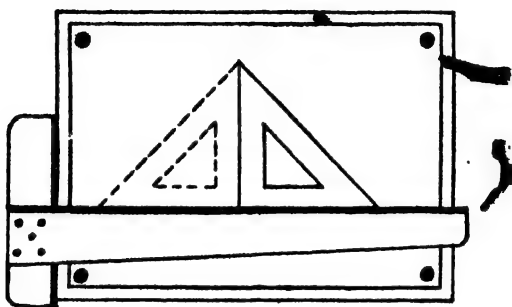
এইগুলি ত্রিভুজাকার, ও কাঠ, এবনাইট, সেলিউলয়েড, এমন কি টিনের চাদর হইতেও তৈয়ার করা হইয়া থাকে। কাঠের গুলি সস্তা, কিন্তু ব্যবহার করিতে করিতে বাঁকিয়া যাইতে পারে; সেলিউলয়েড-এর গুলিও বাঁকিয়া যায়, কিন্তু এবনাইটের গুলি বাঁকে না। অত্যাধিক



চিত্র নং ৬

সেলিউলয়েড-এর সেট-স্কোয়ারের সুবিধা এই যে, ঐগুলি কাঠের মত স্বচ্ছ পাওয়া যায় বলিয়া ড্রয়িং করিবার সময় নীচের সমস্ত অঙ্কিত রেখা দেখা যায়, তাই ইহাতে কাজের বড় সুবিধা হয়। সাধারণ কাজের জন্য ৪ ইঞ্চ হইতে ৮ ইঞ্চ বাহু-ওয়ালা সেট-স্কোয়ার ব্যবহৃত হইয়া থাকে; তবে ইহা অপেক্ষা ছোট কিংবা বড়ও থাকে, আর আবশ্যক বুঝিয়া তাহাও ব্যবহার হয়। অন্ততঃ একখানি  $8\frac{1}{2}^\circ$ - $2^\circ$ - $8\frac{1}{2}^\circ$  ডিগ্রি, ও অল্পখানি  $6^\circ$ - $2^\circ$ - $6^\circ$  ডিগ্রি, সেট-স্কোয়ার থাকা চাই।

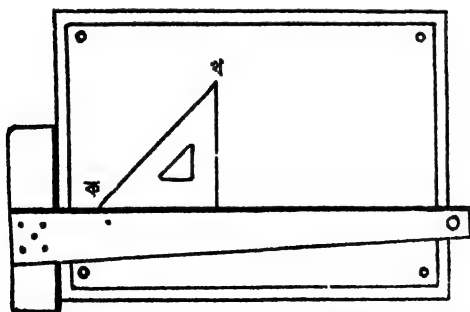
‘সেট-স্কোয়ার’ পরীক্ষা—সেট-স্কোয়ারের কিনারাগুলির ঋজুতা ও কোণগুলির বখাবথ হওয়ার উপরেই উহার ব্যবহার্যতা।  $৯০^\circ$ -ভিত্তি কোণ ঠিক আছে কিনা দেখিবার প্রণালী এই :—৭ নং চিত্রে দেখান'-মত, টী-স্কোয়ারের



সেট-স্কোয়ারের  $90^\circ$ -কোণ পরীক্ষা

চিত্র নং ৭

ফলার উপরে সেট-স্কোয়ার বসাইয়া এক লম্ব-রেখা টান; এইবার সেট-স্কোয়ার ঘুরাইয়া ফুটকি ফুটকি রেখায় দেখান'-অবস্থায় পাত'; এখন যদি এই অবস্থায় উহার উর্ধ্বাধঃ-শির ঠিক পূর্বের লম্ব-রেখার সহিত সমরেখায় পড়ে, তবে  $৯০^\circ$ -কোণ



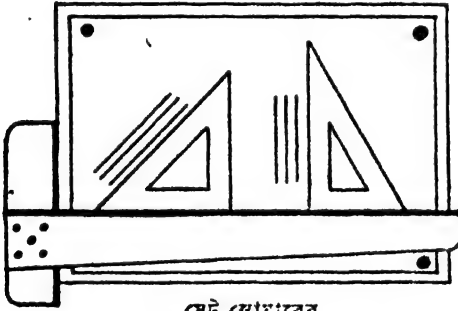
সেট-স্কোয়ারের  $45^\circ$  কোণ পরীক্ষা করা।

চিত্র নং ৮

## জ্যামিতিক অঙ্কন

ঠিক আছে বুঝিতে হইবে। সেট-স্কোয়ারের  $৪৫^\circ$ -ডিগ্রি কোণের নির্ভুলতা পরীক্ষা করিতে হইলে, বোর্ডের উপরে টি-স্কোয়ার পাতিয়া তাহার উপরে  $৪৫^\circ$ -ডিগ্রি সেট-স্কোয়ারখানি রাখ, (চিত্র নং ৪), ও পেন্সিল দিয়া কাগজের উপরে 'কথ'-রেখা টান। এইবার টি-স্কোয়ার না নড়াইয়া, সেট-স্কোয়ারের অঙ্ক  $৪৫^\circ$ -ডিগ্রি কোণটি ঐ অবস্থানে আন; যদি 'টি-স্কোয়ার ও কথ'-রেখার অন্তর্গত কোণের সঙ্গে এই কোণটি মিলিয়া যায়, তবে সেট-স্কোয়ার ঠিক আছে।

'টি-স্কোয়ার' দিয়া অঙ্কভূমিক সমান্তরাল রেখা (parallel horizontal lines) আঁকা হয়, আর 'টি-স্কোয়ার'-এর উপরে সেট-স্কোয়ার বসাইয়া উর্ধ্বাধঃ (vertical) কিংবা ঢালু (slanting) সমান্তরাল রেখা আঁকা হইয়া থাকে। আবার টি-স্কোয়ারের উপরে যে-কোন ভাবে সেট-স্কোয়ার বসাইয়া একটু একটু



সেট-স্কোয়ারের

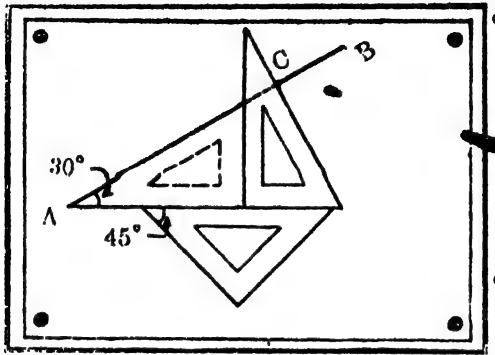
সাহায্যে উর্ধ্বঃ ও ঢালু সমান্তরাল রেখা অঙ্কন

চিত্র নং ৪

করিয়া সরাইলে একই আনতির যত ইচ্ছা সমান্তরাল রেখা আঁকা যাইতে পারে। (চিত্র নং ৭)।

আবার কোন রেখার উপর লম্ব ও কেবল মাত্র সেট-স্কোয়ারের সাহায্যে আঁকা যায়। মনে কর AB সেই রেখা (চিত্র নং ১০); ইহার উপরের C-বিন্দু হইতে কোন লম্ব অঙ্কিত করিতে হইবে। এক্ষেত্রে  $30^\circ$ - $60^\circ$  সেট-স্কোয়ারের সর্বাপেক্ষা অধিক লম্বা দিককে AB-র সম-রেখায় স্থাপন কর; এইবার  $45^\circ$ -সেট-স্কোয়ারের সর্বাপেক্ষা লম্বা দিককে প্রথমোক্ত সেট-স্কোয়ারের সঙ্গে ঠেকাইয়া এমনভাবে স্থাপন কর যে এই  $45^\circ$ -সেট-স্কোয়ারের ঐ দিকটা  $60^\circ$ -সেট-স্কোয়ার ছাড়াইয়াও

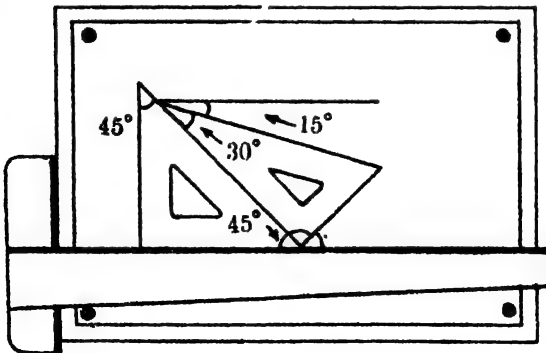
কিছু বাড়িয়া থাকে। এইবার প্রথম সেট-স্কোয়ারকে উঠাইয়া, উহার ছোট দিকটা  $45^\circ$ -সেট-স্কোয়ারের বাড়তি দিকের উপরে এমনভাবে রাখ, যাহাতে



চিত্র নং 10

উহার সর্বাপেক্ষা বড় দিকের কিনারা C-বিন্দুর উপর দিয়া যায়। এইবার পেন্সিল লইয়া দাগ কাট।

সেট-স্কোয়ারের সাহায্যে  $15^\circ$ -কোণ অঙ্কন—প্রথমে টী-স্কোয়ারের সাহায্যে কাগজের উপরের দিকে একটি শয়ান রেখা আঁক (চিত্র নং 11) ; পরে টী-স্কোয়ারকে উপযুক্ত পরিমাণে নীচে নামাইয়া আনিয়া

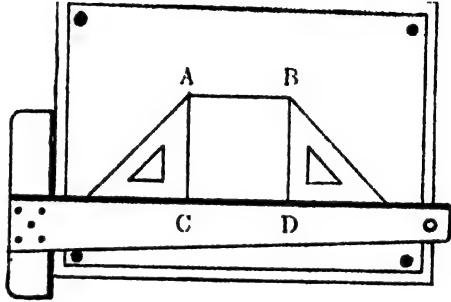


চিত্র নং 11

## ব্যায়িত্তিক অঙ্কন

তাহার উপরে  $45^\circ$ -সেট-স্কোয়ারটি পাত, ও তাহার গায়ে  $60^\circ$ - $30^\circ$ -সেট-স্কোয়ারটির  $30^\circ$ -কোণটি এমনভাবে ঠেকাইয়া দাও, যাহাতে উহার এক শীর্ষদেশ শয়ান রেখাটি স্পর্শ করে; তখন উহার ঐ কোণের কিনারা ছুঁইয়া রেখা টানিলে, তাহা প্রথম রেখা, (অর্থাৎ শয়ান রেখা)-র সহিত,  $15^\circ$ -কোণে আনত থাকিবে।

**বর্গক্ষেত্র অঙ্কন**—প্রথমে টি-স্কোয়ারের সাহায্যে উপযুক্ত দৈর্ঘ্যের শয়ান AB রেখা অঙ্কিত কর এবং বর্গক্ষেত্রের প্রস্থকে দৈর্ঘ্যের সমান করিয়া, টি-স্কোয়ারকে নীচে নামাইয়া আনিয়া যে-কোন-একটা সেট-স্কোয়ারের খাড়া কিনারার সাহায্যে A হইতে টি-স্কোয়ারের পর্যন্ত একটা লম্ব AC আঁক, এবং টি-



চিত্র নং 12

স্কোয়ারকে না নাড়াইয়া, সেট-স্কোয়ারকে তুলিয়া লইয়া উহার দ্বারা B-বিন্দু হইতে BD পর্যন্ত আর একটা লম্ব আঁক; অনন্তর টি-স্কোয়ারের সাহায্যে CD-রেখা টান। ইহাতে ABCD —একটা বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত হইল।

এইভাবে যে-কোন আনতির কোণ-সম্বলিত ক্ষেত্র প্রভৃতি অঙ্কিত করা যায়।

## দ্বিতীয় পরিচ্ছেদ যন্ত্রাদির বিবরণ ও ব্যবহার

বৃত্ত, চাপ প্রভৃতি অঙ্কন করিতে কম্পাস (Compasses) ব্যবহার করা হয়, আর কোন দুই বিন্দুর দূরত্ব নিরূপণ করিতে, কিংবা নক্সার এক জায়গা হইতে কোন মাপ অল্প জায়গায় লইয়া যাইতে ডিভাইডার (Dividers) ব্যবহার করা হয়। যদি বাংলা পরিভাষা ব্যবহার করিতেই হয়, তবে ইহাদের, যথাক্রমে, ‘বৃত্তক’ ও ‘বিভাজক’ নাম দেওয়া যাইতে পারে।\* যন্ত্রসহকারে নির্মিত যন্ত্রের উৎকর্ষ-অপকর্ষতা বিচারে ইহাদের আকার ও মূল্য বহু প্রকারের। এখানে যেকোনো যন্ত্রের গঠন-কৌশল ও তাহাদের বিশেষত্বের সাধারণ বর্ণনা দেওয়া হইতেছে।

বে-জাতীয় যন্ত্র ছাত্রগণ ব্যবহারিক জ্যামিতির জন্য এতাবৎ ব্যবহার করিয়া আসিয়াছেন, এঞ্জিনিয়ারিং ড্রয়িং-এ সে-জাতীয় অল্পমূল্যের যন্ত্রে কাজ ভাল হয় না; কারণ এঞ্জিনিয়ারিং-এর জন্য যে সব নক্সা প্রস্তুত হয়, তাহাতে যে পরিমাণ সঠিকতা (accuracy)-র আবশ্যক করে, তত সঠিকভাবে ঐ সব যন্ত্র দ্বারা এসব নক্সা প্রস্তুত অনেক ক্ষেত্রে অসম্ভব হইয়া পড়ে।

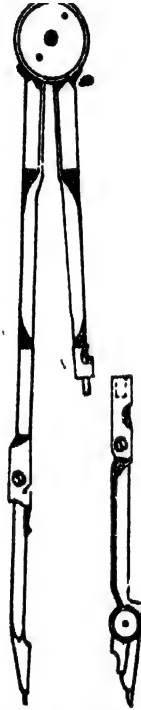
“কম্পাস” (Compasses) বা “বৃত্তক”, এবং “ডিভাইডার” (Dividers) বা “বিভাজক” একই জাতীয় যন্ত্র; প্রভেদের মধ্যে এই যে, শেষোক্ত যন্ত্রের উভয় পাদ (legs)-ই অতিসূক্ষ্ম লৌহ-শলাকায় পর্ষবসিত (চিত্র নং 14), কিন্তু প্রথমোক্তটি (অর্থাৎ “বৃত্তক” বা কম্পাস) তাহা নহে; ইহার এক পাদের সঙ্গে এমন ব্যবস্থা থাকে যে, তাহাতে পেন্সিলের সীস (lead) ঢুকাইয়া দেওয়া যায় (চিত্র নং 13)।

মূল্যবান যন্ত্র সাধারণতঃ জার্মান-সিলভার (German silver), ‘ইলেক্ট্রা’ (Electra); অ্যালুমিনিয়াম (Aluminium) প্রভৃতি হইতে নির্মিত হইয়া থাকে; আর অল্পমূল্যের গুলি পিতলের হয়। ভাল যন্ত্রের উপরে ইলেক্ট্রোপ্লেট† (Electro-plate) করা থাকে। পিতলের যন্ত্র ব্যবহারে উহার কালক্রমে ম্যাড-

\* মনে হয়, এইজাতীয় অতি প্রচলিত নাম সকলের পরিবর্তে বাংলা প্রতিশব্দের প্রবর্তনা করাই বাঞ্ছনীয়।

† ডিউং-সাহায্যে যন্ত্রের উপরে নিকেল, ক্রোমিয়াম প্রভৃতি ধরান।

মেড়ে হইয়া যায়, হাতে কলঙ্ক-দাগ লাগে, ও সেই দাগ কাগজে লাগে; ইহাতে তাহা হয় না। অ্যালুমিনিয়মের যন্ত্র হালকা বটে, কিন্তু ওগুলি কম মজবুত।



পেন্সিল পয়েন্ট  
(Pencil point)

কম্পাস  
(Compasses)

চিত্র নং ১৩



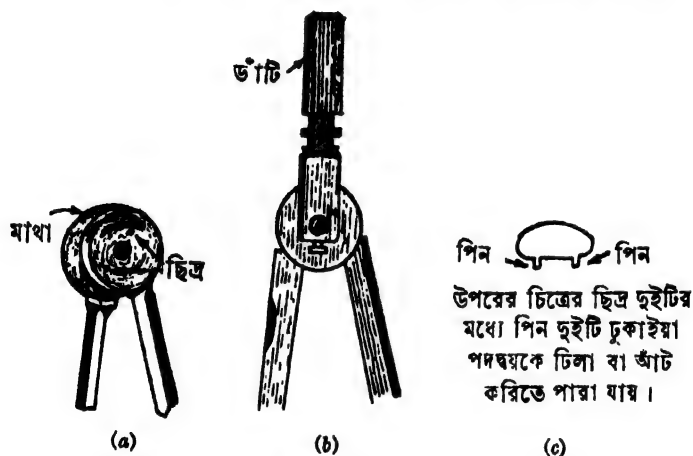
ভিভাইডার  
(Divider)

চিত্র নং ১৪

ভিভাইডার-এ বিশেষ লক্ষণীয় বিষয় এই যে, উহাদের ‘পয়েন্ট’ (Point) দুইটি যেন ঠিক একই বিন্দুতে মিলিত হয়,—ভিভাইডার বন্ধ করিলে যেন দুই পয়েন্টের মধ্যে কিছুমাত্র ফাঁক না থাকে,—কিংবা কোনটি সামান্ত্রণ লাইন ছাড়িয়া এদিক-ওদিক না হয়, বা উচু-নীচুও না হয়। কোন কোন ভিভাইডারের



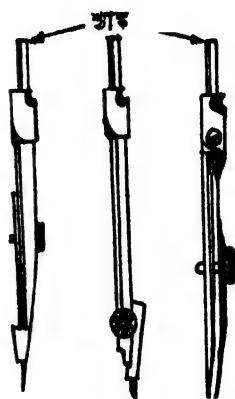
‘পয়েন্ট’ দুইটি কখন কখন দৈর্ঘ্যে সামান্য ছোটবড়ও থাকে; এটি দোষের। ইহাতে, কোন রেখাকে কতকগুলি সমান ভাগে ভাগ করিবার সময় ভাগগুলি একান্তর ক্রমে ছোট ও বড় হইতে থাকে; কারণ এইরূপে ভাগ করিতে হইলে, ডিভাইডারের মাথাটা ধরিয়া উহাকে একবার বাঁদিকে আর একবার, ডানদিকে ঘুরান’ হইতে থাকে বাহাতে যন্ত্রটির পাদদ্বয় ঠিক বক কিংবা অল্প পাখীয় মত একবার বা-পা আর একবার ডান-পা আগে ফেলিয়া বিভাজ্য রেখার উপর স্পন্দ স্পন্দ বিন্দু ফেলিয়া অগ্রসর হয়। তাই ‘পয়েন্ট’ দুইটি দৈর্ঘ্যে ঠিক সমান হইতে হইবে। পরে এই সকল স্পন্দ বিন্দুর উপরে অতি সূক্ষ্মাঙ্গ পেন্সিল দিয়া দাগগুলি পরিস্ফুট করা হয়। কোন কোন ডিভাইডার ও কম্পাসের মাথা গোল [ চিত্র নং 15(a) ], আবার কোন-কোনটির মাথার উপরে একটি



করিয়া ‘কির্কিরে’-কাটা ডাঁটি থাকে [ চিত্র নং 15 (b) ]। তাহাতে ইহা ধরিয়া যন্ত্রকে ঘুরাইতে, (যেমন বৃত্ত অঙ্কিত করিতে), সুবিধা হয়।

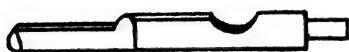
কোন কোন যন্ত্রের বাঞ্জে ডিভাইডার ও কম্পাস পৃথক পৃথক থাকে, আবার কোন বাঞ্জে একই যন্ত্রের ‘পাদ’ (leg) বদলাইয়া তাহাকে এক বা অপব্রভাবে ব্যবহার করা যায়। এমন ক্ষেত্রে যন্ত্রের এক ‘পাদ’ ডিভাইডারের মত সূচ্যঙ্গ বিন্দুতে পর্ববলিত করা থাকে, আর অন্য পাদকে ছোট বাখিয়া এমনভাবে গঠিত

করা থাকে যে, তাহাতে আবশ্যক মত 'পিন-পয়েন্ট' (pin-point) অথবা 'পেন্সিল-পয়েন্ট' (pencil-point), কিংবা নস্সার কালি দিবার 'পেন-পয়েন্ট' (pen-point)-ও লাগান' যায়। ইহাদের আকৃতির চিত্র নং ১৩ ও ১৬-তে দেখান' হইল। পিন-পয়েন্ট খুলিয়া পেন্সিল-পয়েন্ট, এবং তাহা খুলিয়া পেন-পয়েন্ট লাগানোর কৌশল এই প্রকার থাকে :—এই 'পয়েন্ট'গুলোর উপরের মাথা,—যেটা কম্পাস বা ডিভাইডারের সঙ্গে ঝাঁটা যায়,—তাহাকে 'শ্রাঙ্ক' (shank) বলে; আর ডিভাইডারের একটা পাদে যে লম্বালম্বি একটি করিয়া সৰু ছোট গর্ত থাকে, তাহাকে 'সকেট' (socket) বলে। ( কিংবা কোন যন্ত্রে শ্রাঙ্ক ও সকেট



(a) (b) (c)  
চিত্র নং ১৬

স্থান-পরিবর্তনও করিতে পারে)। শ্রাঙ্ক ও সকেট-এর আকৃতি :—যথাক্রমে, চিত্র নং ১৭(ক), এবং ১৭(গ)-তে দেখান' হইয়াছে। চিত্র নং ১৭(ক)-কে ডান পাশ হইতে দেখিলে 'শ্রাঙ্ক'কে যেমন দেখায়, তাহা চিত্র নং ১৭(খ)-তে অঙ্কিত



(ক)



(খ)



(গ)

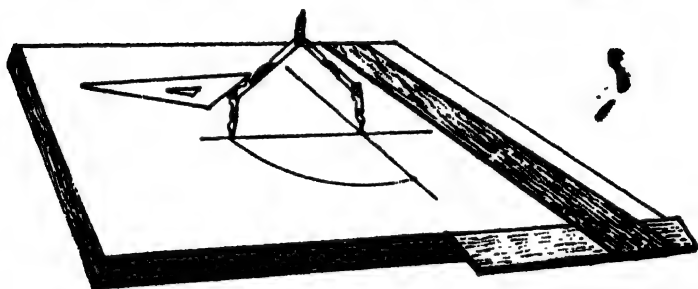
'শ্রাঙ্ক' ও 'সকেট'

চিত্র নং ১৭

হইয়াছে। মূল্যবান্ কম্পাস ও ডিভাইডারের 'পাদ' (legs) দুইটিকে যাহাতে আবশ্যক মত ঝাঁকাইতে পারা যায়, তাহার জগ 'knee-joint' থাকে ; কিন্তু সম্ভার যন্ত্রে তাহা থাকে না। বড় বৃত্ত প্রভৃতি অঙ্কন করিবার সময় কম্পাসকে ১৪৮নং চিত্রের মত করিয়া ভাঁজ করিয়া উহার পিন-পয়েন্টকে ঠিক অঙ্গনীয় বৃত্তের কেন্দ্রের, আর উহার পেন্সিল কিংবা পেন-পয়েন্টকে বৃত্তের যে ব্যাসার্ধ হইবে তাহার উপরে ঠিক উৎখাধঃ-ভাবে বসাইলে, বৃত্ত ঠিক নির্ভুল হয় ; আর এমন ক্ষেত্রে যদি একই কেন্দ্র হইতে একাধিক বৃত্ত অঙ্কিত করিতে হয়, তবে পিন-পয়েন্টকে

যে বিন্দুতে কাগজের উপরে বার বার বসাইতে হয়, সে বিন্দু ক্রমশঃ বড় হইয়া অবশেষে একটা ছোট গর্তে পরিণত হইয়া নক্সার সৌন্দর্য নষ্ট করে না।

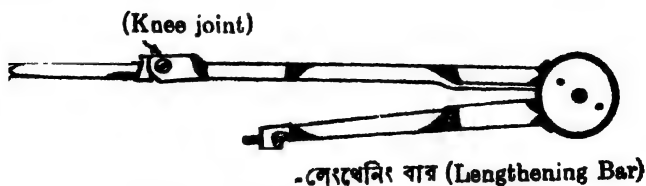
ডিভাইডার সম্বন্ধেও ঐ কথা ; তাহাতেও 'knee-joint' থাকে, আর তাহার পাদদ্বয়কে ভাঁজ করিয়া, যে দুই বিন্দুর দূরত্ব মাপিতে হইবে, ঠিক তাহার উপর হইতে লম্ব-ভাবে যন্ত্রের পিন-পয়েন্ট দুইটি বসাইয়া মাপ লইতে হয়।



চিত্র নং ১৪

কম্পাস ও ডিভাইডারের 'Knee-joint'

“এক্সটেনশন পীস” (Extension piece) বা “লেন্গথেনিং বার” (Lengthening Bar)—যখন খুব বড় বৃত্ত অঙ্কিত করিতে হয়, তখন ‘লেন্গথেনিং বার’ (lengthening bar)-এর সাহায্যে কম্পাসের এক কিংবা দুই পাদই লম্বা করিয়া লইয়া তাহার সাহায্যে অঙ্কিত করা যায়। ‘লেন্গথেনিং বার’ ও তাহার সাহায্যে লম্বা করিবার একটি কম্পাসের চিত্র এখানে দেওয়া হইল (চিত্র নং ১৭)।



লেন্গথেনিং বার-এর ব্যবহার

চিত্র নং ১৭

## “বো-পেন”, “বো-পেন্সিল” ও “বো-ডিভাইডার”

(Bow-pen, Bow-pencil and Bow-dividers) —



বো-পেন  
(Bow-pen)  
চিত্র নং ২০

খুব ছোট ছোট বৃত্ত অঙ্কিত  
করিতে গেলে সাধারণ যন্ত্রাদি  
ব্যবহার করিতে সব সময় সুবিধা  
হয় না ; সেখানে ছোট ছোট যন্ত্র  
ব্যবহার করা হয় ; তাহাদের  
'বো-পেন', 'বো-পেন্সিল' ও  
'বো-ডিভাইডার' বলে। যখন  
কোন বৃত্তের ব্যাসার্ধ আন্দাজ  
২" ইঞ্চির কম হয়, তখন এইসব  
যন্ত্র ব্যবহার করা হইয়া থাকে।  
এইসব যন্ত্র, চিত্র নং ২০, ২১, ২২  
ও ২৩-এ দেখান' হইল।



বো-পেন (Bow-pen)  
চিত্র নং ২১



বো-পেন্সিল (Bow-pencil)  
চিত্র নং ২২



বো-ডিভাইডার  
(Bow-divider)  
চিত্র নং ২৩

**পেন্সিল-পয়েন্ট ও ড্রয়িং-পেন্সিল (Pencil-points and Drawing Pencils)**—ড্রয়িং-এর কাজের জন্য H, HH, HHH, HHHH,—এইসব মার্ক-ওয়ালা পেন্সিলই প্রশস্ত। HH-পেন্সিল H\*-পেন্সিল অপেক্ষা কঠিনতর, HHH-পেন্সিল HH-পেন্সিল অপেক্ষা কঠিনতর,—এইরূপ; অর্থাৎ, যত বেশি H-ছাপ পেন্সিলে থাকে, তাহা দিয়া তত বেশি সূক্ষ্ম রেখা টানা যাইতে পারা যায়, ও নক্সা তত যথাযথ হয়। তবে কে কত H-ছাপ-ওয়ালা পেন্সিল ব্যবহার করিতে পছন্দ করেন, তাহা তাঁহার অভিজ্ঞতার দ্বারা নির্ণীত হয়; ছাত্রদের পক্ষে H এবং HH,—এই ছাপের পেন্সিলেই কাজ হইবে। তবে আবশ্যক বুঝিয়া অধিক H-এর পেন্সিল ব্যবহার করিতেও হইতে পারে।

পেন্সিলের অগ্রভাগ বাটালির মুখের মত (chisel-point) হইবে। ধারাল ছুরির দ্বারা এইভাবে পেন্সিল বাড়িয়া, পরে সূক্ষ্ম শিরীষ কাগজ কিংবা উথার উপর ঘষিলে, পরে ঐ গুলি দিয়া যে রেখা উৎপন্ন হইবে, তাহা লঘু বা হালকা (light), এবং সূক্ষ্ম (fine) হইবে। রেখা অঙ্কিত করিতে হইলে সীসার 'বাটালি'র অংশটি টী-স্কোয়ায়ার কিংবা সেট-স্কোয়ারের গা ছুঁয়াইয়া অঙ্কিত করিতে হয়; ইহাতে ঠিক জায়গা দিয়া রেখা টানা যায়। যদি পেন্সিলে



প্রান্তভাগ সূচাল বা সূক্ষ্মাগ্র  
ট্যাংছা

চিত্র নং 24

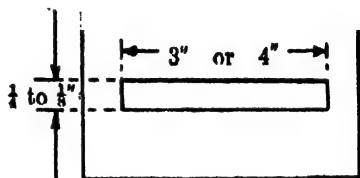
অঙ্কিত নক্সায় কালি বুলাইতে না হয়, বা তাহা হইতে ট্রেসিং (tracing) করিতে না হয়, তবে অপেক্ষাকৃত নরম (অর্থাৎ কম সংখ্যার H-মার্ক) পেন্সিল ব্যবহার করিতে হয়, নহিলে শক্ত (বেশি H-এর) পেন্সিল ব্যবহার করিয়া তাহাতে কালি দিতে হয়। বো-পেন্সিল কিংবা স্ট্রীং বো-পেন্সিলের জন্য সীসাকে, নক্সাকরের ইচ্ছামত, সূক্ষ্মাগ্র (Pointed), কিংবা বাটালির আকারের

\* 'H'-পেন্সিল অর্থে 'Hard' pencil.

মত (chisel-pointed) করা বাইতে পারে। বেশি শক্ত পেন্সিল ব্যবহার করিতে হইলে, খুব অল্প চাপ দিয়া অঙ্কন করিতে করিতে হয়, নহিলে কাগজে যে দাগ পড়ে তাহা সহজে ওঠে না।

**ক্লিয়ার-অঙ্কন-কাগজের জন্য নরম রবার (ইংরেজিতে eraser) ব্যবহার**  
করিতে হয়। বাজারে চলিত 'Venus' প্রভৃতি মার্ক রবার এইজাতীয়।

রবারের গুণ এমন হওয়া চাই, যাহাতে পেন্সিলের কোন দাগ তুলিবার জন্য রগড়াইবার সময় কাগজের কোন ব্যয়গা ঘণিয়া উঠিয়া না আসে,—মাত্র রবারই পেন্সিলের ময়লাটা তুলিয়া আনে। যাহাতে ঘণিবার সময় আবশ্যক মত জায়গার বেশি



রবার দিয়া পেন্সিলের দাগ তুলিবার  
জন্য ব্যবহৃত সরু গর্ত-ওয়ালা পাত

চিত্র নং ২৫

জায়গা ঘণা না হইয়া যায়, সে কারণে অনেকে একটুকরা কার্ডবোর্ড (card board)-এর মধ্যে প্রায়  $3/4$ " ইঞ্চ লম্বা ও  $1/2$ " হইতে  $3/4$ " ইঞ্চ চওড়া সরু কালি গর্ত কাটিয়া লইয়া তাহারই মধ্যে রবার চালনা করেন। কাজের জন্য পাতলা পিতলের পাতের মধ্যে আবশ্যক মত দৈর্ঘ্য ও প্রস্থের কালি, কিংবা ডিমের আকারে গর্তও কাটা থাকে।

**ড্রাইং-পেন বা লাইন-পেন (Drawing pen or Line-pen)**—যখন নক্সায় কালি দিতে হয়, তখন প্রথম সূক্ষ্ম করিয়া পেন্সিল-ড্রাইং করিয়া তাহাতে 'চাইনিজ ইঙ্ক' (chinese ink) অথবা 'ইণ্ডিয়ান ইঙ্ক' (Indian ink) বুলাইতে হয়।



ড্রাইং পেন

অথবা লাইন-পেন

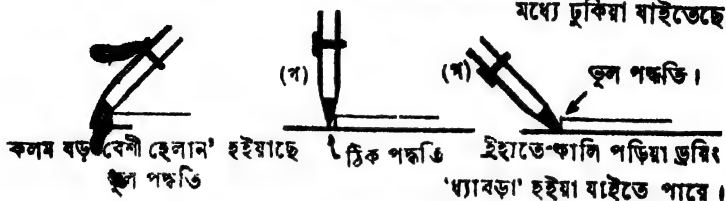
চিত্র নং ২৬

একটি সরু কলমের হাতলের ডগায় ইম্পাতে তৈয়ারী একজোড়া পাখীর ঠোঁটের মত অংশ বসান' থাকে, আর একটি সেট-জু দিয়া দুটির ঠোঁটের মধ্যের বে দূরত্ব তাহা কম বা বেশি করা যায়। ইহাই 'ড্রয়িং-পেন'। মূল্যবান পেন-এ আবার উপরের ঠোঁটকে একেবারে খুলিয়া উপরের দিকে তুলিয়া ফেলা যায়; তাহার অন্ত একটি কজা থাকে। চিত্র নং ২৫-এ ঐ কজা দেখা বাইতেছে। কালি ফুরাইয়া গেলে, দুই ঠোঁটের মধ্যে শুকাইয়া-যাওয়া কালি পরিষ্কার করিয়া, আবার নতুন কালি দিতে হয়। এইপ্রকার বারবার করিতে হয়। ইহা ব্যতীত, ঐ সেট-জু টিলা করিয়া কিংবা আঁটিয়া, কালির রেখার প্রস্থ খোঁটা কিংবা সরুও করা হইয়া থাকে। লাইন-পেন-এ কালি ভরিতে হইলে তাহাকে কালিতে ডুবাইতে নাই। প্রথমে ঠোঁট দুইটিকে বেশ করিয়া কাপড় দিয়া মুছিয়া, ও সেট-জু দিয়া উহাদের মধ্যের ফাঁক, যত মোটা রেখা টানিতে হইবে তদনুসারে ঠিক করিয়া লইয়া, অত্র একটি স্টীল পেন-এর নিব কালিতে ডুবাইয়া তাহাতে করিয়া কালি লইতে হয়, ও ঐ কালি-শুদ্ধ নিব (nib) ঠোঁট দুইটির মধ্যে এতটা পরিমাণে ঢুকাইতে হয় বাহাতে ঠোঁট দুইটির ফাঁকের মধ্যে  $\frac{1}{8}$ " হইতে  $\frac{3}{8}$ " পর্যন্ত কালি প্রবেশ করে। একসঙ্গে বেশি কালি ভরিলে, লাইন-পেন ব্যবহার করিবার সময় উহা হইতে একেবারে সমস্ত কালিটা কাগজের উপরে ঝরিয়া পড়িতে পারে। কাজ শেষ হইয়া গেলে, কলমের ঠোঁট দুইটিকে খুলিয়া, বেশ ভাল করিয়া কাপড় দিয়া মুছিয়া রাখিয়া দিতে হয়; নহিলে কালির দ্বারা ঐ দুইটি অংশ কয় পাইয়া বাইতে পারে।

**'ড্রয়িং পেন'-এর ব্যবহার**—ব্যবহার করিবার সময় লাইন-পেন ও বো-পেন এমনভাবে ধরিতে হয় বাহাতে দুইটি ঠোঁটের দ্বারাতেই কাগজের উপরে সমান চাপ পড়ে। বেদিক হইতে লাইন টানা হইবে, পেনটি যেন সেইদিকে একটু হেলান' করিয়া রাখা হয় [ চিত্র নং ২৭(খ) ], আর তখন কলমটি যেন সেট-কোয়্যার অথবা টী-কোয়্যারের গারে অতি আলগাভাবে ঠেকিয়া থাকে। এসময়ে কলমকে বেশি জোরে চাপিলে বিভিন্ন রেখার প্রস্থ কম বা বেশি হইবে। তাহা ব্যতীত কলমের ডগাকে একেবারে টী-কোয়্যার অথবা সেট-কোয়্যারের ঠিক তলার কিনারা দিয়া চালান' উচিত নহে; তাহা করিলে কলম

হইতে কালি একেবারে কাগজের উপরে আসিয়া 'ধ্যাবড়া' করিয়া দিতে পারে। [ চিত্র নং ২৭ (গ) ]

কালি—নক্সার কাজে যে কালি ব্যবহার করা হয় তাহাকে 'চাইনীজ কলম টি-কোয়্যার বা সেট কোয়্যারের মধ্যে ঢুকিয়া বাইতেছে



চিত্র নং ২৭

ইক' কিংবা 'ইণ্ডিয়ান ইক' বলে। 'চাইনীজ ইক' সাধারণতঃ আন্দাজ ছয় ইঞ্চ লম্বা, চার-কোণা, ছয়-কোণা বা আট-কোণা, শুকনো কালির বাট (bar)



"চাইনীজ ইক"-এর বাট

চিত্র নং ২৮

( চিত্র নং ২৮ ), আর 'ইণ্ডিয়ান ইক' ধ্যাবড়া ছোট শিশিতে রক্ষিত তরল কালি, উত্তমরূপে ঝাঁটা, আর তাহার ছিপির নীচের দিকে একটি পাখীর পেন-কলম (quill)-এর মত ছোট 'কচকাটা' মোচ আটকান থাকে। কালিতে ডুবাইলে



"চাইনীজ ইক" গুলিবার চীনে মাটির পাত্র ;

চিত্র নং ২৯

ইহাতে কালি উঠে, ও তাহা দিয়া ড্রয়িং পেন-এ কলি ভরা যায়।

'চাইনীজ ইক' গুলিতে একটি চীনা মাটির পাত্র [ Saucer ; চিত্র নং ২৯ ] ব্যবহার করা হয়।



পাশ্বে একটু জল দিয়া কালির বাটটির একপ্রান্ত তাহাতে ক্রমাগত ঘষিতে থাকিলে উহা একটু একটু করিয়া গুলিয়া তরল কালিতে পরিণত হয় ; আর উপযুক্ত মত ঘন হইল কিনা, তাহা মাঝে মাঝে পরীক্ষা করিয়া দেখিতে হয় । ইহা করিতে হইলে, একটি কলমের নিব (nib) উহাতে ডুবাইয়া কালি লইয়া, তাহা দিয়া কাগজের উপরে আঁচড় দিয়া, শুকাইয়া গেলে, যতক্ষণ না কাগজে ঘন কাল দাগ থাকিবে, ততক্ষণ পর্যন্ত 'বাট'কে ঘষিতে হইবে । এই সময়টা বড়ই বিরক্তিকর । এই পদ্ধতি-মত কালি করিলে আন্দাজ-মত জল লইয়া কালি গোলা উচিত ; কেননা, যদি কিছু কালি উদ্ভূত থাকিয়া যায়, তবে তাহার পরদিন তাহাতে আরও কিছু জল দিয়া বাড়াইবার জন্ত ঘষিলে কালি ভাল ঘসে না ; তবে উদ্ভূত কালি ভাল করিয়া ঢাকিয়া রাখিলে, দুইতিন দিন থাকে ।

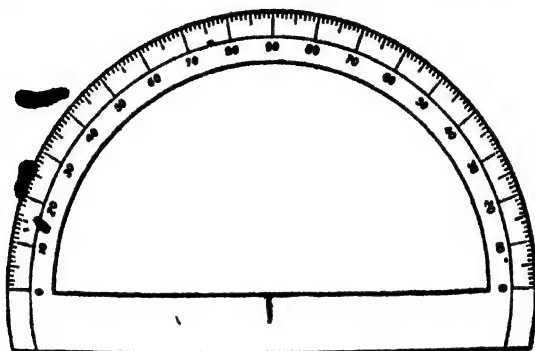
**'ইণ্ডিয়ান ইঙ্ক'—**ইহা একেবারে ব্যবহারের উপযুক্ত তরল অবস্থায় পাওয়া যায়, ও ইহাকে ঢালিয়া বাহির করিতে হয় না বলিয়া সবসময়েই কালি ভাল থাকে । শুধু পেন-এ কালি ভরিবার সময় শুকনো কাপড় দিয়া সজ্জ-সজ্জ কালির জায়গাটা পরিষ্কার করিয়া, ছিপি শিশির মুখ পর্যন্ত ঢুকাইলে, তাহার তলদেশে লাগান 'কচ্-কাটা 'কুইল' (quill)-এ যতটা কালি উঠে, তাহা লইয়া পেন-এর মুখে ঠেকাইতে হয় ; তখন 'কুইল' (quill) হইতে কালি লাইন-পেন-এ প্রবেশ করে । কালি ভরিবার সময় যদি কোন জায়গায় কালি উপছাইয়া গিয়া লাগিয়া থাকে, তবে তাহা মুছিয়া দিতে হয় ।



**'ইণ্ডিয়ান ইঙ্ক'-এর শিলি** অনন্তর অল্প কাগজের উপরে দুই একবার লাইন-  
চিত্র নং ৪০ পেনকে টানিয়া, যখন উহা হইতে বেশ কালির  
রেখা বাহির হইতে থাকে, তখন নতুন কালি দেওয়ার কাজ আরম্ভ করা হয় ।

তরল কালি অপেক্ষা-কৃত দ্রুত শুকাইয়া যায়, তাই যতবারই শিলি হইতে কালি বাহির করা যাইবে, ততবারই যেন ছিপিটি দিয়া কালির শিশির মুখটি বন্ধ রাখা হয় ; আর কাজ শেষ হইলে, জলে ভাল করিয়া লাইন-পেন-এর মুখের ইম্পাভের 'ঠোট' দুইটি ধুইয়া ও শুষ্ক কাপড় দিয়া মুছিয়া, তবে রাখা হয় ; নহিলে ইম্পাভের কলা দুইটিতে মরিচা ধরিয়া ক্ষয় হইয়া যায় ।

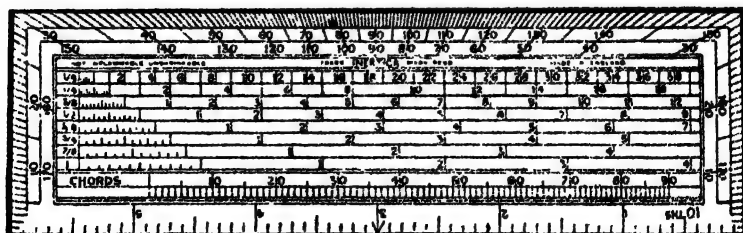
**‘চাঁদা’ (Protractor)**—কোণ অঙ্কন করিবার, অথবা মাপিবার জন্য, ‘প্রোট্রাক্টর’ বা ‘চাঁদা’ ব্যবহার করা হয়। ইহা অর্ধ-চন্দ্রাকারও হয় [চিত্র নং ৪১(a)], কিংবা আয়তাকার পাটির মতও হয় [চিত্র নং ৪১(b)]।



অর্ধ-গোল ‘প্রোট্রাক্টর’ বা ‘চাঁদা’

চিত্র নং ৪১(a)

ইহাদের গায়ে কোণ (angle)-এর দাগ বসান থাকে। আয়তাকারগুলি কাঠের, সেলিউলয়েডের, হাতীর দাঁতের কিংবা প্র্যাগটিকের হইয়া থাকে। অর্ধ-চন্দ্রাকার ‘চাঁদা’গুলির প্রায়ই টিনের; উহাদের ভিতরটা ফাঁক। চাঁদার বাহিরের দিকে যে দাগগুলি থাকে, সেগুলি ডিগ্রির চিহ্ন। চাঁদার নীচের দিকে অবস্থিত AB রেখার টানে রেখা টানিয়া, উহার মাঝখানে যে O-বিন্দু অথবা দাগ-কাটা



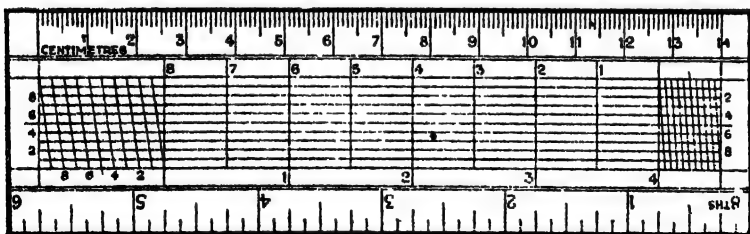
আয়তাকার ‘চাঁদা’র স্ফূর্ণ পিঠ

চিত্র নং ৪১(b)

মধ্যবিন্দু থাকে, তাহার সহিত ঐ দাগগুলি পর্বন্ত রেখা টানিলে O-P রেখার সহিত যত আনতি হয়, কোণের ডিগ্রি-ও তত। অতএব অর্ধ-বৃত্তাকার চাঁদার সাহায্যে কোন রেখার উপর কোন কোণ গঠিত করিতে হইলে, চাঁদার AB-রেখাকে সেই রেখার সহিত মিলাইয়া পাতিত করিতে হয়; এবং যত ডিগ্রি আনতি তত কোণ প্রস্তুত করিতে হইবে, তত দাগের সন্মুখে খুব সূক্ষ্ম পেন্সিল-প্রান্ত অথবা পিন ধীরে ফুটাইয়া দাগ দিতে হয়; এইবার AB-রেখার মাঝখানে যে তাঁরের মত, কিংবা O-চিহ্নিত দাগ আছে, সেইখানে একটি পেন্সিল বা পিন দিয়া দাগ দিয়া 'চাঁদা' সরাইয়া ফেলিয়া দুই পিন বা পেন্সিল-ফুটান' দাগের মধ্যে সেট-স্কোয়ার দ্বারা রেখা টানিতে হয়। তাহা হইলে উপযুক্ত আনতির কোণ গঠিত হইল।

আয়তাকার চাঁদার নীচের দিকের কিনারাকে কোন রেখার উপরে পাতিয়া, যে বিন্দু হইতে আনত রেখা তুলিতে হইবে তাহা ঐ কিনারার মধ্যভাগে তাঁর-কাটা দাগের সহিত সমবিন্দুতে রাখিয়া, যত-ডিগ্রি কোণে আনত রেখা তুলিতে হইবে, চাঁদার কিনারায় লেখা তত দাগে পেন্সিল বা পিন দিয়া বিন্দু দাগ দিয়া, চাঁদাকে সরাইয়া ফেলিয়া দুই বিন্দুর মধ্যে সেট-স্কোয়ার দিয়া রেখা টানিতে হয়।

আয়তাকার চাঁদায় বিভিন্ন স্কেল থাকে; ইহাতে ইঞ্চকে এবং সেন্টিমিটারকে নানাভাগে ভাগ করা থাকে। চাঁদার নীচের দিকে ইঞ্চও তাহার দশমাংশের স্কেল দেখা যাইতেছে। ইহা ব্যতীত, চাঁদার উল্টা-পিঠে 'ডায়ালগোন্সাল-স্কেল',



আয়তাকার 'চাঁদা'-র পিছন পিঠ

চিত্র নং 31(c)

[ চিত্র নং 31(c) ] এবং চাঁদার সন্মুখদিকে কর্ড-এর স্কেল রহিয়াছে। ইহার বিষয় পরে বলা হইবে।

আয়তাকার চাঁদা দিয়া সরল রেখা প্রভৃতি টানিতে নাই।

**ফ্রেঞ্চ কার্ভ (French curves)**—যে-কোন প্রকারের বাঁকা রেখা আঁকিতে হইলে, এই সকল 'কার্ভ' ব্যবহারে বিশেষ সুবিধা হয়। নানা আকারের এবং ছোটবড় নানা ধরণের, কাঠ, সেলিউলয়েড, প্রাস্টিক, এবোনাইট, প্রভৃতি পাতলা চাদর হইতে কাটা 'কার্ভ'গুলির সাহায্যে বক্ররেখা আঁকিলে, পেন্সিলেরই হোক কিংবা কালিতে আঁকা ড্রয়িংই হউক, বেশ সুন্দর দেখায়। [চিত্র নং ৪২]।

মনে কর, কতকগুলি বিন্দু স্পর্শ করিয়া কোন দ্রব্য বা চিত্রের সীমারেখা অঙ্কিত করিতে হইবে। উপযুক্ত মত একটি 'কার্ভ' নির্বাচন করিয়া



ফ্রেঞ্চ কার্ভ

চিত্র নং ৪২

লইয়া, তাহার কিনারাকে এমনভাবে এমিক-ওমিক কর, যাহাতে অন্ততঃ পর পর তিনটি বিন্দু 'কার্ভের' কিনারার কোন অংশের সঙ্গে ভিড়ে; তখন সেই তিনটি বিন্দু স্পর্শ করিয়া ততটা বক্ররেখা আঁক। এইবার 'কার্ভ'-এর কিনারাকে ঘুরাইয়া তাহার পরের দুইটি বিন্দুকে, ও যে-অংশে রেখা টানা হইয়াছে, তাহাদের সমরেখায় আন, ও নতুন দুইটি বিন্দু ছুঁইয়া পূর্বে টানা রেখার সঙ্গে ভিড়াইয়া দাও। অতঃপর আবার দুইটি বিন্দু লও, ও পূর্ব-বর্ণিত প্রথায় বক্ররেখা আরও একটু বাড়াইয়া দাও। এইভাবে অঙ্কন সম্পূর্ণ কর।

## তৃতীয় পরিচ্ছেদ কেমন করিয়া অঙ্কনকার্য করিতে হয়

**বোর্ডে কাগজ আঁটা**—টেবিলের উপরে “ড্রইং-বোর্ড” (Drawing board) রাখিয়া, ও উপযুক্ত উচ্চ স্টুল (stool)-এর উপরে উপস্থিত করিয়া, প্রথমে “ড্রইং-পিন” (Drawing pin) [ চিত্র নং ৩৩ ] দিয়া ড্রইং-কাগজকে বোর্ডের উপরে আঁটিতে হয়। কেহ কেহ এই অবস্থায় বোর্ডকে নিজের কোলের দিকে ঢাল করিয়া রাখেন। আবার কোন কোন বোর্ডের ‘পায়’ বা ‘খুঁয়া’ পিছনদিকে উঁচু ও স্তম্ভদিকে নীচু করিয়া তৈয়ার করাও থাকে [ চিত্র নং ১ দ্রষ্টব্য ]। পূর্বে যেমন কাগজের আয়তন দেওয়া হইয়াছে, সেই অল্পখানী বোর্ড বড় বা ছোট হয়। আয়তাকার বোর্ডের লম্বা-কিনারাটা নিজের দিকে রাখা হয়। এইবার টি-স্কোয়ারে (T-square)-এর ‘মাথা’ (head) বোর্ডের বাম-পার্শ্বের গারে ঠেসাইয়া, উহার ‘ফলা’ (blade) লম্বালম্বি ভাবে পাতা হয়; ইহাতে উহার ঢালু দিকটা উপরের দিকে থাকে। এই ঢালু দিকটাই অঙ্কন-কার্যে ব্যবহৃত হয়।

অনন্তর টি-স্কোয়ারের নীচে ও বোর্ডের উপর কাগজ পাতা হয়। সচরাচর  $15" \times 11"$  কাগজই ব্যবহার করা হইয়া থাকে। “ইম্পীরিয়্যাল” সাইজের কাগজ,—বাহা মৈর্ঘ্যে ও প্রস্থে  $29"$  ( বা  $30"$  )  $\times$   $22"$ ,—তাহাকেই সম্বন্ধিত করিয়া দুইবারে ব্যবহার করা হয়। স্তরাং এইসব কাজে বোর্ডের আয়তন  $19" \times 15"$ , বা ঐ রকম হইলেই চলে; তাহা হইলে বোর্ডের কিনারা হইতে কাগজ পর্ষন্ত চারিদিকে দুই ইঞ্চি করিয়া কাঠ বাহির হইয়া থাকিবে। ইহার কিছু এদিক-ওদিক হইলেও কোন ক্ষতি নাই।

টি-স্কোয়ারের উপরের দিকের ঢালু কিনারাটা ‘মাথা’র সঙ্গে ঠিক  $90^\circ$ -করিয়া বসান’ বলিয়া, ঐ ‘মাথা’কে বোর্ডের বাম প্রান্তে চাপিয়া ধরিয়া টি-স্কোয়ারকে উপযুক্ত মত উঠাইয়া, কাগজের উপর-মাথা ঢালু কিনারার সমরেখায় আনিয়া, উপরের বাম ও দক্ষিণ কোণে একটি করিয়া ‘ড্রইং-পিন’ (Drawing-pin) ( চিত্র নং ৩৩ ) ডানহাতের বৃদ্ধ অঙ্গুলির চাপে বসাইয়া দাও; অতঃপর কাগজে

টান রাখিয়া উহার নীচের দুই কোণে আর দুইটি পিন বসাইয়া দাও। বড় কাগজ আঁটিবার সময় ছয়টি কিংবা আটটি পিনও ব্যবহার করিতে হইতে পারে।

**ড্রইং-পিন (Drawing-pin)**—একখানি পিতল, জার্মান সিলভার, কিংবা নিকেল-করা ধাতুর চাকতির ঠিক কেন্দ্রদেশে একটি সরু অথচ মজবুত কাঁটা 'বসান' থাকে; এই কাঁটা চাকতি ভেদ করিয়া আন্দাজ সিকি ইঞ্চি বাহির হইয়া আসে; ইহার মুখ সূচাল। এই পিনকে যথাস্থানে ধরিয়া রাখিয়া বৃদ্ধাঙ্গুলি দিয়া ছাপ দিলেই উহা বোর্ডের কাঠের মধ্যে প্রবেশ করিয়া কাগজকে আটকাইয়া রাখে। খুলিবার সময় চাকতিকে ধরিয়া উপরের দিকে টানিলেই, কিংবা ছুরি ইত্যাদির ফলা দিয়া একটু চাড় দিলেই, উঠিয়া আসে। একরূপ করিবার সময় সতর্ক হইতে হয়, যাহাতে বেশি বাঁকাভাবে চাড় দেওয়া না হয়; একরূপ করিলে পিন বাঁকিয়া গিয়া অকর্মণ্য হইয়া যাইতে পারে। উপরে যে পিনের বর্ণনা দেওয়া হইল, তাহাতে এক অল্পবিধা এই হয় চিত্র নং ৪৩  
যে, ইহার চাকতি কিছু উঁচু বলিয়া টী-স্কোয়ার ও সেট-স্কোয়ারের কিনারার দিকে বাধা পায়। এইজন্য অনেকে পাতলা ও ছোট ছোট পিন ব্যবহারের পক্ষপাতি।



**প্রারম্ভিক কার্য**—চিত্রকে সূত্রী করার জন্ত প্রথমেই তাহার চারিদিকে সীমারেখা (border) অঙ্কিত করা হয়। চারিধারে আধ ইঞ্চি পরিমাণ কাগজ ছাড়িয়া টী-স্কোয়ারের সাহায্যে উপর ও নীচেকার শয়ান সীমারেখা, এবং টী-স্কোয়ারের উপরে সেট-স্কোয়ারের দ্বারা ছুইপার্শ্বের উর্ধ্বাধঃ সীমা-রেখা পেন্সিল দ্বারা অঙ্কন করিয়া এক 14" × 10" ইঞ্চি আয়তক্ষেত্র গঠন করা হয়। কাগজের নীচের ডানদিকে সীমারেখার বাহিরে এই আধ ইঞ্চি জায়গার মধ্যে নিজ নিজ নাম লিখিতে হয়। ইহারও ভিতরে আবার প্রত্যেক পাশে সমপরিমাণ কাগজ ছাড়িয়া দিয়া যে 13" × 9" ইঞ্চি কাগজ বাকী থাকে, তাহারই উপরে চিত্র সকল অঙ্কিত করা হইয়া থাকে। তবে শেষের এই আধ ইঞ্চি করিয়া কাগজ ছাড়ার সম্বন্ধে হয়ত মতভেদ থাকিতে পারে, কিন্তু নম্বার সীমারেখা (border)-এর বাহিরে অঙ্কিতঃ আধ ইঞ্চি করিয়া কাগজ রাখিতেই হয়।

চিত্রগুলি এমনভাবে আঁকিতে হইবে, বাহাতে সম্পূর্ণত নক্সা একখানি ছবির মত সুদৃশ্য হয় ; তাহাদের সমস্ত রেখা সুস্পষ্ট ও সুনির্দিষ্ট, ফুটকি ফুটকি রেখাগুলির মধ্যের ফাঁক সমপরিমাণ ও যত্নসহকারে টানা, অক্ষর ও সংখ্যাগুলি ছাপার হরফ ও ছাপার সংখ্যার মত সুন্দর, তাহার উপর যাহা কিছু বিবরণী কিংবা বিবরণ থাকিবে সে সমস্তই ছাপার হরফের মত,—এক কথায়, এ বিষয়ে বিশেষ যত্ন ও অধ্যবসায় অপরিহার্য। মনে রাখিতে হইবে, “শুধু হাতে” (free-hand) পায়তপক্ষে কোন চিত্রের কোন অংশ আঁকা চলিবে না ; পরিশ্রম লাঘবের চেষ্টা করিয়া কোন কিছু “শুধু হাতে” আঁকিতে চেষ্টা করিলে, ( বিশেষতঃ ছাত্রদের ক্ষেত্রে ), নক্সার সৌন্দর্য নষ্ট হইয়া যাওয়ার আশঙ্কা খুবই বেশি।

জ্যামিতিক চিত্র অঙ্কনের সময়, প্রথমেই কাগজখানিকে পেন্সিলের দ্বারা উপযুক্ত মত ছয়টি কিংবা আটটি সমান আয়তক্ষেত্রে ভাগ করিয়া, তাহার প্রত্যেক ভাগের মধ্যে একটি করিয়া চিত্র অঙ্কিত করিলে সমবেত চিত্র সুদৃশ্য হয়। ইহা করিতে হইলে, প্রথমে টী-স্কোয়ারের সাহায্যে  $14" \times 10"$  ( কিংবা  $13" \times 9"$  ইঞ্চ ) আয়ত ক্ষেত্রের মধ্য দিয়া একটি শরান (horizontal) রেখা টানিয়া, তাহাকে উপর-নীচে লম্বালম্বি দুই সমান ভাগে ভাগ করিয়া লইতে হয়। ইহাকে ইংরাজীতে centre line ; ( বাংলায় “অক্ষ-রেখা” বা “কেন্দ্র-রেখা” ) বলে। তাহার পরে টী-স্কোয়ারের উপরে সেট-স্কোয়ার বসাইয়া আবশ্যক মত তিন অথবা চার সমান অংশে ভাগ করিলেই কাগজখানিতে ছয় কিংবা আট সমান অংশ হইল। ইহারই এক একটি অংশের মধ্যে এক একটি চিত্র অঙ্কন করা হয়। পেন্সিল দিয়া সব চিত্র অঙ্কিত করা হইয়া গেলে পর, তাহাতে কালি দিতে হয়।

**কালি দেওয়া, ও রেখার প্রকার-ভেদ**—পেন্সিলে অঙ্কিত চিত্রে কালি দেওয়ার পূর্ব হইতে লাইন-পেন (line-pen), বো-কম্পাস (Bow-compasses) প্রভৃতির ব্যবহারে হাত অভ্যস্ত করিয়া লওয়া উচিত ; নহিলে চিত্রে কালি গড়িয়া উহাকে অব্যবহার্য করিয়া ফেলিতে পারে। এই কার্যে পারদর্শী হইতে হইলে, অগ্রে টী-স্কোয়ারের সহিত লাইন-পেন ব্যবহার করিয়া সহজভাবে পরিষ্কার অহুভূমিক সরলরেখা, টী-স্কোয়ার ও সেট-স্কোয়ারের

সাহায্যে লম্বভাবে উর্দ্ধাধঃ রেখা, তীর্থক সমান্তরাল রেখা, — অঙ্কন যোগ্যে অঙ্কিত নানাবিধ সহজ সহজ রেখাচিত্রে কালি বুলান' অভ্যাস করিলে ভাল হয়। ইহা ব্যতীত, পেন্সিলে আঁকা রেখাগুলি যে বিন্দু হইতে আরম্ভ হইয়া ঠিক যে বিন্দুতে শেষ হইয়াছে, কালির রেখাও যেন ঠিক ততদূর আসে। রেখাগুলি কতটা মোটা হইবে, তাহা কালি দিতে আরম্ভ করিবার পূর্বেই, কলমের মুখের দুই 'স্টোট'কে যে সেট-স্কু দিয়া এক-করা থাকে, অঙ্গুষ্ঠ ও তর্জনীর দ্বারা তাহাকে দক্ষিণে অথবা বামে ঘুরাইয়া স্টোট দুইটির মধ্যের ফাঁক কম-বেশি করিয়া লইয়া, যে-জাতীয় কাগজে কালি দিতে হইবে সেই জাতীয় অল্প একখণ্ড কাগজের উপরে রেখা টানিয়া বার বার পরীক্ষা করিয়া দেখিতে হয় কালির রেখা অভিন্নীভূতরূপে মোটা কিংবা সরু হইয়াছে কিনা। লাইন-পেন ব্যবহারের সময় কাগজের উপরের কলমের চাপ যেন বরাবর সমভাবেই থাকে, অথচ বেশি না হয়। ড্রয়িং-এর কালি বড় শীঘ্র শুকাইয়া যায়। আবার কখন কখন কলমে কালি থাকে সঘনো কলম হইতে কালি সহজে সরে না; এমন হইলে অঙ্গুলি জলে ভিজাইয়া কলমের স্টোট দুইটি স্পর্শ করিতে হয়, কিংবা যেখানে কালি থাকে তাহার ভিতর দিয়া সরু সূচ, নিব, কাগজের টুকরা প্রভৃতি সন্তর্পণে চালাইয়া ভগ্না দিয়া বাহির করিয়া আনিতে হয়। সে সময় কলমকে কাগজের উপর হইতে একপাশে সরাইয়া লইতে হয়, নহিলে কাগজে কালির ছিটা পড়িতে পারে। অনন্তর আবার কালির রেখা পরীক্ষা করিয়া দেখিয়া লইতে হয়। কলমে যেন এককালে বেশি করিয়া কালি ভরা না হয়; ইহাতে কাজ করিতে আরম্ভ করিবার সময় কলমের পাশ দিয়া কালি কাগজের উপরে পড়িয়া যাইতে পারে; অঙ্গুলিকে আবার, রেখাটি যত লম্বা ও মোটা হইবে, এক টানে যেন ততটা পর্যন্ত কলম টানিবার পূর্বেই কালি ফুরাইয়া না যায় তাহাও দেখিতে হইবে। শয়ান রেখা সম্পূর্ণ হওয়ার পূর্বেই কালি ফুরাইয়া গেলে, পুনরায় কালি ভরিয়া সেই রেখাকে বর্ধিত করা কঠিন। কলমের কালি জমিয়া যাওয়ার আগেই উহা হইতে কালি মুছিয়া, কিংবা কলমের ভগ্নার ভিতরদিকে কালি জমাট হইয়া গিয়াছে বুঝিতে পারিলেই, তাহা খুলিয়া পরিষ্কার করিয়া লইতে হয়।

কালি দিবার সময় কলমকে এমনভাবে ধরিতে হয়, বাহাতে সেট-স্কুটি বামহস্তের দিকে থাকে, এবং বামদিক হইতে ডানদিকে রেখা টানিবার সময়



উহা ডানদিকে দৈর্ঘ্য হেলান' থাকে, লম্বা ডক্ষাধঃ রেখা ঢালানবার সময় নাচের দিকে দৈর্ঘ্য হেলান' থাকে। কিন্তু কলমকে বেশি হেলাইলে তখনি কালি গড়াইয়া পড়িয়া যায়।

নক্সা আঁকিবার সময় বিভিন্ন প্রস্থের (width) রেখা টানিতে হয়; আবার কলম পরিষ্কার করিবার সময় সেট-জু খুলিয়া ফেলিয়া পুনরায় নূতন করিয়া আঁটিয়া কালি ভরিতে হয়; সেইজন্য যে প্রস্থের রেখা টানা চলিতেছে, প্রথমেই তাহার একটা নমুনা রাখা অপরিহার্য; নহিলে পূর্বের ও পরের রেখাগুলির প্রস্থের পার্থক্য হওয়া অবধারিত।

এই স্থলে উল্লেখ করা আবশ্যক যে, কালি দিবার সময় প্রথমেই যতগুলি বৃত্ত কিংবা বৃত্তাংশ থাকে, তাহাতে কালি দিতে হয়; নহিলে বৃত্তাংশের সঙ্গে ঠিক খাপ খাওয়াইয়া কালির সরলরেখা অঙ্কন করা দুষ্কর। ইহাতে সমস্ত চিত্রের শোভা একেবারে নষ্ট হইয়া যায়।

বিভিন্ন প্রকারের রেখা আছে, আবার তাহার তাৎপর্যও আছে। যেমন অক্ষরেখা (centre line), ড্রয়িং কাগজের কিনারার রেখা (border line), সম্পাচ্চ চিত্রের সীমা-রেখা বা পরিধি (contour) ইত্যাদি, ইত্যাদি। যদিও এই রেখা সকলের প্রস্থের মাপ নক্সা ছোটবড়-ভেদে কিছু তারতম্য হইতে পারে, তবু সাধারণতঃ নীচের নমুনাগুলিতে দেওয়া মাপ সাধারণতঃ ঐ প্রকারই হইয়া থাকে এবং ইহাই অনুমোদিত :—

ইংরাজী নাম	প্রস্তাবিত বাংলা নাম	আনুমানিক প্রস্থ	প্রচলিত চিহ্ন
1. <i>Guide line, Projection line Construction line</i>	নিয়ন্ত্রক রেখা প্রক্ষেপ রেখা অঙ্কন রেখা	সুক্ষ্মরেখা $\frac{1}{800}" (0.005")$ $= 0.15 \text{ m.m.}$ (আলাক)	
2. <i>Centre line</i>	অক্ষ- বা কেন্দ্র-রেখা	ঐ	
3. <i>Section line</i>	খণ্ডন- বা ছেদ-রেখা	ঐ	
4. <i>Dimension line &amp; Extension line</i>	মাপাংক রেখা বর্ধন রেখা	ঐ	
5. <i>Long break line</i>	দীর্ঘ বিচ্ছিন্ন রেখা	ঐ	
6. <i>Hidden line</i>	ঢাকা পড়া রেখা	মাকারী রেখা $\frac{1}{800}" (0.01")$ $0.25 \text{ m.m.}$	
7. <i>Cutting line</i>	কর্তন বা ছেদন রেখা	ঐ	
8. <i>Short break line</i>	ব্রহ্ম বিচ্ছিন্ন রেখা	ঐ	
9. <i>Ground line</i>	ভূমি রেখা	দুলা রেখা $\frac{1}{800}" (0.25")$	
10. <i>Border line</i>	সীমা রেখা	$0.65 \text{ m.m.}$	

\* সাধারণতঃ ভূমিরেখার সহিত 45° ডিগ্রি অবনতিতে।

## চতুর্থ শিল্পক্ষেত্র .

### অক্ষর মুদ্রণ (Lettering)

ড্রয়িং-এর কার্কে কোথাও “হাতের লেখা” ব্যবহার করিতে নাই, একথা পূর্বে বলা হইয়াছে ; যাহা কিছু লিখিতে হইবে, সমস্ত “ছাপার” অক্ষর ; এবং যত সংখ্যা বা অঙ্ক (যেমন মাপের অঙ্ক) লিখিতে হইবে, তাহাও ছাপার অক্ষরে । তেমনি, মাপ দেখাইবার তীরের ফলাগুলি (arrow heads)-ও সুন্দরভাবে দিতে হয় । কেননা, সংখ্যা অথবা অক্ষর-লেখা, কিংবা তীরের ফলা আকার তাক্ষিল্যের জন্য সুন্দরভাবে অঙ্কিত চিত্রও দেখিতে অতি বিলম্ব লাগে । কেমনভাবে তীরের ফলা আঁকিতে হয় তাহা পুস্তকের শেষে দেওয়া হইয়াছে ।

ঠিক কিভাবে লেখাগুলি মুদ্রিত করিতে হইবে, তাহার কোন নির্দিষ্ট নিয়ম নাই ; ইহা নক্সাকর (draughtsman)-এর পছন্দমত । তবে এক নক্সার একই ধরণের অক্ষর ও সংখ্যা মুদ্রিত করাই নিয়ম । লেখাগুলিকে কাগজের আয়তনের সহিত সামঞ্জস্য রাখিয়া বড়, মাঝারি বা ছোট করিতে হয়,—যাহাতে সম্পূর্ণ চিত্রের সৌন্দর্য বৃদ্ধি হয় । লেখার হাঁদ (style) অনেক রকমের হইয়া থাকে ।

**ব্লক প্রিন্টিং (Block printing)**—এইগুলি শিরোনাম প্রভৃতির জন্য ব্যবহৃত হয়, ও ইহার “বড় হাতের” লেখা (Capital Letters) । এ অক্ষরগুলির আবার হাঁদ-ভেদে প্রকারভেদ আছে ; যথা :—(1) সাত-পাঁচ ঘরের ব্লক অক্ষর, (2) পাঁচ-পাঁচ ঘরের ব্লক অক্ষর, (3) খাড়া ‘গথিক’ অক্ষর (Vertical Gothic Letters), (4) হেলান ‘গথিক’ অক্ষর (Inclined Gothic Letters), (5) খাড়া ‘রোম্যান’ অক্ষর (Vertical Roman Letters), (6) হেলান ‘রোম্যান’ অক্ষর (Inclined Roman Letters) ।

ইহা ছাড়া আবার “ছোট হাতের” (Small or Lower-case Letters)-ও আছে । সেগুলি এই :

(1) খাড়া ‘গথিক’ ছোট হাতের লেখা (Vertical Gothic Lower-case Letters) ; (2) হেলান ‘গথিক’ ছোট হাতের লেখা (Inclined Gothic Lower-case Letters) ; (3) খাড়া ‘রোম্যান’ ছোট হাতের লেখা (Vertical Roman

Lower-case Letters) ; (৪) হেলান' 'রোম্যান' ছোট হাতের লেখা (Inclined Roman Lower-case Letters)। ইহাদের সঙ্গে আবার সংখ্যাও আছে।

বড় হাতের লেখার নমুনা :

(১) সাত-পাঁচ ঘরের বড় অক্ষর ও সংখ্যা—



চিত্র নং ৪৫

[ ১০" ইঞ্চ ব্যবধানে ] আটটি সমান্তরাল অশুভূমিক রেখা আলাপা আলাপা ভাবে পেন্সিলে টানিয়া, অল্পরূপ ব্যবধানে ক্রমান্বয়ে উর্ধ্বাধঃ রেখা টানিয়া চৌকা চৌকা ঘর করিলে ইহাতে উর্ধ্বাধঃভাবে সাতটি ঘর হইবে। এইবার এক-একটি অক্ষরের অন্ত বাহু হইতে দক্ষিণ দিকে পাঁচটি করিয়া রেখা, এবং দুই পাশাপাশি অক্ষরের মধ্যে দুইটি করিয়া ঘর ছাড় রাখ। কেবল “আই” (I) লিখিবার অন্ত দুইটি রেখা, ( মাত্র একটি ঘর ), এবং M ও W লিখিবার অন্ত ছয়টি করিয়া রেখা ধরিতে হয়। পরে সেট-স্কোয়ার দিয়া সরল বৈশ্বিক অংশ, ও কম্পাস দিয়া কোণগুলি গোল করিয়া কালি দিয়া ভরাট করিবা, পেন্সিলের ঘরগুলি মুছিয়া দিতে হয়। কালি দিবার সময় বৃত্তাংশগুলিকে প্রথমে কালি দিতে হয়।

## (২) পাঁচ-পাঁচ ঘরের বড় হাতের অক্ষর ও সংখ্যা—

ইহাতেও [১৮" ইঞ্চ ব্যবধানের] ছয়টি সমান্তরাল অল্পভূমিক রেখা, ও অল্পরূপ ব্যবধানে উর্ধ্বাধঃরেখা সকল টানিয়া চৌকা চৌকা ঘর করিয়া, এক-একটি অক্ষরের জন্য বাম হইতে দক্ষিণে পাঁচটি করিয়া রেখা, ও ছই ~~ঘরের~~ মধ্যের ফাঁকের জন্য দুইটি করিয়া ঘর ছাড়িতে হয়।



চিত্র নং ৩৬

২(a) এইরূপ আট ঘরের বড় অক্ষর আছে; ইহার নমুনা এবং ছাঁদের বিশেষত্ব নং ৩৭ চিত্রে দেখান, হইল :—



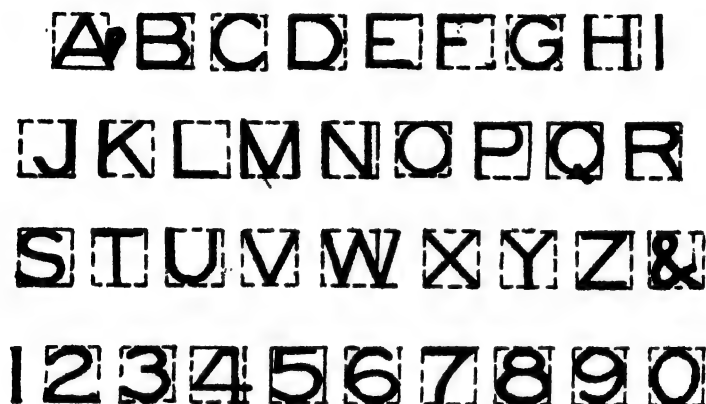
চিত্র নং ৩৭

### (৩) খাড়া "গণিক" অক্ষর ও সংখ্যা—

এই পদ্ধতি অনুসারে অক্ষরগুলির উচ্চতা বত, তাহার অনুপাতে দৈর্ঘ্য ০'৭ হইতে ০'৭২-আন্দাজ হইয়া থাকে। ইহাতে "A"-র মাত্রা মাথা ও "J",

"V"-র নীচেটা, এবং C, G, O, Q, S,—ইহাদের উপর ও নীচের

'অস্ত্রাক্ত অক্ষর ছাড়াইয়া সামান্য একটু বড় করিয়া লেখা হয়, নহিলে নজরে এগুলি সামান্য ছোট দেখায়। অক্ষরের নমুনা :—



খাড়া "গণিক" অক্ষর

চিত্র নং ৩৪

অক্ষরগুলির মোটামুটি অনুপাত

[ অক্ষরের উচ্চতা = ১ ( একক ) বলিয়া গ্রহণ করিয়া ]

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
উপরের বিস্তার	—	·৭	·৭৩	·৭৩	·৮৭	·৮৭	·৭৩	·৮৭	·০৭	·০৭	·৮৭	·০৭	১'১
নীচের বিস্তার	১'১	·০৭	·০৭	·৭৩	·৮৭	·০৭	·৮৭	·০৭	·০৭	·৭৭	·৭৮	·৭৭	১'১

	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y
উপরের বিস্তার	'93	1	'87	1	'93	'87	'93	'93	1	1'46	'97	'93
নীচের বিস্তার	'98	গোল	'07	গোল	'97	'93	'07	গোল	—	'73		'07

	Z	&	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0
উপরের বিস্তার	'87	'47	'07	'8	'77	'33	'77	'83	'93	'77	'93	'93
নীচের বিস্তার	'87	'93	'07	'93	'93	'83	'93	'93	'07	'97	গোল	গোল

কিন্তু এত ধরাকাট করিয়া বড় কেউ লিখে না, তাহার বদলে নং ৩৭ চিত্রে প্রদর্শিত প্রথাই সবিশেষ প্রচলিত। ইহাতে A, C, G, M, N, O, Q, S, এই অক্ষরগুলির উর্ধ্বাধঃ দৈর্ঘ্যকে যদি 'L' ধরা যায় তবে অল্প অক্ষরগুলির উর্ধ্বাধঃ

A B C D E F G H I J K L M N  
O P Q R S T U V W X Y Z  
1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 & 7½

খাড়া "গণিক" অক্ষর

চিত্র নং ৩৭

দৈর্ঘ্য ¾L হয়; আর J, U, V,—এই কয়টি অক্ষরের নীচের দিক একটু বাড়িয়া থাকে। চিত্র নং ৩৭ দেখিলে ইহা স্পষ্ট বোধগম্য হইবে।

## (৪) বড় হাতের হেলান' "গথিক" অক্ষর—

থাড়া "গথিক" অপেক্ষা হেলান' "গথিক"-এর সুবিধা এই যে, লিখিবার সময় যদি ইহাদের মধ্যে আনতির সামান্য তফাৎ-ও হয়, তবে তাহা ততটা নজরে ধরা পড়ে না। তবে যে-সব অক্ষর একেবারে সরলরেখা দ্বারা গঠিত নহে,—যেমন, B, C, G, J, O, Q, U, প্রভৃতি,—সেগুলি শুধুহাতে স্বত্বীভাবে লিখিতে একটু অভ্যাসের প্রয়োজন করে। কিন্তু আর একপ্রকার হেলান' "গথিক" অক্ষর আছে, তাহাতে উপরের অসুবিধা নাই; এগুলি বহুলাংশেই সরলরেখার দ্বারা গঠিত, কেবল কোণগুলি হাতে করিয়া লেখা হয়। একাত্তর অক্ষরের চলন খুব বেশি।

**A B C D E F G H I J K L M N**  
**O P Q R S T U V W X Y Z**  
**1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 & 7/8.**

হেলান' "গথিক" অক্ষর

চিত্র নং 40

এইভাবে লিখিবার সময় অনেকে আবার কোন কথার প্রথম অক্ষরটি অন্তগুলি অপেক্ষা একটু বড় করিয়া লিখেন, যথা—"COMBINATION"; ইহাতে প্রথম অক্ষর C-টি যত বড় হইবে, বাকীগুলি তাহার ঝু হইয়া থাকে। ইহাতে সকল অক্ষরের আনতিই সমান হয়, এবং তাহা 60°-ডিগ্রি হইতে 70°-ডিগ্রির মধ্যে রাখা হয়। অন্ত সব অক্ষর 60°-ডিগ্রি আনতি হইলে, "A" লিখিবার সময়, প্রথমে 60°-ডিগ্রির এক রেখা টানিয়া, যে বিন্দুতে ঐ রেখা উপরের নিয়ন্ত্রক রেখা (Guide line)-কে স্পর্শ করিবে, অগ্রে সেই বিন্দু হইতে একটি লম্ব-পাত করিয়া নীচের নিয়ন্ত্রক রেখা পর্যন্ত টানিতে হয়; (ইহা "A"-র ডানদিকের পাদ); এবং এই রেখা, পূর্বে অঙ্কিত 60°-ডিগ্রি রেখা হইতে, নীচের দিকে বতটা ডানদিকে আছে, ততটা দূরে, বামদিকে এক বিন্দু লইয়া, হইতে উপরের নিয়ন্ত্রক রেখা ও 60°-ডিগ্রির রেখার মিলন-বিন্দু পর্যন্ত আর এক রেখা টানিলে, তাহা A-র বামপাদ হইবে; আর যাবত "শেট-কাটা" শয়ান-রেখা দুই নিয়ন্ত্রক রেখার অর্ধেকেরও একটু নীচে হইবে। "V" লিখিতে উন্টা "A" লিখিতে হয়।



হাঁদ। ইহার দ্বারাও স্বন্দরভাবে লেখা ও শিরোনামের কাজ সম্পন্ন হয়। লক্ষ্য করিতে হইবে, কি বড় আর কি ছোট-হাতের অক্ষরগুলিতে বাংলা অক্ষরের মত মাজা দেওয়া থাকে। ৪৪ ও ৪৫ নং চিত্রে ইহার ও সংখ্যার নমুনা দেওয়া হইল।

**অক্ষর মুদ্রণের প্রণালী**—“ছোট-হাতের” ছোট ছোট অক্ষর মুদ্রণের সময় সাধারণতঃ উপযুক্ত আকারের অক্ষরের জন্য দুইটি নির্দিষ্ট রেখা (guide lines) পেন্সিল দিয়া টানিয়া, (এবং আবশ্যক বিবেচনা করিলে, হেলান’ অক্ষরের বেলা ৬০° হইতে ৭০° ডিগ্রির মধ্যে মাঝে মাঝে হেলান’ রেখাসহ হাক-ভাবে পেন্সিলের দ্বারা দাগ দিয়া), একেবারে কালি দিয়াই তাহা মুদ্রিত করা হইয়া থাকে; অনভিজ্ঞদিগের পক্ষে, প্রথমে হাক-ভাবে পেন্সিলে লিখিয়া, তাহার উপরে ধীরতার সহিত কালি দিয়া মুদ্রিত করাই বিধি; আর যখন শিরোনাম প্রভৃতি মুদ্রিত করিতে হয়, তখন ঐগুলি প্রথমে মানান মত করিয়া পেন্সিলে লিখিয়া, তাহার পরে, লাইনিং-পেন (lining-pen) এবং কম্পাসের সাহায্যে কালি দিয়া অক্ষরগুলির বাহিরের রেখাগুলি সযত্নে টানিয়া, অবশেষে স্বল্প তুলির দ্বারা কালি দিয়া সাবধানে উহা ভরাট করিয়া দিয়া, কালি শুকাইলে, পেন্সিলের দাগগুলি ভাল করিয়া মুছিয়া দিতে হয়।

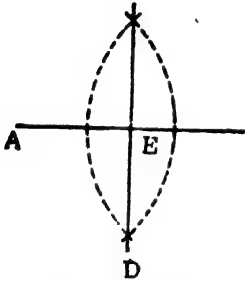
## পঞ্চম পরিচ্ছেদ

### রেখা ও কোণকে দ্বিখণ্ডিত করা ( Bisecting Lines and Angles )

কোন রেখাকে দুই সমান-ভাগে ভাগ করা

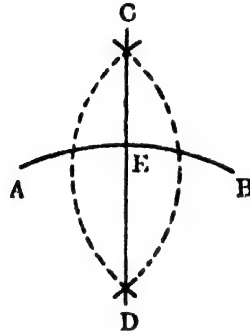
কোন এক রেখা AB অঙ্কিত কর; ইহা সরল কিংবা বক্র দুইই হইতে পারে

আন্দাশ-মত কল্যাসকে AB-রেখার অর্ধেকের বেশি ফাঁক করিয়া লইয়া,



সরলরেখাকে সম-দ্বিখণ্ডিত করা

চিত্র নং 46 (i)



বক্ররেখাকে সম-দ্বিখণ্ডিত করা

চিত্র নং 46 (ii)

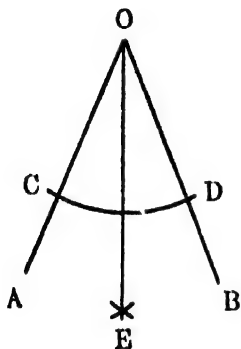
প্রথমে A-বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া একটি চাপ (arc) অঙ্কিত কর, ও তাহার পরে B-বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া, অন্য একটি চাপ (arc) অঙ্কিত কর। মনে কর, এই দুই চাপ (arcs) C ও D বিন্দুতে পরস্পরকে ছেদ করিতেছে। এইবার C ও D-বিন্দুদ্বয় এক সরল রেখার দ্বারা যোগ কর।

তাহা হইলে AB-রেখা E-বিন্দুতে সম-দ্বিখণ্ডিত হইল।

**উদ্ভব্য :** এক্ষেত্রে CE-রেখা AB-রেখার উপরে লম্ব-ভাবে (perpendicularly) আপতিত হইবে। এইভাবে কোন রেখার উপরে লম্ব (perpendicular) অঙ্কিত করা যায়।

কোন কোণকে দুই সমান-ভাগে ভাগ করা

(i) যখন কোণের দুই বাহু একই বিন্দুতে মিলিত হয় :



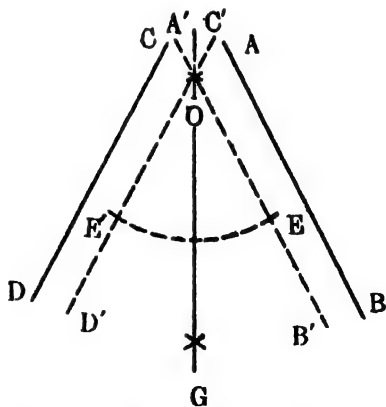
যখন কোণের দুই বাহু একই  
বিন্দুতে মিলিত হয়  
চিত্র নং 47 (i)

মনে কর, AOB-কোণকে সম-দ্বিখণ্ডিত  
করিতে হইবে। O-কে কেন্দ্র করিয়া,

OA-বাহু অপেক্ষা কিছু কম ফাঁক কাঁ  
CD-চাপ (arc) অঙ্কিত করি। এইবার,  
একবার C-কে কেন্দ্র করিয়া, ও তাহার পরে  
D-কে কেন্দ্র করিয়া, দুইটি চাপ টুক ; মনে  
কর, তাহারা পরস্পরকে E-বিন্দুতে ছেদ  
করিতেছে। O ও E-বিন্দুদ্বয় এক সরল-  
রেখার দ্বারা যোগ কর। ইহা করিলে  
AOB-কোণ DE-রেখার দ্বারা সম-দ্বিখণ্ডিত  
হইল।

(ii) যখন কোণের দুই বাহু একই বিন্দুতে মিলিত হয় না :

কোণের দুই বাহু AB ও  
CD অঙ্কিত করিয়া, সেট-  
কোয়্যারের সাহায্যে উহাদের  
উভয়ের সমান্তরালে A'B' ও  
C'D' রেখা দুইটি এমনভাবে  
আঁক, বাহাতে উহারা O-বিন্দুতে  
মিলিত হয়। এইবার E'-E-  
চাপ আঁক, ও G-বিন্দু নির্ধারণ  
কর। O-G যোগ কর। তাহা  
হইলে অলঙ্ক কোণকে দ্বিখণ্ডিত  
করা হইল।



যখন কোণের দুই বাহু একই বিন্দুতে মিলিত হয় না  
চিত্র নং 47 (ii)

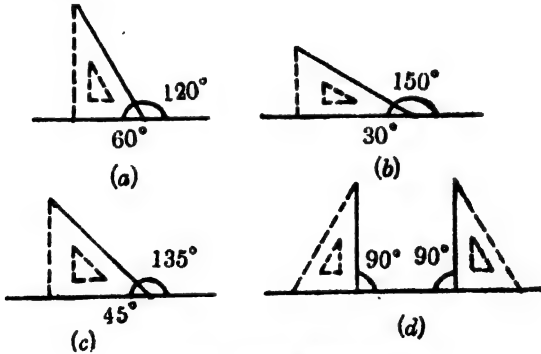
## ষষ্ঠ পদক্ষেপ

### সেট-স্কোয়ারের সাহায্যে, এবং অন্য উপায়ে, বিভিন্ন কোণ অঙ্কন করা

#### Drawing of different Angles by means of Set-squares, and Constructions )

##### (i) সেট-স্কোয়ারের সাহায্যে কোণ অঙ্কন করা :

ড্রয়িং বোর্ডের উপরে কোন অনুভূমিক বা শয়ান রেখা (horizontal line) অঙ্কিত করিয়া, তাহার সঙ্গে (ক)  $60^\circ$ - $30^\circ$  সেট-স্কোয়ারের  $60^\circ$ -ভিত্তি কোণের বাহু ভিড়াইয়া অতিভুজ (hypotenuse) ছুঁইয়া রেখা টানিলে কোণটি  $60^\circ$ , ও বড়টি ( $180^\circ - 60^\circ =$ )  $120^\circ$  ভিত্তিতে অঙ্কিত করা হইবে [ চিত্র নং 48(a) ]



সেট-স্কোয়ারের সাহায্যে কোণ অঙ্কন

চিত্র নং 48

(খ)  $60^\circ - 30^\circ$  সেট-স্কোয়ারের  $30^\circ$ -ভিত্তি কোণের বাহু টি-স্কোয়ারের সঙ্গে ভিড়াইয়া অতিভুজ (hypotenuse) ছুঁইয়া রেখা টানিলে, শয়ান রেখার সহিত ছোট কোণটি  $30^\circ$ , ও বড়টি ( $180^\circ - 30^\circ =$ )  $150^\circ$  ভিত্তিতে অঙ্কিত করা হইবে [ চিত্র নং 48(b) ] ।

. (গ)  $45^\circ$ -সেট-স্কোয়ারের যে-কোন বাহু ভিড়াইয়া অতিভুজ (hypotenuse)

ছ'ইয়া রেখা টানিলে ছোট কোণটি  $45^\circ$ , ও বড়টি  $(180^\circ - 45^\circ =) 135^\circ$  ডিগ্রিতে অঙ্কিত করা হইবে [ চিত্র নং 48(c) ] ।

(ঘ) যে-কোন সেট-স্কোয়ারের  $90^\circ$ -কোণকে ছ'য়াইয়া খাড়া রেখা টানিলে উহা ঐ অত্বুভূমিক রেখার উপর লম্ব-ভাবে (perpendicularly) হইবে [ চিত্র নং 48(d) ] ।

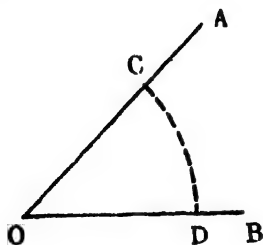
(ii) চাঁদা বা 'প্রোট্রাক্টর'-এর সাহায্যে ~~কোন~~ কোন কোণ অঙ্কন করা :

( 'প্রোট্রাক্টর' বর্ণনা করার সময় ইহা বিস্তার করিয়া বলা হইয়াছে । )  
[ চিত্র নং 31(a) & (b) ]

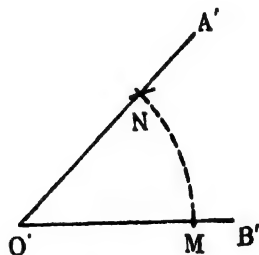
(iii) অঙ্কনের সাহায্যে কোণ অঙ্কিত করা (by construction) :

(ক) কোন কোণের সমান করিয়া এক কোণ অঙ্কিত করা :

মনে কর,  $\angle AOB$ -কোণের সমান করিয়া কোন কোণ অঙ্কিত করিতে হইবে ; এখন  $O$ -কেন্দ্র হইতে যে-কোন ব্যাসার্ধ- $OC$  লইয়া কম্পাসের সাহায্যে এক চাপ (arc) অঙ্কিত কর [ চিত্র নং 49(i) ] ; মনে কর উহা  $OB$ -ভুজকে  $D$ -বিন্দুতে ছেদ করিল ।



চিত্র নং 49 (i)

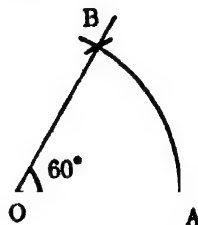


চিত্র নং 49 (ii)

এইবার অল্পত্ব  $O'B'$ -রেখা টান [ চিত্র নং 49(ii) ] ।  $O'$ -বিন্দু হইতে  $OD$ -ব্যাসার্ধের সমান করিয়া এক চাপ 'MN' অঙ্কিত কর। কম্পাসকে  $DC$ -র সমান ফাঁক করিয়া লইয়া  $M$ -বিন্দু হইতে সত্ত্ব অঙ্কিত চাপকে  $N$ -বিন্দুতে ছেদ কর ;  $O'N$ -রেখা টান। এখন  $\angle A'O'B'$ -কোণ  $\angle AOB$ -কোণের সমান হইবে।

(খ) কোন এক নির্দিষ্ট ডিগ্রির কোণ অঙ্কন করা :

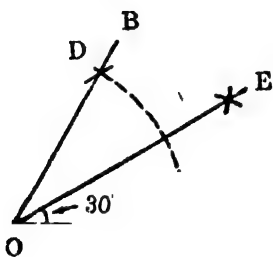
(i)  $60^\circ$ -ডিগ্রি কোণ :—যে-কোন ব্যাসার্ধ OA লইয়া একটি চাপ (arc) অঙ্কিত কর (চিত্র নং 50), ও সেই ব্যাসার্ধ দিয়াই চাপকে ছেদন কর; যে (B)-বিন্দুতে চাপ ছেদিত হইল, সেই বিন্দু ও O-বিন্দুর মধ্যে এক সরলরেখা টানিলে  $\angle BOA = 60^\circ$ -ডিগ্রি হইবে -



চিত্র নং 50

(ii)  $30^\circ$ -ডিগ্রি কোণ :—

$60^\circ$ -ডিগ্রি কোণ = BOA অঙ্কিত করিয়া, যে-কোন ব্যাসার্ধ লইয়া DC-চাপ অঙ্কিত কর (চিত্র নং 51); এইবার, একবার C-কে কেন্দ্র করিয়া, ও একবার D-কে কেন্দ্র করিয়া, চাপ আঁকিয়া পরস্পরকে E-বিন্দুতে ছেদ কর। (কোণকে দ্বিখণ্ডিত করিবার প্রক্রিয়া)।

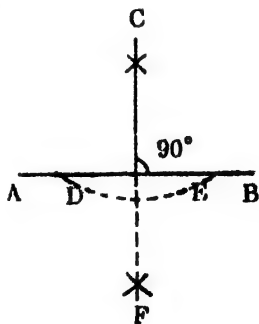


চিত্র নং 51

এখন O এবং E বিন্দুদ্বয় দিয়া রেখা টানিলে EOC-কোণ  $30^\circ$ -ডিগ্রি হইবে।

(iii)  $90^\circ$ -কোণ, [ সমকোণ বা লম্ব (Right-angle or Perpendicular) ] :

(ক) যে-কোন বিন্দু C হইতে কোন রেখা AB-র উপরে লম্ব পাতিত করিতে হইবে। যদি ঐ লম্ব প্রদত্ত রেখার মাঝখান-বরাবর হয়, তবে, ঐ C-বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া এমন ব্যাসার্ধ লইয়া এক চাপ অঙ্কিত কর (চিত্র নং 52), যাহা রেখাটিকে D ও E এই দুই স্থানে ছেদ করে; এইবার, একবার D-কে কেন্দ্র করিয়া, এবং অল্পবার E-কে কেন্দ্র করিয়া চাপ অঙ্কিত

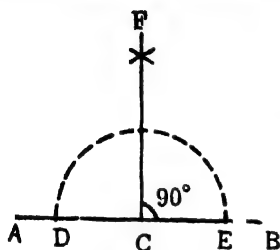


চিত্র নং 52

করিয়া পরস্পরকে  $F$ -বিন্দুতে ছেদ কর;  $C$  ও  $F$  যোগ কর। ঐ  $CF$  রেখা  $AB$ -রেখার সহিত  $90^\circ$ -ভিত্তি কোণ উৎপন্ন করিবে,—অর্থাৎ উহার লম্ব হইবে।

(খ) যদি কোন রেখার উপরে কোন বিন্দু হইতে লম্ব তুলিতে হয় :

মনে কর, কোন সরলরেখা  $AB$ -র উপরে অবস্থিত  $C$ -বিন্দু হইতে এক

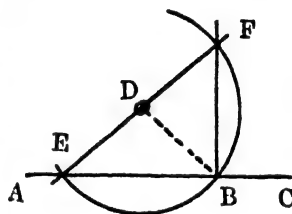


চিত্র নং ৫৩

করে।  $C$ - $F$  যোগ কর। ঐ  $CF$ -রেখাই  $C$ -বিন্দু হইতে  $AB$  রেখার উপরে লম্ব।

(গ) অল্প প্রক্রিয়া:  $AC$ -রেখার উপর যে-কোন এক বিন্দু ( $B$ )-র উপরে লম্ব তুলিতে হইলে যে-কোন এক বিন্দু  $D$ -কে কেন্দ্র, আর  $DB$ -কে ব্যাসার্ধ করিয়া এক বৃত্তাংশ  $EBF$  অঙ্কিত

তুলিতে হইবে। ইহা করিতে হইলে,  $C$ -বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া একটি অর্ধ-বৃত্ত অঙ্কন কর, এবং যে  $D$  ও  $E$ -বিন্দু দুইটিতে উহার  $AB$ -রেখাকে স্পর্শ করিতেছে, সেই দুইটি বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া দুইটি এমন চাপ অঙ্কিত কর যাহারা পরস্পরকে  $F$ -বিন্দুতে ছেদ

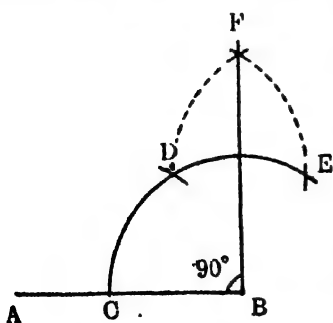


চিত্র নং ৫৪

কর।  $E$  ও  $D$ -বিন্দুদ্বয় ছুঁইয়া ঐ বৃত্তাংশের ব্যাস টান। এখন, যে  $F$ -বিন্দুতে ঐ ব্যাস বৃত্তাংশকে ছেদ করিল, তথা হইতে  $BF$  রেখা অঙ্কিত করিলে উহা  $AC$ -রেখার  $B$ -বিন্দুতে লম্ব হইবে।

(ঘ) যদি কোন রেখার এক প্রান্তে লম্ব তুলিতে হয় :

মনে কর,  $AB$ -রেখার  $B$ -প্রান্তে এক লম্ব তুলিতে হইবে।  $B$ -কে কেন্দ্র



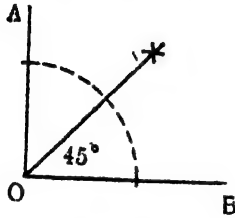
চিত্র নং ৫৫

করিয়া AB-অপেক্ষা কম যে-কোন ব্যাসার্ধ BC লইয়া এক চাপ CDE অঙ্কিত কর, ও ব্যাসার্ধ BC-র সমান রাখিয়া, চাপকে, C-বিন্দু হইতে CD ও DE, এই দুই সমান-ভাগে ভাগ কর। এইবার D ও E-বিন্দুদ্বয় হইতে একটি করিয়া অঙ্কিত করিয়া পরস্পরকে F-বিন্দুতে ছেদ কর। BF যোগ কর। এখন BF-রেখা AB-সরল রেখার B-প্রান্তে লম্ব হইল।

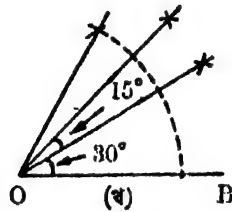
(ক) ~~৪৫°~~-ডিগ্রি কোণ :

(ক) এক সমকোণ অঙ্কিত করিয়া তাহাকে দুই সম-ভাগে ভাগ করিলে  $45^\circ$ -ডিগ্রি কোণ হয়।

(খ) ব্যাসার্ধের সমান করিয়া কোন চাপকে ছেদন করিলে  $60^\circ$ -ডিগ্রি কোণ



চিত্র নং ৫৬

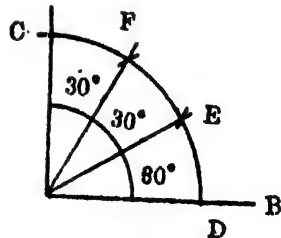


চিত্র নং ৫৭

পাওয়া যায় ; তাহাকে আবার সম-বিভাগ করিলে দুইটি  $30^\circ$ -ডিগ্রি কোণ হয়। দ্বিতীয়  $30^\circ$ -ডিগ্রিকে সম-বিভাগ করিয়া নীচের  $30^\circ$ -ডিগ্রির সঙ্গে একত্র করিলে  $45^\circ$ -ডিগ্রি কোণ পাওয়া যায়।

(v) সমকোণকে তিন সমান-ভাগে ভাগ করা :

ইহা  $30^\circ$ -ডিগ্রি কোণ অঙ্কন করারই অপর প্রক্রিয়া। কোন এক সমকোণ অঙ্কিত করিয়া যে-কোন ব্যাসার্ধ লইয়া CD-চাপ অঙ্কন কর ; এবং ঐ ব্যাসার্ধ

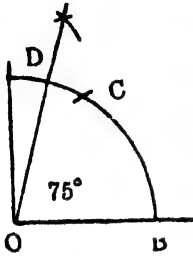


চিত্র নং ৫৮

দিয়া, একবার C-কেন্দ্র হইতে চাপকে E-বিন্দুতে ছেদ কর, এবং অন্তর্বাহ্য D-কেন্দ্র হইতে F-বিন্দুতে ছেদ কর। তাহা হইলে OE ও OF রেখাদ্বয় সমকোণকে তিন সমান ভাগে ভাগ করিবে।



(vi) **75°-ডিগ্রি কোণ :** প্রথমে সমকোণ অঙ্কিত কর; এইবার যে-কোন ব্যাসার্ধ লইয়া AB-চাপ অঙ্কিত কর, ও B-কেন্দ্র হইতে ঐ ব্যাসার্ধ

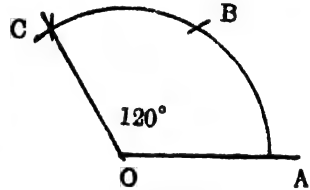


চিত্র নং 59

দ্বারা চাপকে C-বিন্দুতে ছেদ কর। তাহা হইলে BOC-কোণ 60°-ডিগ্রি হইবে, ও AOC-কোণ 30°-ডিগ্রি হইবে। এইবার এই AOC-কোণকে সম-দ্বিখণ্ডিত করিয়া 60°-ডিগ্রির সঙ্গে একত্র করিয়া লও; তাহা হইলে BOD কোণ 75°-ডিগ্রি হইবে।

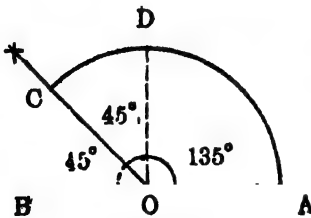
(vii) **120°-ডিগ্রি কোণ :** যেহেতু 60°-ডিগ্রির দ্বিগুণ 120°-ডিগ্রি, তাই 60°-ডিগ্রি অঙ্কনের প্রক্রিয়া দুইবার করিলে 120° পাওয়া যায়; অর্থাৎ

যে-কোন ব্যাসার্ধের চাপ AB অঙ্কিত করিয়া তাহাকে আরও বর্ধিত কর, আর A হইতে ঐ ব্যাসার্ধের দূরত্বের সমান করিয়া চাপকে একবার B-তে ছেদ কর, আর দ্বিতীয়বার C-তে ছেদ কর; OC যোগ কর; তাহা হইলে COA-কোণ 120°-ডিগ্রি হইল।



চিত্র নং 60

(viii) **135°-ডিগ্রি কোণ :**



চিত্র নং 61

$180^\circ - 45^\circ = 135^\circ$ -ডিগ্রি বলিয়া, প্রথমে দুই সমকোণ ( $=180^\circ$ ) AOB অঙ্কিত কর, ও তাহা হইতে BOC =  $45^\circ$ -ডিগ্রি বাদ দাও; তাহা হইলে AOC =  $135^\circ$ -ডিগ্রি হইবে।

অন্তভাবেও ইহা করা যায়; অর্থাৎ প্রথমে এক সমকোণ AOD অঙ্কিত

কর; ও তাহার গায়ে একটি  $45^\circ$ -ডিগ্রির কোণ DOC অঙ্কিত কর; তাহা হইলে AOC =  $135^\circ$ -ডিগ্রির কোণ হইবে।

এইভাবে আরও অনেক আয়তনের কোণ অঙ্কন করিতে পারা যায়।

## সপ্তম পরিচ্ছেদ রেখাকে বহু ভাগে ভাগ করা

( Division of Lines into a number of Parts )

কোন রেখাকে বহু সমান-ভাগে ভাগ করা

মনে কর, কোন সরলরেখা AB-কে আট সমান-ভাগে ভাগ করিতে হইবে। রেখার A-প্রান্ত হইতে যে-কোন কোণে অন্য একটি রেখা অঙ্কিত

করিয়া তাহাকে সমান আট ভাগে

ভাগ কর। এই রেখা ও  $\angle BAC$

সুবিধামত যত বড় হয়, ততই

বিভাগগুলি নিখুঁত হইবে। এইবার

ওই রেখার দূরতম বিন্দুর ( এক্ষেত্রে

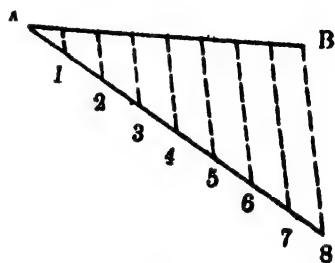
অষ্টম বিন্দুর ) সঙ্গে B-এর যোগ কর,

ও উহার সহিত সমান্তর (parallel)

করিয়া অপর ছেদ-বিন্দু হইতে ( যথা

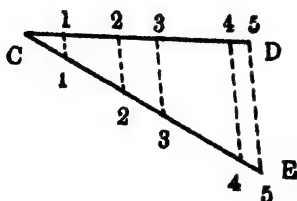
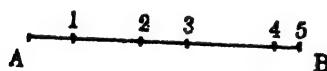
7, 6, 5, 4, ... ), রেখা টান। ঐ সমান্তর রেখাগুলি AB-রেখাকে ঠিক আট

সমান-ভাগে ভাগ করিবে।



চিত্র নং 62

কোন এক রেখা যেভাবে বিভক্ত আছে, আর  
একটি রেখাকে ঠিক সেই ভাবে ভাগ করা



চিত্র নং 63

মনে কর, AB-রেখাকে অসমান  
পাঁচ ভাগে ভাগ করা আছে; CD  
রেখাকেও ঠিক সেইভাবে ভাগ করিতে  
হইবে।

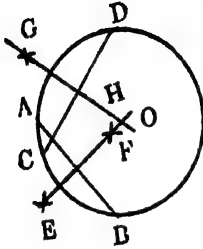
CD-রেখা টান, আর উহার C-বিন্দু  
হইতে যে-কোন কোণে CE-রেখা  
AB-রেখার সমান করিয়া আঁক; এবং  
AB-রেখার উপরের বিভাগ-চিহ্নগুলি  
CE-র উপরে সন্নিবেশিত কর। এইবার,

DE যোগ কর ও উহার সমান্তরালে CE-র উপরের 4, 3, 2 ও 1 বিন্দু হইতে  
রেখাগুলি টান। তাহা হইলে CD রেখা ও AB-র অসমরূপভাবে বিভক্ত হইল।

## অষ্টম পরিচ্ছেদ

### বৃত্ত ( Circle )

**বৃত্তের কেন্দ্র নির্দেশ**—বৃত্তের স্পর্শক (Tangent) অঙ্কন করিতে হইলে প্রথমে ঐ বৃত্তের কেন্দ্র নির্দেশ করিবার আবশ্যক করিবে। যদি কোন বৃত্তের কেন্দ্র দেওয়া না থাকে, তবে তাহা নির্দেশ করিবার প্রক্রিয়া এই :—



চিত্র নং 64

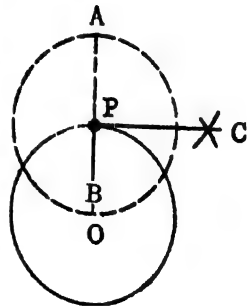
মনে কর, কোন বৃত্তের কেন্দ্র নির্দেশ করিতে হইবে। ইহা করিতে হইলে, প্রথমে যে-কোন দুইটি জ্যা (chord) AB ও CD অঙ্কিত কর। ঐ দুইটি জ্যাকে দুই সরলরেখা EF ও GH দ্বারা সমকোণে দ্বিখণ্ডিত কর। ঐ দুই রেখাকে বর্ধিত করিলে যে বিন্দুতে উহার পরস্পরকে ছেদ করিবে, সেই বিন্দুই ঐ বৃত্তের কেন্দ্র]

### বৃত্তের স্পর্শক-রেখা অঙ্কন

#### (Drawing of Tangent to Circles)

**বৃত্তের পরিধির উপরে অবস্থিত কোন বিন্দু হইতে স্পর্শক-রেখা অঙ্কন :**

O-বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া এক বৃত্ত অঙ্কিত কর; ঐ বৃত্তের পরিধির উপরে অবস্থিত P-বিন্দুর সহিত এক স্পর্শক অঙ্কিত করিতে হইবে। OP যোগ কর, ও উহাকে উপরের দিকে PA পর্যন্ত বর্ধিত কর। P-কে কেন্দ্র করিয়া একটি বৃত্ত অঙ্কিত কর; এ বৃত্তটি OPA-রেখাকে A ও B-বিন্দুতে ছেদ করিল। একবার A-কে কেন্দ্র করিয়া যে-কোন ব্যাসার্ধ লইয়া এক চাপ অঙ্কিত কর, আর তাহার

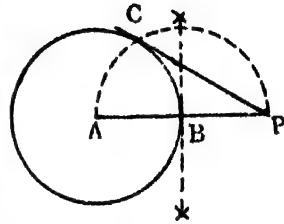


চিত্র নং 65

পর B-কে কেন্দ্র করিয়া, সমান ব্যাসার্ধ লইয়া, ঐ চাপকে O-বিন্দুতে ছেদ কর। PC-রেখা টান, ও আবর্তক হইলে উহাকে বর্ষিত কর; এই PC-রেখা বৃত্তের স্পর্শক-রেখা হইবে।

**বৃত্তের পরিধির বাহিরে অবস্থিত কোন বিন্দু হইতে স্পর্শক-রেখা অঙ্কন :**

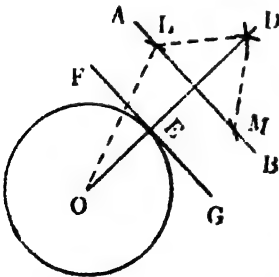
মনে কর, কোন বৃত্তের বাহিরে অবস্থিত কোন বিন্দু (P) হইতে ঐ বৃত্তের স্পর্শক-রেখা আঁকিতে হইবে। প্রথমে বৃত্তের কেন্দ্র A, ও P-বিন্দুকে যোগ করিয়া AP রেখা টান। এইবার ঐ AP-রেখাকে B-বিন্দুতে সম-দ্বিখণ্ডিত কর, ও B-কে কেন্দ্র করিয়া AB ব্যাসার্ধ লইয়া ACP অর্ধ-বৃত্ত অঙ্কিত কর। মনে কর, উহা বৃত্তকে C-বিন্দুতে ছেদ করিল। CP যোগ কর। ইহাই P-বিন্দু হইতে বৃত্তের স্পর্শক।



চিত্র নং ৬৬

**কোন রেখার সহিত সমান্তরাল করিয়া কোন বৃত্তের স্পর্শক অঙ্কন :**

মনে কর, কোন বৃত্তের বাহিরে কোন রেখা AB রহিয়াছে, আর ঐ রেখার



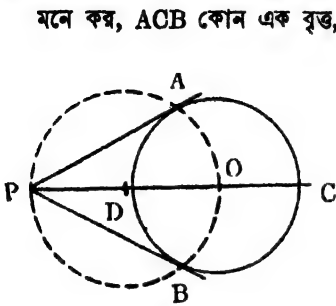
চিত্র নং ৬৭

সহিত সমান্তরাল করিয়া বৃত্তের স্পর্শক অঙ্কিত করিতে হইবে। বৃত্তের কেন্দ্র O-বিন্দু হইতে AB-রেখার উপর একটি লম্বপাত কর। ইহা করিতে হইলে, O হইতে AB-রেখার ন্যূনতম দূরত্বের কিছু বেশি ব্যাসার্ধ লইয়া AB-রেখাকে L ও M বিন্দুদ্বয়ে ছেদ কর, এবং ঐ L ও M-কে কেন্দ্র করিয়া দুই চাপ অঙ্কিত করিয়া পরস্পরকে D-বিন্দুতে ছেদ কর। OD

যোগ কর। মনে কর, OD সেই লম্ব, আর উহা বৃত্তকে E-বিন্দুতে ছেদ

করিতেছে। এবার, ঐ E-বিন্দু স্পর্শ করিয়া OE-র উপরে একটি লম্ব FG অঙ্কিত কর; ঐ লম্বই বৃত্তের স্পর্শক-রেখা।

**বৃত্তের বাহিরের কোন এক বিন্দু হইতে বৃত্তের উপরে দুইটি স্পর্শক অঙ্কন :**



চিত্র নং ৬৪

মনে কর, ACB কোন এক বৃত্ত, ও O তাহার কেন্দ্র; এবং P ঐ বৃত্তের বাহিরের কোন এক বিন্দু হইতে বৃত্তের উপরে দুইটি স্পর্শক অঙ্কিত করিতে হইবে। OC সরল রেখার দ্বারা P ও O-কে যোগ কর; এই PO-রেখাকে D-বিন্দুতে সম-দ্বিভক্ত কর, ও উহাকে কেন্দ্র এবং PD-কে ব্যাসার্ধ করিয়া PAB-বৃত্ত অঙ্কিত কর। যে দুই বিন্দু A ও B-তে এই

বৃত্ত প্রথম বৃত্তকে ছেদ করিবে, তাহাদের সহিত P-কে যোগ করিয়া PA ও PB অঙ্কিত কর। এই দুই রেখা প্রথম বৃত্তের দুই স্পর্শক হইবে।

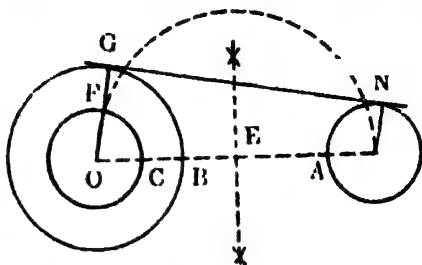
**দুই অসমান বৃত্তকে স্পর্শ করিয়া একটি স্পর্শক অঙ্কন :**

মনে কর, দুইটি অসমান বৃত্ত এ-উহার নিকট হইতে কিছু দূরে রহিয়াছে; উহাদের বড়টির কেন্দ্র O, এবং ছোটটির কেন্দ্রও নির্দিষ্ট আছে; উহাদের সাধারণ স্পর্শক (Common tangent) অঙ্কিত করিতে হইবে।

O-র সহিত অপর বৃত্তের কেন্দ্র যোগ কর।

মনে কর, এই রেখা বড় বৃত্তকে B-বিন্দুতে, ও ছোট বৃত্তটিকে A-বিন্দুতে ছেদ করিল। B হইতে ছোট বৃত্তের ব্যাসার্ধের সমান করিয়া BO-র উপরে O-বিন্দু দাগ দাও এবং O-কে কেন্দ্র করিয়া OC-ব্যাসার্ধ লইয়া OF বৃত্ত অঙ্কিত কর। এইবার দুই কেন্দ্রের মধ্যের রেখাকে E-বিন্দুতে সম-দ্বিভাগে বিভক্ত কর, ও E-কে কেন্দ্র করিয়া EO-কে ব্যাসার্ধ লইয়া একটি অর্ধবৃত্ত অঙ্কিত কর। মনে কর, এই অর্ধবৃত্ত OF বৃত্তকে F-বিন্দুতে ছেদ করিল। OF যোগ কর, এবং

তাহাকে বড় বৃত্তের  $G$ -বিন্দু পর্যন্ত বর্ধিত কর। এইবার ডানদিকের ছোট বৃত্তের কেন্দ্র হইতে  $OG$  রেখার সমান্তরালে  $N$  পর্যন্ত এক টান; এবং  $G$  ও  $N$  বিন্দুয় যোগ কর। তাহা হইলে  $ON$ -রেখা উভয় বৃত্তের সাধারণ স্পর্শক হইবে।

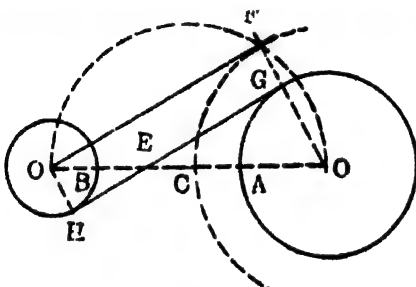


চিত্র নং 69

### দুইটি বৃত্তের

মধ্য দিগা সাধারণ স্পর্শক অঙ্কন :

মনে কর, দুইটি বৃত্ত পাশাপাশি আছে; ইহাদের মধ্য দিগা সাধারণ স্পর্শক



চিত্র নং 70

অঙ্কিত করিতে হইবে।

বৃত্ত দুইটির কেন্দ্র  $O$  এবং

$A$  যোগ কর; এই

$OA$ -রেখা বড় বৃত্তকে

$A$ -বিন্দুতে, এবং ছোট

বৃত্তকে  $B$ -বিন্দুতে ছেদ

করিল। এইবার  $A$ -বিন্দু

হইতে, ছোট বৃত্তের

ব্যাসার্ধ  $OB$ -র সমান

করিয়া  $AC$ -অংশ দাগ দাও, এবং ডানদিকের  $O$ -বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া  $OC$

ব্যাসার্ধ লইয়া, এক বৃত্তখণ্ড অঙ্কিত কর।  $OO$ -কে সম-বিখণ্ডিত কর, ও সেই

বিন্দু হইতে  $OO$ -রেখার উপরে এক অর্ধবৃত্ত  $OF$  অঙ্কিত কর। এই অর্ধবৃত্ত

$OF$ -বৃত্তকে যে  $F$ -বিন্দুতে ছেদ করিল, তাহা হইতে বামদিকের  $O$ -বিন্দু পর্যন্ত

$OF$ -রেখা টান। ডানদিকের  $O$ -এর সহিত  $F$  যোগ কর; মনে কর, উহা বড়

বৃত্তকে  $G$ -বিন্দুতে ছেদ করিল। ডানদিকের  $O$ -বিন্দু হইতে  $OF$ -এর সমান্তরালে

বামদিকে  $OH$ -রেখা আঁক, এবং  $G$  ও  $H$  বিন্দুয়কে স্পর্শ করিয়া  $GH$ -রেখা

টান। এই  $GH$ -রেখাই দুইটি বৃত্তের সাধারণ স্পর্শক।

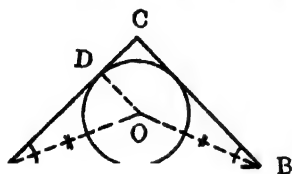
## নবম পরিচ্ছেদ

### ঋজু-রেখা ক্ষেত্রের অভ্যন্তরে অন্তর্স্থিত অঙ্কন

#### (Exercises in touching Circles in Rectilineal Figures)

কোন ত্রিভুজের অভ্যন্তরে তাহার বাহুস্পর্শক  
স্পর্শ করিয়া অন্তর্স্থিত অঙ্কন :

মনে কর, ABC যে-কোন এক ত্রিভুজ ; ইহার অভ্যন্তরে এমন এক বৃত্ত অঙ্কিত  
করিতে হইবে যাহা ঐ ত্রিভুজের বাহু  
তিনটিকে স্পর্শ করিয়া থাকে। প্রথমে  
ত্রিভুজের যে-কোন দুইটি কোণকে,  
যথা A ও B,—সম-বিখণ্ডিত কর, ও  
তাহাদের বর্ধিত করিয়া O-বিন্দুতে  
মিলিত কর। এইবার O-বিন্দু হইতে

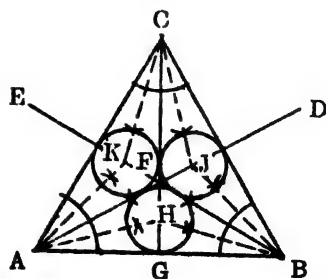


চিত্র নং 71

যে-কোন বাহুর উপর এক লম্ব পাতিত কর ; মনে কর, AD-বাহুর উপর OD-  
লম্ব অঙ্কিত করা হইল। এখন O-কেন্দ্র হইতে, OD-কে ব্যাসার্ধ করিয়া এক  
বৃত্ত অঙ্কিত কর। এই বৃত্ত ত্রিভুজের তিনটি বাহুকেই স্পর্শ করিয়া থাকিবে।

কোন সমবাহু ত্রিভুজের অভ্যন্তরে তিনটি সমান-  
আকারের অন্তর্স্থিত অঙ্কন :

মনে কর, ABC, এই সমবাহু  
ত্রিভুজের অভ্যন্তরে তিনটি সমান  
ব্যাসের বৃত্ত অঙ্কিত করিতে হইবে।  
যে-কোন দুই কোণ, (যথা A ও B)-কে  
সম-বিভক্ত করিয়া AD ও BE রেখা  
টান। ঐ দুই রেখা F-বিন্দুতে  
পরস্পরকে ছেদ করিল। CF বোঁগ  
কর, ও তাহাকে G-বিন্দু পর্যন্ত বর্ধিত  
কর ; ইহাতে AFB, BFC, ও CFA,



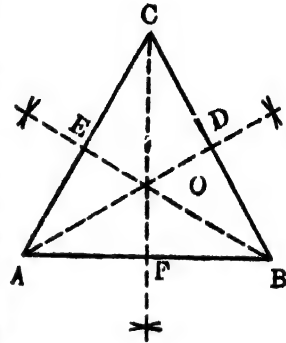
চিত্র নং 72

—এই তিনটি ত্রিভুজ হইল। অনন্তর উপরের প্রক্রিয়া অল্পসারে প্রত্যেক ত্রিভুজের মধ্য-বিন্দু H, J ও K বাহির কর, ও তথা হইতে যে বাহ্যার নিকটের বাহকে স্পর্শ করিয়া এক-একটি বৃত্ত অঙ্কিত

কর।

(দ্রষ্টব্য : এখানে অন্তর্বৃত্তগুলি প্রত্যেকে ত্রিভুজের এক একটি বাহ স্পর্শ করিতেছে।)

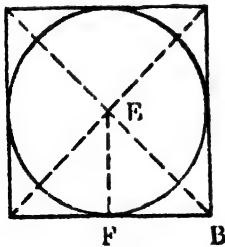
অপর প্রক্রিয়া : প্রত্যেক কোণকে AD, BE ও CF দ্বারা সম-বিখণ্ডিত কর ; মনে কর, এই রেখাগুলি O-বিন্দুতে পরস্পরকে ছেদ করিল। তাহা হইলে ইহাতে AFOE, BDOF, ও CEOD,—এই তিনটি ট্র্যাপিজিয়ম্-এর সৃষ্টি হইল। এইবার চিত্র নং ৭৭-এর প্রক্রিয়া-মত এক একটি অন্তর্বৃত্ত অঙ্কিত কর।



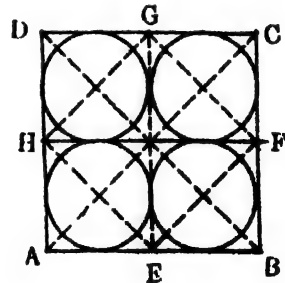
চিত্র নং ৭৩

কোন বর্গক্ষেত্রের অভ্যন্তরে অন্তর্বৃত্ত অঙ্কন :

মনে কর ABCD—এই বর্গক্ষেত্রের অভ্যন্তরে অন্তর্বৃত্ত অঙ্কিত করিতে হইবে। বর্গক্ষেত্রের কর্ণদ্বয়, AC ও DB, অঙ্কিত কর ; উহারা যে E-বিন্দুতে পরস্পরকে ছেদ করিল, তাহা হইতে যে-কোন বাহুর উপরে একটি লম্ব



চিত্র নং ৭৪



চিত্র নং ৭৫

EF পাতিত কর। অনন্তর E-কে কেন্দ্র ও EF-কে ব্যাসার্ধ লইয়া এক বৃত্ত অঙ্কিত কর। ইহাই সেই অন্তর্বৃত্ত।

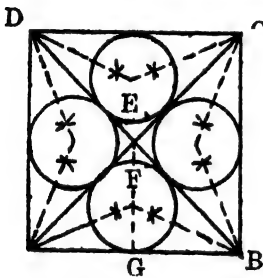


**কোন বর্গক্ষেত্রের অভ্যন্তরে চারিটি সমান আকারের বৃত্ত অঙ্কন :**

মনে কর, ABCD,—এই বর্গক্ষেত্রের অভ্যন্তরে সমান আকারের চারিটি বৃত্ত অঙ্কিত করিতে হইবে ( চিত্র নং 75 ) ।

(i) প্রত্যেক বাহুকে সম-বিভক্ত করিয়া, ও বিপরীত বিন্দুদ্বয়কে যোগ করিয়া চারিটি ক্ষুদ্রতর বর্গক্ষেত্রের সৃষ্টি কর, এবং উপরের প্রক্রিয়া দ্বারা তাহাদের প্রত্যেকের অভ্যন্তরে একটি করিয়া বৃত্ত অঙ্কিত কর। এই বৃত্তগুলি প্রত্যেক দুইটি বৃত্ত ও দুইটি বাহুকে স্পর্শ করিবে।

(ii) ABCD, এই বর্গক্ষেত্রের দুই বিপরীত কোণ হইতে দুইটি কর্ণ টান।



চিত্র নং 76

ইহারা পরস্পরকে E-বিন্দুতে ছেদ করিবে।

এইবার এক একটি কোণকে সম-দ্বিখণ্ডিত করিয়া, (যেমন AF), E-বিন্দু হইতে

বর্গক্ষেত্রের বাহুগুলির উপরে, (যেমন EG) এক একটি লম্ব পাতিত কর। ঐ লম্ব যে

বিন্দুতে AF-রেখাকে ছেদ করিল, তাহাকে কেন্দ্র করিয়া, ও তথা হইতে G-পর্যন্ত

দূরত্বকে ব্যাসার্ধ লইয়া, বৃত্ত অঙ্কিত কর।

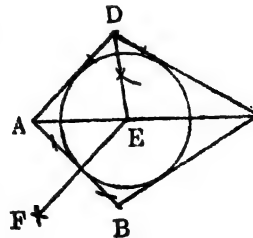
এইভাবে অল্প তিনটি ত্রিভুজ BEC, CED, ও DEA-র মধ্যে বৃত্ত আঁক।

এই বৃত্তগুলি প্রত্যেকে দুইটি বৃত্ত ও একটি বাহুকে স্পর্শ করিবে।

**কোন ট্র্যাপিজিয়াম (Trapezium)\*-এর অভ্যন্তরে অন্তর্ভুক্ত অঙ্কন :**

মনে কর, ABCD—কোন ট্র্যাপিজিয়াম; ইহার মধ্যে এক অন্তর্বৃত্ত অঙ্কিত করিতে হইবে। ক্ষেত্রটির দুই বিপরীত কোণকে স্পর্শ করিয়া কর্ণ (AC) অঙ্কিত কর।

অবশিষ্ট দুই কোণের যে-কোন একটিকে,



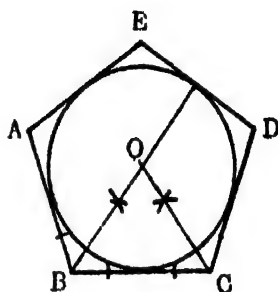
চিত্র নং 77

\* যদি কোন 'ট্র্যাপিজিয়াম'-এর দুই বাহু সমান থাকে, তবে তাহাকে 'ট্র্যাপিজিয়াম' বলে।

(যেমন ADC-কোণকে), সম-দ্বিভাগে ভাগ কর, ও ঐ রেখাকে কর্ণ পর্যন্ত বর্ধিত কর; মনে কর, উহা E-বিন্দুতে কর্ণকে স্পর্শ করিল; এই E-বিন্দুই অন্তর্ভুক্তের কেন্দ্র হইবে! এখন E-বিন্দু হইতে যে-কোন বাহু, (যেমন AB-বাহু)-র, উপরে EF লম্ব পাতিত কর। এই EF-রেখা যে বিন্দুতে AB-বাহুকে ছেদ করিতেছে, তাহাকে ব্যাসার্ধ করিয়া এক বৃত্ত অঙ্কিত কর। উহাই কেন্দ্রটির অন্তর্ভুক্ত।

**সুষম পঞ্চভুজ (Regular Pentagon)-এর অভ্যন্তরে অন্তর্ভুক্ত অঙ্কন:**

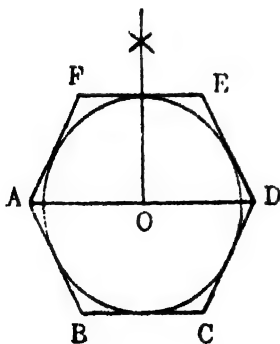
মনে কর, ABCDE—একটি সুষম পঞ্চভুজ; ইহার অভ্যন্তরে এক অন্তর্ভুক্ত অঙ্কিত করিতে হইবে। পঞ্চভুজের যে-কোন দুইটি কোণকে সম-দ্বিখণ্ডিত কর। যে রেখা দুইটির দ্বারা কোণ দুইটি দ্বিখণ্ডিত হইল, তাহাদের বর্ধিত করিলে যে বিন্দুতে মিলিত হইবে, তাহাই উহার অন্তর্ভুক্তের কেন্দ্র (O)। এই O-বিন্দু হইতে যে-কোন বাহুর উপরে লম্ব পাতিত কর, এবং তাহাকে ব্যাসার্ধ লইয়া বৃত্ত অঙ্কন কর।



চিত্র নং ৭৪

**সুষম ষড়্ভুজ (Regular Hexagon)-এর অভ্যন্তরে অন্তর্ভুক্ত অঙ্কন:**

সুষম ষড়্ভুজ ABCDEF অঙ্কিত করিয়া, যে-কোন দুই বিপরীত কোণের মধ্যে কর্ণ (AD) টান; উহাকে সম-দ্বিভাগে ভাগ কর; মনে কর, ঐ বিন্দু 'O'। O-বিন্দু হইতে যে-কোন বাহুর উপরে লম্ব পাতিত কর, ও উহাকে ব্যাসার্ধ লইয়া বৃত্ত অঙ্কন কর।



চিত্র নং ৭৭

সরল রেখার উপরে সুখম বহুভুজ

মুখ্যম পঞ্চভুজ আকর্ষণ (এই প্রক্রিয়া অনুসারে যে-কোন স্বয়ং  
বহুভুজ অঙ্কিত করা যায়)।

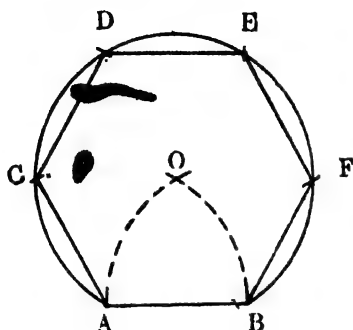
[illegible]

ইহা ঐ পঞ্চভুজের একটি বাহু  
 হইবে। এখন AB ও AC রেখাভঙ্গকে DE বা EG রেখা দ্বারা সম-দ্বিখণ্ডিত কর,  
 ও ঐ দুইটি রেখাকে বর্ধিত কর বাহাতে উহার O-বিন্দুতে মিলিত হয়।  
 এইবার O-কে কেন্দ্র করিয়া, এবং OA কিংবা OC-কে ব্যাসার্ধ লইয়া, এক বৃত্ত  
 অঙ্কিত কর, এবং উহাকে AB-বাহুর সমান করিয়া G-H, H-I এবং I-B-তে  
 ভাগ কর; ঐ বিন্দুগুলি (অর্থাৎ G, H, I ও B) পর্যন্ত এক একটি রেখা  
 টানিলে উহার সমস্ত পঞ্চভুজের অপর তিনটি বাহু হইবে।

[**জটিল্য:** মনে রাখিতে হইবে যে, A-বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া অঙ্কিত যে অর্ধবৃত্তকে সমান পাঁচভাগে ভাগ করা হইয়াছিল, সর্বসময়ে O হইতে প্রথম ভাগের বিন্দু 4-কে ছাড়িয়া দিয়া, দ্বিতীয় বিন্দু 3-র সঙ্গে A-3 রেখা টানিয়া সূচক পঞ্চভুজের দ্বিতীয় বাহু অঙ্কিত করিতে হইবে; অর্থাৎ অর্ধবৃত্তকে যত

ভাগেই ভাগ করা হউক, সর্বসময়ে বামদিক হইতে দ্বিতীয় বিন্দুর সঙ্গে A-পর্যন্ত রেখা টানিলে, বহুভুজের দ্বিতীয় বাহু পর্যন্ত যাইবে।]

**স্থলম বহুভুজ আঙ্কন (সহজ প্রক্রিয়া):**

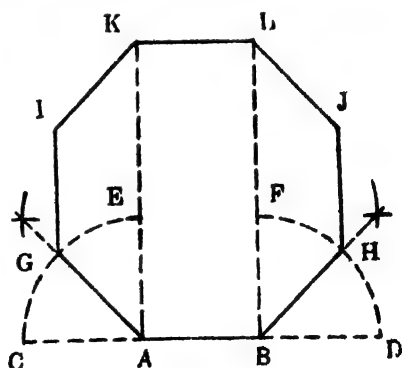


চিত্র নং ৪১

দূরত্ব লইয়া, তাহার পরিধিকে C, D, E, ও F,—অন্ত চারিভাগে ভাগ কর। এইবার A হইতে C, C হইতে D,—এইভাবে পাঁচটি রেখা টানিলে এক স্থলম বহুভুজ অঙ্কিত হইবে।

**স্থলম অষ্টভুজ আঙ্কন:**

মনে কর, AB-রেখার উপরে স্থলম অষ্টভুজ অঙ্কিত করিতে হইবে। AB-কে উভয় দিকে বর্ধিত কর, ও AC এবং BD উভয়কেই AB-র সমান কর। A ও B-কে কেন্দ্র করিয়া, এবং AC ও BD-কে ব্যাসার্ধ করিয়া CE ও DF এই দুই বৃত্ত-পাদ (quadrants) ত কর। ইহার দ্বারা যে দুইটি সমকোণ CAE ও DBF-এর উৎপত্তি হইল,



চিত্র নং ৪২

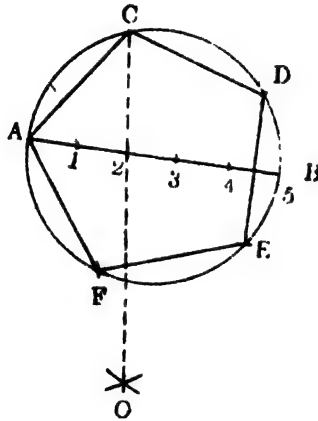
তাহাদের সম-দ্বিখণ্ড কর; এবং দ্বিখণ্ডকারী রেখা দুইটি AG ও BH-এর প্রত্যেকটিকে AB-র সমান কর। এইবার G, A, B ও H বিন্দু হইতে উর্ধ্বাধঃ (vertical) রেখা টান, এবং GI এবং HJ-এর প্রত্যেককে AB-র সমান কর। সর্বশেষে I হইতে BH-র সমান্তরালে, এবং J হইতে AG-র সমান্তরালে, দুইটি রেখা টানিয়া, তাহাদিগকেও AB-র সমান কর, এবং শেষের দুইটি বিন্দু K ও L-কে, (যাহা A ও B হইতে উত্তোলিত উর্ধ্বাধঃ রেখা দুইটিকে ছেদ করিয়া উৎপন্ন হইয়াছে), KL,—এই অস্থূলিক রেখার দ্বারা সংযুক্ত কর। রেখা AGIKLJHB,—এক স্ববম অষ্টভুজ ক্ষেত্র হইবে।

## একাদশ পদক্ষেপে

### বৃত্তের অভ্যন্তরে যে-কোন সুস্থম বহুভুজ অঙ্কন

#### (Inscription of any Regular Polygon in Circle)

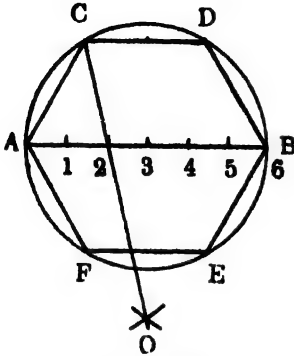
মনে কর, কোন বৃত্তের অভ্যন্তরে একটি সুস্থম পঞ্চভুজ অঙ্কিত করিতে হইবে। এই বৃত্তের ব্যাস AB। পঞ্চভুজ অঙ্কিত হইবে বলিয়া, ব্যাসকে পাঁচ সমান-ভাগে ভাগ কর (বহুভুজের বাহুর সংখ্যা যত, এই ব্যাসকে তত সমান-ভাগে ভাগ করিতে হয়)। এখন, একবার A-কে কেন্দ্র করিয়া, ও আর



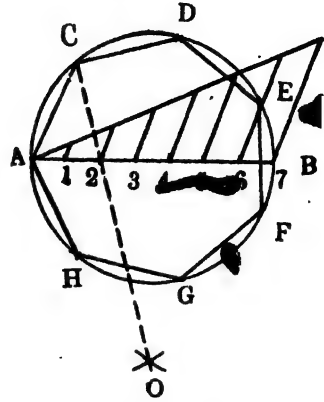
চিত্র নং: ৪৩

একবার B-কে কেন্দ্র করিয়া, ব্যাস অপেক্ষা বড় যে-কোন দূরত্ব লইয়া দুই চাপ অঙ্কিত কর; মনে কর, উহারা পরস্পরকে O-বিন্দুতে ছেদ করিল। O-বিন্দু হইতে ব্যাসের “২”-চিহ্ন হইয়া বৃত্তের উপর দিক পর্যন্ত এক রেখা টান। মনে কর, উহা বৃত্তকে C-বিন্দুতে স্পর্শ করিল। AC-রেখা টান। ইহা পঞ্চভুজের একটি বাহু। এইবার জিভাইডারের সাহায্যে AC-র দূরত্ব গ্রহণ করিয়া, বৃত্তের পরিধির উপর দিয়া ঘুরাইয়া, C, D, E, ও F চিহ্ন দাও, এবং CD, DE, EF ও FA বাহুগুলি আঁক।

এইভাবে সুষম বড়-ভুজ ও সুষম সপ্তভুজ অঙ্কনের পদ্ধতিও দেখান' হইয়াছে :—



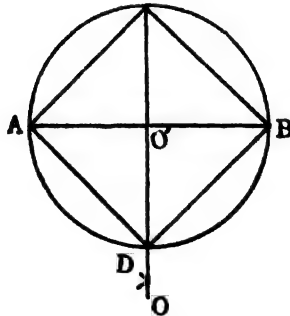
বড়-ভুজ কেন্দ্র  
চিত্র নং ৪৪



সপ্তভুজ কেন্দ্র  
চিত্র নং ৪৫

বৃত্তের অভ্যন্তরে সুষম চতুর্ভুজ বা চতুর্কোণ কেন্দ্র অঙ্কন :

মনে কর, বৃত্তের ব্যাস AB, এবং O'-উহার কেন্দ্র। AB-কে CD-রেখা দ্বারা সম-বিভাগে ও সমকোণে ভাগ কর ; এইবার, কেন্দ্র স্পর্শ করিয়া DC-রেখা টান ;



চিত্র নং ৪৬

এ রেখা বৃত্তকে C ও D-বিন্দুতে স্পর্শ করিতে । A, C, B ও D যোগ কর ।

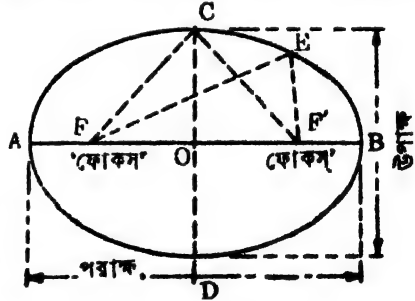
দ্বাদশ পরিচ্ছেদ

## উপবৃত্ত, বৃত্তের ইনভোলিউট, ও অধিবৃত্ত

(Ellipse, Involute of a Circle, and Parabola)

উপবৃত্ত কি :

কোন একটি নির্দিষ্ট বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া ও তাহা হইতে দূরত্ব সর্বসময়ে অপরিবর্তিত রাখিয়া কোন এক বিন্দুকে সঞ্চারিত করিলে সেই বিন্দু যে পথে ভ্রমণ করে, সেই “সঞ্চার-পথ” (locus)-এর নাম বৃত্ত (circle); আর কোন দুইটি নির্দিষ্ট বিন্দু হইতে, উহাদের সমবেত্ত দূরত্ব সর্বসময়ে সমান রাখিয়া, কোন এক বিন্দুকে সঞ্চারিত করিলে সেই বিন্দু যে পথে ভ্রমণ করে সেই “সঞ্চার-পথ” (locus)-এর নাম উপবৃত্ত (Ellipse)। বৃত্তের কেন্দ্রে নির্দিষ্ট বিন্দুকে “কেন্দ্র” (centre), ও তাহা হইতে সঞ্চারশীল বিন্দুর দূরত্বকে “ব্যাসার্ধ” (radius) বলে, আর উপবৃত্তের কেন্দ্রে নির্দিষ্ট বিন্দু দুইটিকে “নাভি” বা “ফোকস্” (focus : দ্বিবচনে foci) বলে। বৃত্তের কেন্দ্রে কেন্দ্র হইতে দূরত্ব [ ব্যাসার্ধ বা radius ] অপরিবর্তিত (ইংরাজীতে constant; বাংলা পরিভাষায়, ‘ঋবক’) থাকে, আর উপবৃত্তের কেন্দ্রে নাভি বা “ফোকস্” দুইটি হইতে বিন্দু পর্যন্ত দূরত্বের সমষ্টি অপরিবর্তিত থাকে। এই ঋবক-দৈর্ঘ্য (constant-length) উপবৃত্তের পরাক্ষ (major axis)-এর সমান হয়। [ উপবৃত্তের দুইটি অক্ষ, (ইংরাজীতে axis), থাকে; তাহাদের বড়টিকে “পরাক্ষ” বা major axis, ও ছোটটিকে “উপাক্ষ” বা minor axis বলে। ]



উপবৃত্ত ( পরিচয়স্বক )

চিত্র নং ৪৭



পার্শ্বে যে উপবৃত্তের চিত্র দেওয়া হইরাছে, তাহাতে প্রদর্শিত  $F$  ও  $F'$  বিন্দুদ্বয় উহার দুইটি ফোকস বা নাভি;  $AB$ , পরাক্ষ (major axis); ও  $CD$ , উপাক্ষ (minor axis)।

যদি এমন একটি সংকরণশীল বিন্দু “ $C$ ” লওয়া হয় যে, চিত্রে প্রদর্শিত  $FC$  রেখা  $F'C$  রেখার সমান, এবং ঐ দুই রেখার সমবেত দৈর্ঘ্য  $(FC + F'C)$  সর্বসময়ে অপরিবর্তিত রাখিয়া  $C$ -বিন্দুটিকে দক্ষিণে অথবা বামে ধীরে ধীরে সরাইতে থাকা যায়, তবে উহা যে সঞ্চারণ-পথ— $CEBDAC$ —অঙ্কিত করি—  
উপবৃত্ত।

**ফোকস বা নাভি নিরূপণ করিবার নিয়ম :**

চিত্রে,  $AO = OB$  = পরাক্ষ-এর অর্ধেক; মনে কর, উহাদের প্রত্যেককে “ $a$ ” বলা গেল;

এবং  $CO = OB$  = উপাক্ষ-এর অর্ধেক; ইহাদের “ $b$ ” বলা হইল।

এখন যদি  $COF$ , এই সমকোণী ত্রিভুজ গ্রহণ করা যায়,

$$\text{তবে } (FC)^2 = (FO)^2 + (OC)^2;$$

$$\text{কিন্তু } FC = AO = a, \text{ আর } OC = b;$$

$$\therefore a^2 = (FO)^2 + b^2; \text{ সুতরাং } (FO)^2 = a^2 - b^2।$$

$$\text{অতএব } O \text{ হইতে } F \text{ বিন্দুর দূরত্ব} = \sqrt{a^2 - b^2}।$$

তাহা হইলে বুঝা যাইতেছে যে, যদি পরাক্ষ ও উপাক্ষ দেওয়া থাকে, তবে  $O$ -হইতে নাভির দূরত্ব বাহির করা যায়।

**উদাহরণ (১) :** মনে কর, কোন উপবৃত্তের পরাক্ষ (major axis) ২'৫ ইঞ্চ ও উপাক্ষ (minor axis) ১'৭৫ ইঞ্চ; উহার মধ্যবিন্দু হইতে দুই ফোকস-এর দূরত্ব নির্ণয় কর।

$$\text{এখানে } OA \text{ এবং } OB, \text{ প্রত্যেকে } \frac{2'5}{2} = 1'25 \text{ ইঞ্চ, } (= a),$$

$$\text{এবং } OC \text{ এবং } OD, \text{ প্রত্যেকে } \frac{1'75}{2} = 0'875 \text{ ইঞ্চ } (= b);$$

$$\text{অর্থাৎ } (OF)^2 = (1.25)^2 - (0.875)^2$$

$$= 1.5625 - 0.7656$$

$$= 0.7969 \text{ বর্গ ইঞ্চি ;}$$

$$OF = 0.893 \text{ ( ইঞ্চি ) ।}$$

- অতএব মধ্যবিন্দু হইতে বাম ও দক্ষিণ দিকে ০.৪৯৩ ইঞ্চি দূরে, যথাক্রমে, F ও F' ফোকস-বিন্দুর স্থান হইবে।

**উদাহরণ (২) :** কোন উপবৃত্তের মধ্য-বিন্দু হইতে ফোকস-এর দূরত্ব ১ ইঞ্চি হইলে উহার পরাক্ষ ও উপাক্ষ-এর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

মনে কর, পরাক্ষ (major axis) =  $2a$ , ও উপাক্ষ (minor axis) =  $2b$  ;

$$\text{যেহেতু } (OF)^2 = a^2 - b^2,$$

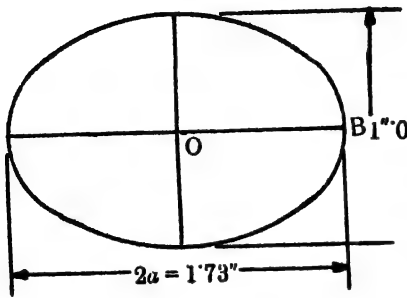
$$\therefore 1^2 = a^2 - b^2 \text{ ।}$$

এখন যদি  $b$ -এর ক্রমবর্ধমান কতকগুলি মূল্য ধরা যায়, তবে উপরের সূত্র (formula) অনুসারে  $a$ -র কতকগুলি মূল্য পাওয়া যাইবে ; ঐগুলি হইতে কতকগুলি উপবৃত্ত অঙ্কিত করা যাইবে।

মনে কর, যেহেতু সূত্র অনুসারে,  $1^2 = a^2 - b^2$ , তাই নীচের তালিকার  $b$ -এর কতকগুলি মূল্য গ্রহণ করা হইল, ও তাহা হইতে পরাক্ষ ও উপাক্ষ-এর উপযুক্ত মূল্য নির্ণয় করা হইল :—

$b$	০.২৫	০.৩	০.৪	০.৪৫	০.৫	০.৫৫	০.৬	০.৬৫	০.৭
$b^2$	০.০৬২৫	০.০৯	০.১৬	০.২০২৫	০.২৫	০.৩০২৫	০.৩৬	০.৪২২৫	০.৪৯
$1 - b^2$ ( $= a^2$ )	০.৯৩৭৫	০.৯১	০.৮৪	০.৭৯৭৫	০.৭৫	০.৬৯৭৫	০.৬৪	০.৫৭৭৫	০.৫১
$a$	০.৯৬৬	০.৯৫৪	০.৯১৬৬	০.৮৯৩৩	০.৮৬৬	০.৮৩৫	০.৭৮	০.৭৬	০.৭১
$2a$ (= পরাক্ষ)	১.৯৩২	১.৯০৮	১.৮৩৩	১.৭৮৬৬	১.৭৩২	১.৬৭	১.৫৬	১.৫২	১.৪২
$2b$ (= উপাক্ষ)	০.৫	০.৬	০.৮	০.৯	১.০	১.১	১.২	১.৩	১.৪

উপরের মূল্য সকলকে অবলম্বন করিয়া উপবৃত্ত অঙ্কিত করা যায়। পার্শ্বের



চিত্র নং ৪৪

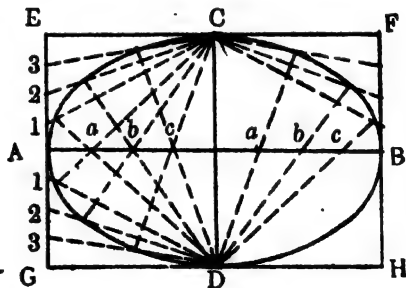
চিত্রে এমনই একটি উপবৃত্ত অঙ্কিত করা হইয়াছে। ইহাতে পরাক্ষ =  $1'73''$  ও উপাক্ষ =  $1''$  ইঞ্চি লওয়া হইয়াছে। ~~কিন্তু~~ করিয়া দেখিলে ইহাও বোধগম্য হইবে যে, দৈর্ঘ্য উপাক্ষ পরাক্ষের যত কাছ-বরাবর হইবে, উপবৃত্ত ততই গোলাকার হইবে।

অঙ্কিত করিবার পক্ষে পরাক্ষ ও উপাক্ষ-এর অনুপাত (অর্থাৎ  $\frac{a}{b}$ ) =  $1'4$ ,  $1'5$ ,  $1'7$  এইরূপ হইলে, উপবৃত্ত দেখিতে সুন্দর হইয়া থাকে।

### উপবৃত্ত অঙ্কন করার প্রক্রিয়া

(1) AB-কে পরাক্ষ লইয়া তাহার মধ্যবিন্দু হইতে উহার লম্বভাবে CD উপাক্ষ অঙ্কিত কর। C ও D হইতে AB-র সমান্তরালে EF ও GH রেখা টান, ও A এবং B হইতে CD-র সমান্তরালে EG ও FH, এই দুইটি রেখা আঁকিয়া EGHF-কে একটি আয়তক্ষেত্রে পরিণত কর।

এইবার AE, BF, AG এবং BH,—প্রত্যেক অংশকে সমান চার (কিন্তু



চিত্র নং ৪৯

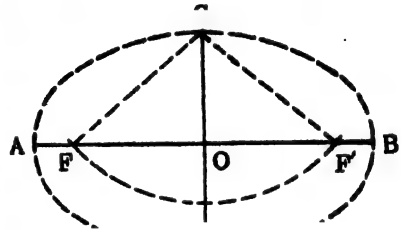
অধিক সংখ্যক) ভাগে ভাগ কর। এইগুলিকে, যথাক্রমে, 1, 2, 3, চিহ্ন দিয়া দেখান হইয়াছে। অনন্তর প্রত্যেক অর্ধ-পরাক্ষকেও সমান (যথা a, b, c) ভাগে

ভাগ কর।  $AE$  এবং  $BF$ -এর 1, 2, 3, চিহ্নিত বিন্দুগুলির সহিত  $C$  পর্যন্ত রেখা টান, এবং  $D$  বিন্দু হইতে পরাক্ষের উপরে, বামদিকে,  $a$ -কে ছুঁইয়া এমন রেখা টান, বাহা  $C-1$  রেখাকে ছেদ করে; সেইরূপ  $D$ -বিন্দু হইতে  $b$ -কে ছুঁইয়া এমন রেখা টান, বাহা  $C-2$  রেখাকে ছেদ করে, এবং  $D$ -বিন্দু হইতে  $C$ -কে ছুঁইয়া এমন রেখা টান, বাহা  $C-3$  রেখাকে ছেদ করে।  $C$ , ও এই ছেদবিন্দুগুলি স্পর্শ করিয়া  $A$  হইতে  $C$  পর্যন্ত রেখা টানিলে, তাহা উপবৃত্তের এক-চতুর্থাংশ হইবে। তেমনি,  $C$  হইতে  $B$  পর্যন্ত,  $D$  হইতে  $A$ , এবং  $D$  হইতে  $B$  পর্যন্ত, বৃত্তে হইবে।

(২) আলপিন ও সূতা দিয়া উপবৃত্ত অঙ্কন :

মনে কর,  $AB$  ও  $CD$ , উপবৃত্তের পরাক্ষ ও উপাক্ষ।  $AB$ -কে  $O$ -বিন্দুতে দ্বিধা-বিভক্ত কর, এবং  $OC=OD$  করিয়া ঝাঁক।  $C$ -কে কেন্দ্র করিয়া, এবং  $OA$ -কে ব্যাসার্ধ লইয়া, এক চাপ অঙ্কিত করিয়া  $AB$ -রেখাকে  $F$ ,  $F'$  বিন্দুদ্বয়ে ছেদ কর। ইহাই উপবৃত্তের দুইটি ফোকস বা নাভি। এইবার

তিনটি আলপিন লইয়া  $F$ ,  $F'$  ও  $C$  বিন্দু-তিনটিতে শক্ত করিয়া পুতিয়া দাও, আর একগাছি সূতাকে ঐ পিন তিনটির বাহির দিয়া ঝাঁট করিয়া এক পাক ঘুরাইয়া  $FF'C$  ত্রিভুজাকৃতি করিয়া, ভাল করিয়া ফাঁস দাও



D

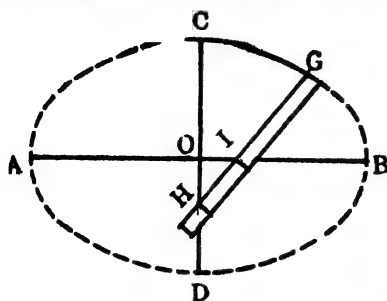
চিত্র নং ৩০

কিছা গাঁঠ বাঁধ। এখন  $C$ -বিন্দুতে বসান' আলপিনটি খুলিয়া লইয়া সেই বিন্দুতে পেন্সিলের সীসের দিকটা ঢুকাইয়া দাও। এখন যদি পেন্সিলকে ঠিক খাড়া ও সূতাকে টান-টান রাখিয়া ধীরে ধীরে উহাকে সরান' যায়, তবে কাগজের উপরে যে সঞ্চার-পথ অঙ্কিত হইবে, তাহাই উপবৃত্ত।

(৩) কাগজের চিলুতা দিয়া উপবৃত্ত অঙ্কন :

প্রথমে  $AB$ -কে পরাক্ষের সমান করিয়া ঝাঁক, ও তাহার মধ্য-বিন্দু  $O$  হইতে লম্ব-ভাবে  $OC=OD$ -অর্ধেক উপাক্ষ করিয়া ঝাঁক। এইবার একটি সূত ও লম্ব কাগজের চিলুতা (a strip of paper) গ্রহণ কর; উহার একপ্রান্ত হইতে অর্ধ-

পরাক্ষ (OA)-এর সমান করিয়া GH, এবং ঐ প্রান্ত হইতেই অর্ধ-উপাক্ষ (OC)-এর সমান করিয়া GI দাগ দাও।

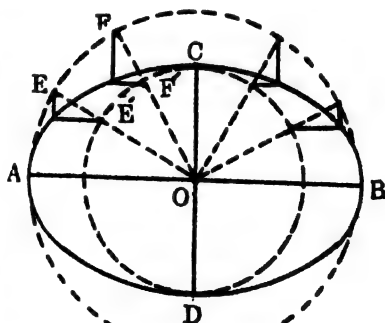


G  $\frac{H}{+}$   
কাগজের কালি বা চিলতা

চিত্র নং ৭১

চিত্র হইতে দেখা যাইবে, C হইতে এই কার্য আরম্ভ করিয়া যতদূর কাগজের কালি সরান' হইয়াছে, ততদূর পর্যন্ত G-এর সঞ্চারণ-পথ অবিচ্ছিন্ন-রেখার দ্বারা, এবং অবশিষ্ট পথ ফুটুকি ফুটুকি রেখার দ্বারা দেখান' হইয়াছে।

(৪) AB ও CD, এই দুই রেখা পরাক্ষ ও উপাক্ষ-ভাবে পরস্পরের লম্বভাবে অঙ্কিত কর। উহাদের মধ্য-ছেদবিন্দু O-কে কেন্দ্র, এবং OA ও OC-কে ব্যাসার্ধ করিয়া, দুই বৃত্ত অঙ্কিত কর। এইবার যে-কোন বৃত্ত লইয়া, তাহার প্রত্যেক পাদ (quadrant)-কে সুবিধামত চার, ছয় অথবা যে-কোন ভাগে ভাগ কর (যথা E, F, ), ও কেন্দ্র O-এর সঙ্গে যোগ কর। মনে কর, ঐ রেখা-



চিত্র নং ৭২

গুলি ছোট বৃত্তকে যথাক্রমে E', F', প্রভৃতি বিন্দুতে ছেদ করিল। এখন E, F, প্রভৃতি বিন্দু হইতে এক একটি উর্ধ্বাধঃ রেখা, ও E', F', প্রভৃতি বিন্দু হইতে এক

একটি অল্পকালিক রোগ। টানিয়া। পরস্পরকে ছেন কর, ও সেই সেই ছেন-বিন্দু স্পর্শ করিয়া রোগ-চিহ্ন অঙ্কিত করিলে এক উপবাস হইবে।

উপরন্তু দেওয়া থাকিলে তাহার পনাম ও

### উপাস্থা নির্ণয়ঃ

উপকৃতের অভ্যন্তরে দুইটি সমান্তরাল জ্যা (parallel chords) AC ও BD

অদ্বিত ~~কল্যাণ~~ উদা-

দিগের মধ্যবিন্দু E ও F

নির্ণয় কর। এই EF-কে

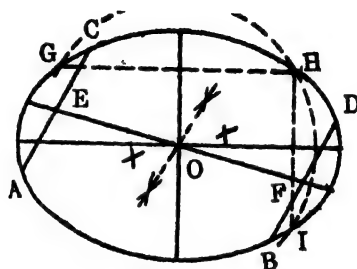
দ্বিখণ্ডিত করিলে উপ-

বস্ত্রের কোলা '০' পাওয়া

যাতিবে। এইবার ০-কম্প

হইতে এমন এক ব্যাসাধ

| এক চাপ (arc)



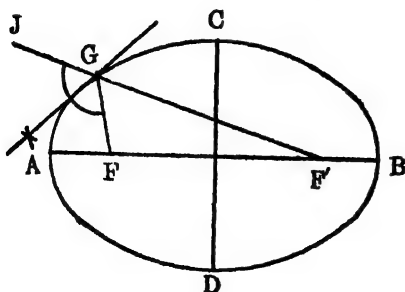
छि नः ९३

অঙ্কিত কর যাহা উপবৃত্তকে তিন স্থানে ছেদ করে,—যথা G, H ও I। GH ও HI যোগ কর; ইহাদের দ্বিগুণিত করিয়া, সেই ছেদ-বিন্দুদ্বয়ের সঙ্গে কেন্দ্র O-কে স্পর্শ করিয়া উপবৃত্ত পর্গন্ত রেখা আঁকিলে উহার উহার উপাঙ্গ ও পরাঙ্গ হইবে।

উপস্বতের উপরিস্থিত কোন এক বিন্দুতে

**স্পর্শক (Tangent) অঙ্কন :**

উপবৃত্তের পরাক্ষ ও উপাক্ষ, এবং ফোকস বা নাভি  $F$   $F'$  দেওয়া না থাকিলে,



छि नर ९४

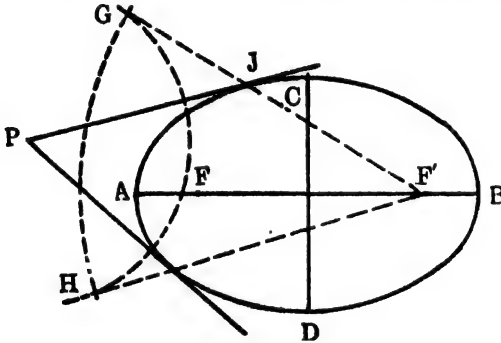
প্রথমে ঐগুলি বাহির করিয়া লইতে হইবে। অনন্তর যে বিন্দু G-তে স্পর্শক অঙ্কিত করিতে হইবে, তাহার সহিত প্রথম নাক্ষি F-এর যোগ কর, এবং H' হইতে G-কে স্পর্শ করিয়া H'G-রেখা অঙ্কিত কর, ও উহাকে J পর্যন্ত বর্ধিত কর। ইহার দ্বারা

যে  $YGF$  কোণের উৎপত্তি হইল, তাহাকে বিখণ্ডিত কর; এবং যে রেখার দ্বারা কোণ বিখণ্ডিত হইল, সেই রেখাই  $G$ -বিন্দুতে উপবৃত্তের স্পর্শক।

**উপবৃত্তের বাহিরে অবস্থিত কোন এক বিন্দু**

**হইতে স্পর্শক (Tangent) অঙ্কন :**

মনে কর, উপবৃত্তের বাহিরে অবস্থিত  $P$  কোন এক বিন্দু। উপবৃত্তের পরাক্ষ, উপাক্ষ এবং নাভিঘর নির্ণয় কর। এক্ষেত্রে দেখা যাইতেছে,  $P$ -বিন্দু হইতে উপবৃত্তের সঙ্গে দুইটি স্পর্শক অঙ্কিত করা যাইতে পারে।  $P$ -কে কেন্দ্র ও  $PF$ -কে ব্যাসার্ধ লইয়া এক বৃত্ত-অংশ অঙ্কিত কর। এইবার নাভি  $F'$ -কে কেন্দ্র এবং পরাক্ষ  $AB$ -কে ব্যাসার্ধ করিয়া পূর্ব-বৃত্তকে দুই বিন্দুতে ছেদ কর। মনে কর, ঐ দুইটি বিন্দু  $G$  এবং  $H$ ।  $F'G$  ও  $F'H$  যোগ কর। এই দুই রেখা যে দুই বিন্দু



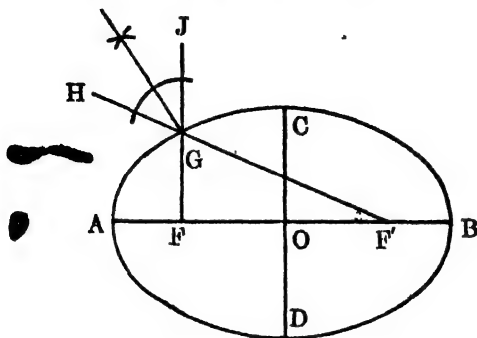
চিত্র নং ৯৫

$J$  ও  $K$ -তে উপবৃত্তকে ছেদ করিল (“ $K$ ” দেখান’ নাই), সেই দুই বিন্দুর সঙ্গে  $P$ -বিন্দু যোগ করিয়া দুইটি রেখা টানিলে উহারা উপবৃত্তের স্পর্শক হইবে।

**উপবৃত্তের উপরিস্থিত কোন এক বিন্দুতে অভিলম্ব (Normal) অঙ্কন :**

পূর্ব পূর্ব প্রক্রিয়া-মত, পরাক্ষ, উপাক্ষ এবং নাভি বা ফোকস্ দেওয়া না থাকিলে ঐগুলি নির্ণয় কর। নির্দিষ্ট বিন্দু  $G$ -এর সঙ্গে  $F$  ও  $F'$  যোগ কর, এবং ঐ দুই রেখাকে বাহিরের দিকে বর্ধিত কর। ইহাতে যে  $HGY$  কোণের

উৎপত্তি হইল, তাহাকে দ্বিধা বিভক্ত কর। যে রেখা এই HGY কোণকে দুইভাগে ভাগ করিল, তাহাই উপবৃত্তের অভিলম্ব।



চিত্র নং ৯৬

### বৃত্তের ইন্ভোলিউট (Involute of Circle)

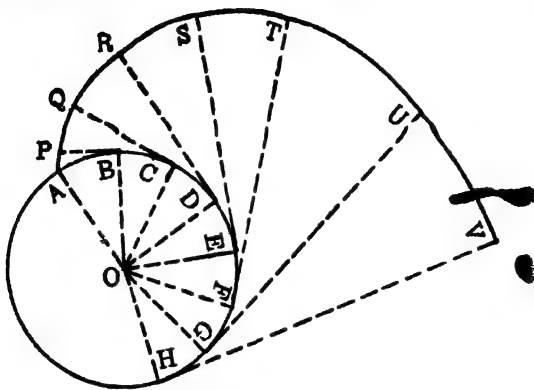
যদি কোন স্তম্ভক বা চোড় (cylinder)-এর পরিধির উপরে আঁট করিয়া এক পাক সূতা জড়ান' যায়, (যেমন সূতায় 'মাঝা' দিয়া নাটাইয়ের উপরে জড়ান' হয়), এবং ঐ সূতার শেষ প্রান্তে টান রাখিয়া চোড়কে এমন ভাবে ঘুরান' যায় বাহাতে ঐ সূতা ধীরে ধীরে খুলিতে থাকে, তবে সূতার শেষ প্রান্ত-বিন্দুর সঞ্চার-পথ (locus)-কে ঐ বৃত্তের 'ইন্ভোলিউট' বলে। এই সঞ্চার-পথ-রেখা যান্ত্রিক নক্সায় (in mechanical drawing) প্রয়োজনে আসে। দাঁত-ওয়ালা চাকা (toothed wheel or gear-wheel) গঠন করিবার নক্সায় ইহার ব্যবহার সমধিক।

### ইন্ভোলিউট-রেখার অঙ্কন-প্রণালী :

O-কে কেন্দ্র করিয়া স্বেধামত কোন ব্যাসার্ধ (OA) লইয়া এক বৃত্ত অঙ্কিত কর। বৃত্তের অর্ধ-পরিধিকে, স্বেধামত কতকগুলি সমান ভাগে ভাগ করিয়া (যথা, B, C, D, E, F, G.), কেন্দ্রের সঙ্গে যোগ কর, এবং প্রত্যেক বিন্দু B, C, D, প্রভৃতি হইতে একটি করিয়া স্পর্শক (tangent) BP, CQ, প্রভৃতি টান। এইবার BA-জ্যা (chord)-এর সমান দূরত্ব লইয়া B-বিন্দুতে অঙ্কিত স্পর্শকের উপরে BP-র দূরত্ব বসাত; এইরূপ, C-বিন্দুতে অঙ্কিত স্পর্শকের উপরে BA-জ্যা'র দ্বিগুণ দূরত্ব (= 2 BA) = CQ; D-বিন্দুতে অঙ্কিত স্পর্শকের উপরে



BA-ব্যার তিনগুণ দূরত্ব ( $= 3BA$ ) = RD ;—এইভাবে ES, FT, GU,...প্রভৃতি

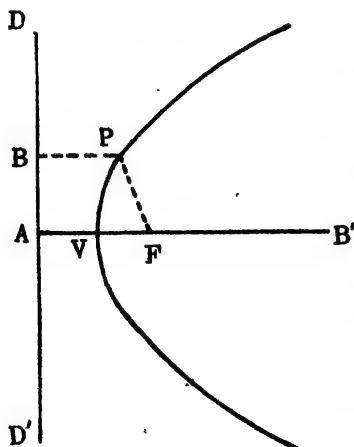


চিত্র নং ৭৭

বসাইয়া যাও। অনন্তর A, P, Q, B, S, T, U, V...বিন্দুগুলি এক অবিচ্ছিন্ন রেখার দ্বারা যোগ করিলে 'ইন্ভোলিউট'-রেখা হইবে।

### অধিবৃত্ত (Parabola) অঙ্কনের প্রক্রিয়া :

নিম্নের চিত্রে, AB'-রেখাকে অধিবৃত্তের অক্ষরেখা (axis), কিংবা ভুজ



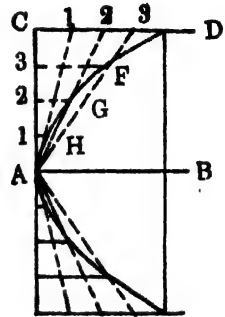
চিত্র নং ৭৮

(abscissa)-ও বলে। DAD'-রেখার নাম নিয়ামক (directrix), এবং F উহার নাভি বা ফোকস (focus)। যদি AF-কে সম-দ্বিখণ্ডিত করা যায়, তবে যে বিন্দু 'V' পাওয়া যাইবে, তাহাই অধিবৃত্তের শীর্ষ (vertex)। যদি কোন বিন্দু (P)-র সঞ্চারণ-পথ এমন হয় যে, নাভি (F) হইতে তাহার দূরত্ব (যথা FP), সব সময়ে নিয়ামক (directrix) হইতে P-বিন্দুর দূরত্বের সমান হয়, তবে সে বিন্দু অধিবৃত্ত-রেখার সঞ্চারিত হয়। অধিবৃত্ত-রেখার উপরে

কোন এক বিন্দু হইতে ভূজ (abscissa) পর্যন্ত অঙ্কিত উর্ধ্বাধঃ রেখার নাম 'কোটি' (ordinate) ; [ BP-কে সব সময়ে PF-এর সমান হইতে হয় ] ।

**ভূজ ও কোটি দেওয়া থাকিলে তাহা :  
অধিবৃত্ত অঙ্কন :**

এদতঃ ~~ভূজ~~ ভূজ AB অঙ্কিত কর । A হইতে C, ও B হইতে D উর্ধ্বাধঃ-  
রেখা অধিবৃত্তের কোটি-রূপে অঙ্কিত কর । CD  
যোগ কর । এইবার AC-কে যে-কোন সমান ভাগে  
ভাগ কর । সেইরূপ CD-কেও তত সমান ভাগে  
ভাগ কর, এবং A-বিন্দুর সঙ্গে CD-র 1, 2, 3-বিন্দু  
গুলি যোগ কর । এইবার নিয়ামক AC-র 3-বিন্দু  
হইতে AB-র সমান্তরালে রেখা টানিয়া A-3-রেখাকে  
F-বিন্দুতে ছেদ কর । এক্ষণ নিয়ামকের 2-হইতে  
AB-র সমান্তরালে রেখা টানিয়া A-2 রেখাকে  
G-বিন্দুতে ছেদ কর ; এবং এইভাবে অগ্রগুলিরও  
ছেদ-বিন্দু নির্ণয় কর ; এবং ঐ বিন্দুগুলিকে যোগ কর । AB-র নীচের দিকেও  
অনুরূপ রেখাচিত্র অঙ্কিত করা হয় ।

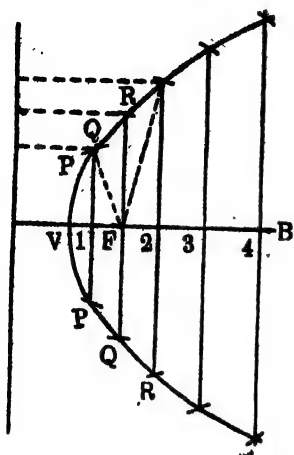


চিত্র নং ৯৯

**নাভি (Focus) ও নিয়ামক (Directrix) দেওয়া থাকিলে  
তাহা হইতে অধিবৃত্ত অঙ্কন :**

মনে কর, F-বিন্দু অধিবৃত্তের নাভি (focus) ( চিত্র নং ১০০ ), ও বর্ধিত  
DA-রেখা উহার নিয়ামক (directrix) । F হইতে নিয়ামক রেখার উপরে  
A-বিন্দুতে এক লম্ব পাত কর, ও AF রেখাকে B-তে বর্ধিত কর ; ইহা ভূজ-রেখা ।  
AF-রেখাকে সম-দ্বিখণ্ডিত করিলে অধিবৃত্তের শীর্ষ (vertex) পাওয়া যায় । অতএব  
AF-কে সমান দুইভাগে ভাগ করিয়া শীর্ষ (V) পাওয়া গেল । এইবার ভূজ-রেখা  
AB-র উপরে কতকগুলি বিন্দু (1, 2, 3, 4,) গ্রহণ কর, এবং ঐ সকল বিন্দু হইতে

উভয়দিকে লম্ব সকল উত্তোলন এবং পাতিত কর। অধিবৃত্তের নিম্ন অংশসমূহ



[ দ্রষ্টব্য : যেমন নীচের দিকে আছে, তেমনি চিত্রের উপরদিকের “R”, ২-হইতে উত্তোলিত লম্বের উপরে বসিবে ; এবং “Q”, F-হইতে উত্তোলিত লম্বের উপরে বাইবে। ]

$$PF = A1 ; QF = AF : RF = A2.$$

চিত্র নং 100

R, R-বিন্দুতে ছেদ কর ; ইত্যাদি। ঐ সকল ছেদ-বি

বিন্দুসমূহ যোগ কর।

A-বিন্দু হইতে 1, F, 2, 3, প্রত্যেকের দূরত্ব, বর্ধকমে, F-বিন্দু হইতে, —1, F, 2, প্রত্যেকের উপরে যে-সব লম্ব উত্তোলিত করা হইয়াছে, তাহাদের ছেদবিন্দুর সমান হয় F-কে

কেন্দ্র করিয়া, A-1 ব্যাসার্ধ লইয়া, 1-এর উপরে উত্তোলিত কোটিক (ordinate)-কে P, P-বিন্দুতে ছেদ কর ; ইহার অধিবৃত্তের উপর ও নীচের দিকের দুইটি বিন্দু। সেইরূপ, F-কে কেন্দ্র করিয়া, A-F ব্যাসার্ধ লইয়া, F-এর উপরে উত্তোলিত কোটিকে Q, Q-বিন্দুতে ছেদ কর (পার্শ্বের “দ্রষ্টব্য” দেখ)। তেমনি আবার, F-কে কেন্দ্র করিয়া, A-2 কে ব্যাসার্ধ লইয়া, 2-এর উপরে উত্তোলিত কোটিকে

## অঙ্কনশাস্ত্র পদ্ধতি

### প্রক্ষেপ (Projection)

যে সকল বস্তুর কেবল দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ থাকে,—যেমন খুব পাতলা একটুকরা কাগজ,—তাহার নক্সা একটিমাত্র চিত্র দ্বারা সম্পন্ন হয়; এই নক্সাকে ইংরাজীতে plane figure বলে, (বাংলার “একতলীয়” চিত্র বলিতে পারা যায়); [ 101(ক) নং চিত্র ]। এমন স্থলে ইহার পরিমাপ (dimensions; যথা, দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ) যথাযথ ভাবে

(actual size, বা to scale)

একই নক্সায় দেওয়া সম্ভব; আর

যদি কোন “ঘন-বস্তু” (solid

figure)-কে একটিমাত্র চিত্রে

অঙ্কিত করার প্রয়াস করা যায়,

তবে তাহাকে 101(খ) নং

চিত্রের সাহায্যে অঙ্কিত করিতে

হয়; কিন্তু তখন ঐ নক্সায় তাহার

সমস্ত পরিমাপ (যথা দৈর্ঘ্য,

প্রস্থ, ও উচ্চতা কিংবা গভীরতা বা বেধ) যথাযথ অঙ্কিত করিতে পারা যায় না।

এমন স্থলে তাহাকে “পরিপ্রেক্ষিত” (perspective) চিত্র দ্বারা প্রদর্শন করা

হইয়া থাকে। কোন ঘন-বস্তুর সমস্ত পরিমাপ যথাযথভাবে নক্সায় প্রদর্শন

করিতে হইলে তাহা “প্রক্ষেপ” (projection)-পদ্ধতির দ্বারা সম্পন্ন করা

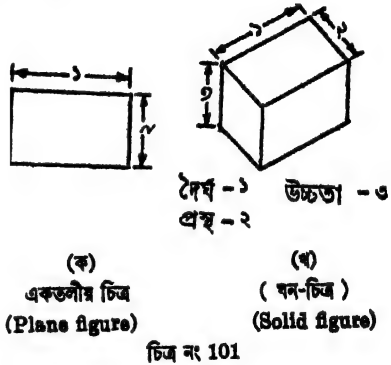
হইয়া থাকে; তখন একই বস্তুর প্রক্ষেপ-লব্ধ বিভিন্ন চিত্র অঙ্কিত করা হয়, আর

সব চিত্রগুলির সমকালীন পর্দালোচনার দ্বারা বস্তুটির আকার ও পরিমাপের

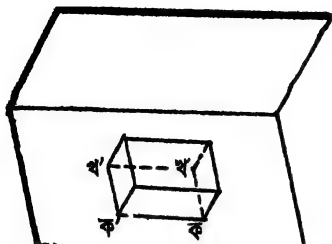
জ্ঞান লাভ হইয়া থাকে। বর্তমান পরিচ্ছেদে ইহারই আলোচনা করা হইবে।

মনে কর, ঘরের মেঝের উপরে একটি দিরাশলাইয়ের বাস্ক পড়িয়া রহিয়াছে।

যদি-ঠিক উপর হইতে উহাকে দেখা যায়, কিংবা মেঝের উপরে উহার চারিদিকে



পেন্সিল ব্লান' যায়, তবে নক্সায় উহার দৈর্ঘ্য (ক' ও খ') [ 102 নং চিত্র ],

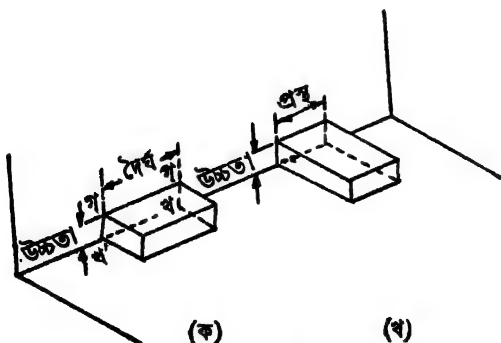


প্লান বা ক্ষিতি-প্রক্ষেপ কাকে বলে

চিত্র নং 102

ঠিক মাথার উপরে থাকে, তখন কোন ব্লান' পদার্থের যে ছায়া মাটিতে পড়ে, তাহাই উহার “প্লান”। অতএব ‘ভূমিতল’ বা ‘ক্ষিতিতল’-এর উপরে প্রক্ষেপকে “প্লান” বলে।

এইবার দিশাশলাইয়ের বাক্সটিকে সরাইয়া লইয়া দেওয়ালের সঙ্গে লাগাইয়া বাক্সের চারিদিকে পেন্সিল ব্লাইলে দেওয়ালের উপরে (খগগ'খ'),—আর একটি আয়তক্ষেত্র অঙ্কিত হইবে; তাহাতে বাক্সের দৈর্ঘ্য ও উচ্চতা



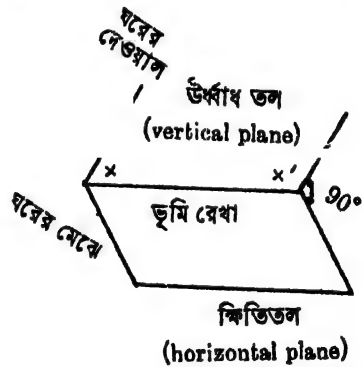
এই চিত্রে দেওয়ালের গায়ে দৈর্ঘ্য ও উচ্চতা দেখা যাইতেছে।

এই চিত্রে দেওয়ালের গায়ে প্রস্থ ও উচ্চতা দেখা যাইতেছে।

চিত্র নং 108

[ 103 (ক) চিত্র ], কিংবা গ্রন্থ ও উচ্চতা [ 103 (খ) চিত্র ], বখাৰখভাবে অঙ্কিত হইবে। অঙ্কনের ভাষায় ইহার ইংরাজী নাম “এলিভেশন্” (elevation)। অতএব উর্ধ্বাধঃ-তলের উপরে প্রক্ষেপকে ‘এলিভেশন্’ বলে। যদি বস্তুটির লম্বালম্বি দিকটি উহার স্মৃখ দিক হয়, তবে সেই ‘এলিভেশন্’-কে ‘স্মৃখের এলিভেশন্’ (front elevation; বাংলায় “পুরোদৃশ”), এবং অপর ‘এলিভেশন্’-কে ‘পাশের এলিভেশন্’ (side elevation) নাম দেওয়া যায়। ইহার বাংলা “পার্শ্ব-দৃশ”। অতএব, কোন বস্তুর ঠিক উপরে চক্ষু রাখিয়া উহার দিকে চাহিলে যে আকৃতি (figure) দেখা যায়, তাহাকে ‘প্ল্যান’ (plan) বা ‘ক্ষিতি-প্রক্ষেপ’, আর ঠিক স্মৃখ দিকে চক্ষু রাখিয়া দৃষ্টি করিলে ‘স্মৃখের এলিভেশন্’ (front elevation), বা পুরোদৃশ, বলা হয়।

ঘরের মেঝের তলকে (horizontal plane) ‘ক্ষিতিতল’ বা ‘অহুভূমিক তল’, এবং দেওয়ালের তলকে (vertical plane) ‘উর্ধ্বাধঃ-তল’ বলে। অহুভূমিক বা ক্ষিতি-তলের সহিত উর্ধ্বাধঃ-তল যে রেখায় মিলিত হয়, তাহার নাম ‘ভূমি-রেখা’ (ground line)। ক্ষিতিতল, উর্ধ্বাধঃ-তল, ও ভূমি-রেখা বুঝাইবার জন্য একখানি কাগজ ব্যবহার করা যাইতে পারে। যদি একখানি কাগজকে লম্বালম্বি ভাঁজ করিয়া উহার একদিক খাড়া করিয়া অঙ্গদিক



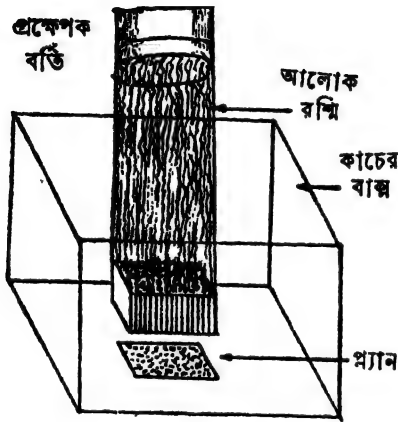
কাগজ ভাঁজ করিয়া তাহার দ্বারা উর্ধ্বাধঃ-তল, ক্ষিতিতল ও ভূমি-রেখা বুঝান।

চিত্র নং 104

পাতিয়া রাখা যায়, তবে খাড়া অংশটা ‘উর্ধ্বাধঃ-তল’, মেঝের পাতা অংশটা ‘ক্ষিতিতল’, এবং ভাঁজের দাগ ‘ভূমি-রেখা’ নির্দেশ করিবে। এই রীতি মানিয়া, কাগজকে ভাঁজ না করিয়াই,—শুধু তাহাতে একটি লম্বালম্বি রেখা টানিয়া, তাহাকে ভূমি-রেখা,  $XX'$ - কিম্বা  $XY$ -রেখা, বলিয়া গণ্য করা হইয়া থাকে ;

আর ঐ রেখার উৎসের ১৭৮৭ নং অক্ষের-১৮৬ আকত করা হয়, তাহাকে 'এলিভেশন্', ও নীচের দিকের চিত্রকে 'প্ল্যান' বলা হয়। ইহাকে প্রথম-কোণ প্রক্ষেপ (First-Angle Projection)-ও বলে।

আরও একভাবে প্রক্ষেপ-এর ধারণা মনে বসাইয়া দেওয়া বাইতে পারে। মনে কর, কোন ঘন-বস্তু (solid figure)-কে একটি কাচের বাজের মধ্যে রাখিয়া



আলোক-রশ্মির সাহায্যে প্রক্ষেপ বুঝান'

চিত্র নং 105

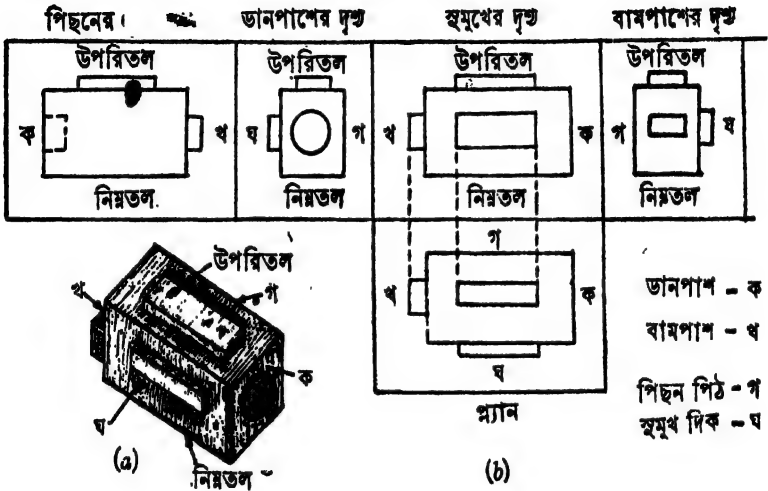
ঠিক উপর হইতে আলোকরশ্মি \* পাত করা হইল; তখন বস্তুটির তলদেশে যে ছায়া পড়িল, তাহাই তাহার 'ক্ষিতি-প্রক্ষেপ' (plan); অতএব প্ল্যান 'XY'-রেখার তলদেশে অঙ্কিত করিতে হইবে।

এখন যদি আলোকরশ্মিকে কাচের বাজের বাঁদিক হইতে প্রক্ষেপ করা যায়, তবে বস্তুর ছায়া বাজের ডানদিকের কাচের উপরে পড়িবে। ইহাকে "বাঁপাশের দৃশ্য" (left side elevation) বলে; এবং যেহেতু বাঁপাশ হইতে

\* এখানে সূর্য-রশ্মির ন্ত সমান্তরাল আলোক-রশ্মি (parallel light-rays) ধরিয়া লওয়া হইতেছে।

বন্ধি-পাত করিলে ছায়া বাস্তবের ডানদিকে পড়ে, সেই কারণে বাঁপাশের এলিভেশন্ হুম্খের এলিভেশন্-এর ডানদিকে, এবং ডানপাশের এলিভেশন্ হুম্খের এলিভেশন্-এর বাঁদিকে অঙ্কিত করিতে হয়।

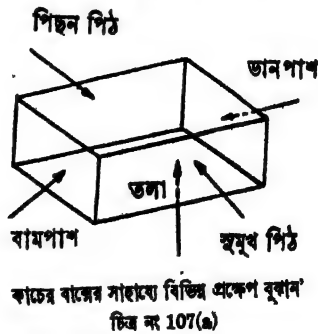
উদাহরণ স্বরূপ নীচের চিত্রটি পর্যবেক্ষণ কর।



চিত্র নং 106

মনে কর, একটি বাস্তবের আকারের কাঠের ঘন-বস্তু (solid figure)-র প্রক্ষেপ-চিত্র অঙ্কিত করিতে হইবে।  
বস্তুটির পরিপ্রেক্ষিত (perspective) চিত্র নং 106(a)-তে দেওয়া হইল।

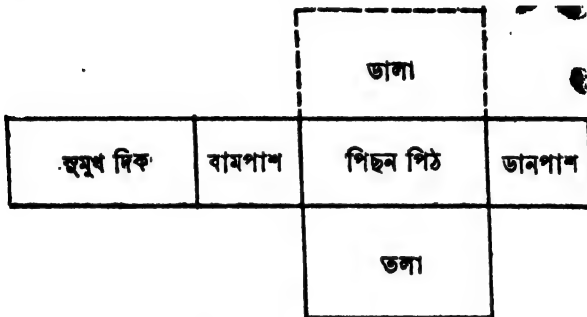
চিত্র হইতে দেখা যাইবে, বাস্তবটির উপরে, হুম্খে ও বাঁপাশে একটি করিয়া কাঠের আয়তাকার টুকরা বাস্তবের গা





হইতে বাহির হইয়া আছে, আর ডানপাশে একটি গোলাকার 'ডোবর' (hollow) সামান্য দূর পর্যন্ত উহার গায়ের মধ্যে প্রবেশ করিয়াছে।

এখন মনে কর, একটি কাচের বাস্কের [ চিত্র নং 107(a) ] চারি পার্শ্ব (four faces) উহার তলা (base)-র সঙ্গে কল্পা দিয়া এমনভাবে তৈয়ারি যে, ইচ্ছামত উহাকে খুলিয়া ছড়াইয়া ফেলা যায়। যদি ঐ বাস্ককে ছড়ান' যায়, তবে



সব পার্শ্ব (sides) খুলিয়া-ফেলা কাচের বাস্ক  
চিত্র নং 107(b)

উহা [চিত্র নং 107(b)]-এর আকার ধারণ করিবে। তখন বাস্কের 'তলা' (base) পিছনপিঠের কাচের নীচে খুলিয়া পড়িবে, ডানপাশের কাচ খুলিয়া পিছন-পিঠের কাচের ডানদিকে গিয়া দাঁড়াইবে, এবং ডানপাশের কাচ হইতে সম্মুখ পিঠের কাচ খুলিয়া গিয়া বাঁপাশের কাচকে মধ্যে লইয়া পিছনপিঠের কাচের সমরৈখায় অবস্থান করিবে। কোন ঘন-বস্তু ছয়টি আয়তক্ষেত্রের সমবায়ে গঠিত বলিয়া, উহাকে খুলিয়া ছড়াইয়া দিলে চিত্র নং 107(b)-এরই আকার ধারণ করে; উহাকে ইংরাজীতে Developed diagram বলে (বাংলায় "বিবর্তিত" চিত্র বলা যাইতে পারে)। এখন যদি চিত্র নং 106(a)-তে প্রদর্শিত কাঠের ঘন-বস্তুটির উপরে এমনই কাচের বাস্ক বসাইয়া স্পষ্ট হইতে দেখা যায়, তবে মনে হইবে যে বস্তুটির পুরোদৃশ্য (front elevation) বাস্কের পিছনপিঠের কাচের সঙ্গে লাগিয়া রহিয়াছে [চিত্র নং 106(b)-দেখ]। উহা হইতে দেখা যাইবে, (i) একটি বড় আকারের আয়তক্ষেত্র (rectangle)-এর উপরে একটি, ও উহার বাঁ-পাশে একটি ছোট আকারের আয়তক্ষেত্র লাগালাগি হইয়া বাহির হইয়া আছে, এবং বড়টির

মধ্যদেশেও একটি ছোট আয়তক্ষেত্র উহার সহিত সমান্তরাল ভাবে রহিয়াছে ; ইহাই হইবে ঘন-বস্তুটির স্মৃখের দৃশ্য বা “পুরোদৃশ্য” (Front elevation ; বা Front view)। এই দৃশ্য হইতে ইহাও জানা গেল যে, বস্তুটির তলদেশ একেবারে সমতল [ অর্থাৎ তলদেশে কোন ডোবর (hollow) বা অন্ত কিছু নাই ]।

(i) বস্তুটির ডানপাশে একটি ‘ডোবর’ থাকার জন্য পুরোদৃশ্যের ডানপাশের উর্ধ্বাধঃ-রেখার ভিতরদিকে ফুটকি ফুটকি একটি আয়তক্ষেত্র (rectangle) রহিয়াছে। যেহেতু ঘন-বস্তুটির ডানপাশের ‘ডোবরটি’ স্মৃখের দৃশ্যে দৃষ্টিগোচর হইতেছে না,—অথচ ডানপাশের চিত্র হইতে উহা দেখা যায়, তাই এমন স্থলে ফুটকি ফুটকি রেখা (dotted line) দিয়া আঁকা হয়। তাহা ছাড়া, ডোবরের আয়তক্ষেত্র ইহাও নির্দেশ করিতেছে যে, ইহার প্রস্থ সর্বজায়গায় সমান [ অর্থাৎ ডোবরটি ‘শঙ্ক’ (cone)-এর আকারের নহে ]। কিন্তু ঐ ‘ডোবর’ গোলাকৃতি কিনা তাহা এ দৃশ্য হইতে বুঝা যায় না ; ইহা বুঝা যায় ‘ডানপাশের’ দৃশ্য হইতে। ডানপাশের চিত্র হইতে ইহার প্রস্থ ও উচ্চতা পাওয়া যাইবে। যে ‘ডোবর’-এর কথা উল্লেখ করা হইতেছে, এক্ষণে দেখা যাইতেছে তাহা বৃত্তাকার ; এবং এই বৃত্তের ব্যাসই ‘ডোবর’-এর ব্যাস, এবং উহার গভীরতার পরিমাণ প্রায় কিংবা পুরোদৃশ্যের ফুটকি ফুটকি আয়তক্ষেত্রের প্রস্থ মাপিলেই পাওয়া যাইবে। এই চিত্র হইতে দেখা যাইবে, বস্তুটির পিছন দিক মসৃণ (plain) বা সমতল। প্রায় কিংবা অন্ত দৃশ্য হইতেও ইহা অবগত হওয়া যায়।

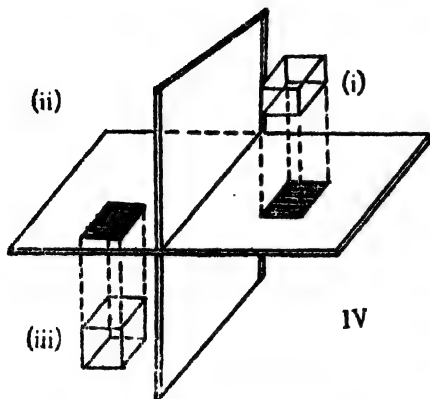
এইরূপে সব দৃশ্যগুলিকে এককালে পর্যালোচনা করিয়া বস্তুটির সম্পূর্ণ তথ্য নির্ণয় করা হয়, আর ‘নক্সাকর’ (Draughtsman) বিশেষরূপে বিবেচনা করিয়া, কোন চিত্রে কতগুলি দৃশ্য আবশ্যক, তাহা স্থির করিয়া থাকেন।

### প্রথম-পাদ প্রক্ষেপ ও তৃতীয়-পাদ প্রক্ষেপ

#### (First-Angle, and Third-Angle Projection)

যদি কোন বস্তুকে একটি অরুদ্রমিক (horizontal) ব্যাস  $XX'$ -, ও একটি উর্ধ্বাধঃ (Vertical) ব্যাস  $YY'$  -এর দ্বারা চারিটি সমান পাদ (quadrant)-এ ভাগ

করা যায়\*, তবে  $0^\circ-90^\circ$  (অর্থাৎ  $X'OY$  সমকোণ) পর্যন্ত বৃত্তখণ্ডকে বৃত্তের প্রথম পাদ (1st Quadrant বা 1st-Angle),  $91^\circ-180^\circ$  (অর্থাৎ  $YOX$



প্রথম-পাদ ও তৃতীয়-পাদ প্রক্ষেপ বৃত্তান  
চিত্র নং 108

সমকোণ) পর্যন্ত বৃত্তখণ্ডকে দ্বিতীয় পাদ (2nd Quadrant বা 2nd Angle),  $181^\circ-270^\circ$  (অর্থাৎ  $XOY'$  সমকোণ) পর্যন্তকে তৃতীয় পাদ (3rd Quadrant বা 3rd Angle), আর  $271^\circ-360^\circ$  (অর্থাৎ  $Y'OX'$  সমকোণকে) চতুর্থ পাদ (4th Quadrant বা 4th Angle) বলে।

সেইরূপ, যদি কোন শূন্য স্থান (Space)-কে এক উর্ধ্বাধঃ-তল (Vertical plane)-ও এক অক্ষুণ্ণ তল (horizontal plane) দিয়া ছেদ করা হইয়াছে বলিয়া অনুমান করা যায়, তবে তাহাতেও চারিটি পাদ (Quadrant বা Angle)-এর উদ্ভব হয় বলিয়া ধরিয়া লওয়া হয়, আর ঠিক 'বৃত্ত-পাদ'-এর মত তাহাদেরও পাদ বলা হইয়া থাকে। এমনই 'প্রথম-পাদ'-এর শূন্যের (space) মধ্যে কোন ঘনক (cube)-কে অবস্থিত বলিয়া কল্পনা করিয়া ভূমিতলের উপরদিক হইতে দেখিলে তাহার 'প্র্যান' (বা ক্ষিতি-দৃশ্য) উহার নীচের দিকে, এবং তৃতীয় পাদ-এর শূন্যের মধ্যে ঘনককে অবস্থিত বলিয়া মনে করিয়া উপর হইতে দেখিলে তাহার 'প্র্যান' উপরের দিকে অবস্থান করিবে

\* এইরূপ প্রণীত "সাধারণ বৃত্ত-শিল্প ও অঙ্কন" [class IX-এর পাঠ্য] পুস্তকের 'কোণের প্রক্ষেপ'-শীর্ষক দ্বিতীয় অধ্যায়।

### চিত্র অঙ্কনের পদ্ধতি :

ভিন্ন ভিন্ন পদ্ধতিতে চিত্র অঙ্কিত করা হইয়া থাকে। তাহাদিগকে ইংরাজীতে Perspective, Orthographic projection, Isometric projection, প্রভৃতি বলে।

যদি কোন বস্তু ও সমান প্রস্থ-বিশিষ্ট সমতল পথের দিকে চাহিয়া থাকা যায়, তবে উহা যেন ক্রমশঃ সরু হইয়া গিয়াছে, ও সঙ্গে সঙ্গে উপরের দিকে উঠিতেছে বলিয়া চক্ষে প্রতিভাত হইবে। যেমনটি দেখা গেল, যদি ঠিক তেমনটি চিত্রে অঙ্কিত করা যায়, তবে তেমন চিত্রকে **পারিস্পেক্টিভ (Perspective)** দৃশ্য বলে। সাধারণ ছবি, থিয়েটারের সিন, প্রভৃতি এই পদ্ধতিতে অঙ্কিত।

যদি ঘরের দেওয়ালের সম্মুখে কোন একটি বস্তুকে ধরিয়া দর্শক তাঁহার একটি চক্ষু বুজিয়া অল্প চক্ষুটি ঐ বস্তুর সীমা-রেখা (contour)-র প্রত্যেক বিন্দুর সমরৈখায় পরে পরে রাখিয়া দেওয়ালে দাগ দেন, তবে দেওয়ালে যে চিত্র অঙ্কিত হয়, তাহাকে ‘প্রক্ষেপিত চিত্র’ (projected view) বলে; আর এক্ষেত্রে দর্শকের দৃষ্টি দেওয়ালের সমতলের অঙ্কল (perpendicular) ভাবে পতিত হইতেছে বলিয়া ইহার নাম ‘অর্থোগ্রাফিক প্রোজেকশন্’ [(Orthographic Projection); বাংলায় ‘অমূলক প্রক্ষেপ’] বলে। ইহার অল্প নাম ‘অর্থোগোনাল প্রোজেকশন্’ (Orthogonal Projection)। বাড়ী, যন্ত্রপাতি, প্রভৃতির নক্সাতেই এই পদ্ধতি ব্যবহার করা হয়।

### প্রথম- ও তৃতীয়-পাদ প্রক্ষেপের প্রভেদ ও ব্যবহার :

প্রথম-পাদ প্রক্ষেপ ও তৃতীয়-পাদ প্রক্ষেপের মধ্যে প্রভেদ এই যে, প্রথম-পাদ প্রক্ষেপ প্রণালীতে প্রত্যেক দৃশ্য, (যথা প্রাচীন, পুরোদৃশ্য প্রভৃতি), প্রক্ষেপিত বস্তুর পিছনদিকে অঙ্কিত হইবে (চিত্র নং 108, উপরের ও ডানপাশের দৃশ্য); আর তৃতীয়-পাদ প্রক্ষেপ প্রণালীতে প্রত্যেক দৃশ্য, বস্তু ও দর্শকের মধ্যে অঙ্কিত হইবে \*

\* Indian Standards Institution-এর নির্দেশের ভাষায়,—

“First Angle Projection is that in which each view is so placed that it represents the side of the object remote from it in the adjacent view”;

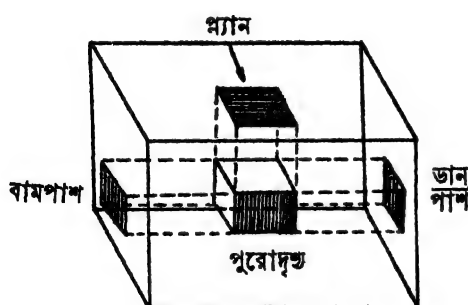
আর—

“Third Angle Projection is that in which each view is so placed that it represents the side of the object near to it in the adjacent view”.

(Specification No. I S : 696—1955)

(ঐ চিত্রের নীচের ও বামপাশের দৃশ্য)। দ্বিতীয় প্রণালীর স্থবিধা এই যে, ইহাতে বাম-পার্শ্বের দৃশ্য পুরোদৃশ্যের বামপার্শ্ব, এবং দক্ষিণপার্শ্বের দৃশ্য পুরোদৃশ্যের দক্ষিণপার্শ্ব অঙ্কিত হওয়ায়, বুঝিতে, পড়িতে, এবং মাপাঙ্ক (dimensions) সন্নিবেশ করিতে অধিকতর স্থবিধা হয়। বর্তমান শতাব্দীর গোড়ার দিকে যন্ত্রশিল্পের নক্সায় ইউরোপে প্রথম-পাদ প্রক্ষেপ-প্রণালী, আর আমেরিকার যুক্তরাষ্ট্রে তৃতীয়-পাদ প্রক্ষেপ-প্রণালী ব্যবহার হইত; কিন্তু ক্রমে ক্রমে ইহার ব্যবহার সকল দেশেই বিস্তার লাভ করিয়াছে। এখন উভয় প্রণালীতে অঙ্কিত নক্সাই ব্যবহৃত হইতেছে। ভারত গভর্নমেন্ট ঐষ্ট তৃতীয়-পাদ প্রক্ষেপ প্রণালীই সকলকে যথাসম্ভব ব্যবহার করিতে নির্দেশ দিয়াছেন। [ Para 9'3, I S : Specification 696—1955 ].

উপরের এই পার্থক্যটি ঠিকভাবে বুঝিয়া লইলে, আর কোন গুণগোলের কারণ নাই; কিন্তু প্রক্ষেপ-দৃশ্য অঙ্কনের সময় দুই প্রণালীর প্রক্ষেপ মিলাইয়া ফেলিলে চলিবে না; মনে রাখিতে হইবে, নক্সার আরম্ভ হইতে শেষ পর্যন্ত, হয় প্রথম-পাদ, আর না হয় তৃতীয়-পাদ প্রণালী-মত, প্রক্ষেপ-রীতি অবলম্বন করিতে হইবে।



তৃতীয়-পাদ প্রক্ষেপ ব্লকান'

চিত্র নং 109

106 নং চিত্রে যেমন ভাবে প্রথম-পাদ প্রক্ষেপ ব্লকান' হইয়াছে, ঠিক তেমনি ভাবে তৃতীয়-পাদ প্রক্ষেপ ব্লকান' বাইতে পারে। একটি কাচের বাক্সের মধ্যে এক ঘনক (cube)-কে রাখিয়া এক চক্ষু বুজিয়া অল্প চক্ষু দিয়া উপর হইতে দেখিলে মনে

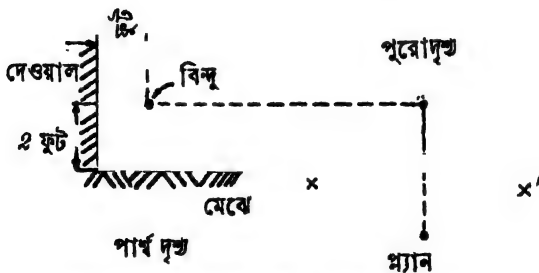
হইবে যে, ঐ ঘনকের উপরের পিঠটি বাক্সের ঢাকনির কাচের নীচের পিঠের নক্সে লাগালাগি ভাবে আছে। এখন, ক্ষিত্তিতলের উপরে যে প্রক্ষেপ-চিত্র

তাহাকে যদি 'প্ল্যান' বলা সাব্যস্ত হয়, তবে এই বিত্তীয় পদ্ধতিতে প্ল্যানে বস্তুটি পুরোদৃশ্যের উপরদিকে থাকিবে বলিতে হইবে; এবং এই যুক্তি মানিয়া চলিলে, বস্তুটির বামপার্শ্বের প্রক্ষেপ-দৃশ্য বাস্তবের বামদিকের কাচের ভিতরে, এবং দক্ষিণ-পার্শ্বের প্রক্ষেপ-দৃশ্য ডানদিকের কাচের ভিতরে দেখা যাইবে।

### বিন্দু, রেখা, ও একতলীয় আকৃতির প্রক্ষেপ (Projection of Points, Lines, and Plane figures)

#### বিন্দুর প্রক্ষেপ :

বাহার অস্তিত্ব আছে অথচ পরিমাপ (dimensions) নাই, এমন ক্ষুদ্রতম পদার্থের নাম “বিন্দু” (Point)। যত্নের অগ্রভাগটুকু বিন্দু; কিংবা ‘স্ফটিক’ পেলিল দিয়া কাগজকে স্পর্শ করিলে যে দাগ পড়ে, তাহাকেই বিন্দু বলিয়া ধরা যাইতে পারে। যদি এমনই একটি বিন্দুকে ঘরের মধ্যে শূণ্ণে ঝুলাইয়া রাখিয়া উপর হইতে এক চক্ষু বুজিয়া দেখা যায়, তবে মনে হইবে বিন্দুটি মেঝের উপরে



বিন্দুর প্রক্ষেপ; প্ল্যানের বিন্দুটি XX'-রেখার ১-ফুট নীচে  
চিত্র নং ১১০

রহিয়াছে, অতএব বিন্দুর প্ল্যান “বিন্দু”। তেমনি যদি স্মৃখদিক হইতে উহাকে দেখা যায়, তবে মনে হইবে উহা দেওয়ালের গায়ে অর্থাৎ উর্ধ্বাধঃ সমতলে লাগিয়া রহিয়াছে; অতএব বিন্দুর পুরোদৃশ্য (elevation)-ও “বিন্দু”। এখন যদি বিন্দুটি মেঝে হইতে ২ ফুট উচ্চে ও দেওয়াল হইতে ১ ফুটদূরে রাখা থাকে, তবে নক্সার ভূমিরেখা XX' হইতে প্ল্যানে উহা ১ ফুট

দূরে, ও পুরোদৃশ্যে  $XX'$ -রেখা হইতে ২ ফুট উপরে দেখা যাইবে। ইহাই বিন্দুর প্রক্ষেপ।

[ বিশেষ জটিল্য : বিন্দুটি মেঝে হইতে ২ ফুট দূরে আছে বলিয়া, পুরোদৃশ্য (elevation)-এ বিন্দুটিকে ভূমিরেখা  $XX'$ -এর ২ ফুট (বামদিকের পার্শ্বদৃশ্য), এবং উহা দেওয়াল হইতে ১ ফুট দূরে আছে বর্গ প্রত্যান (plan)-এ  $XX'$ -রেখার ১ ফুট নীচে অঙ্কিত করিতে হইল। প্রক্ষেপ-রেখাগুলি ফুটুকি ফুটুকি বা “বিচ্ছিন্ন” (broken) রেখা দিয়া দেখান’ হইয়া থাকে, এবং বস্তুর যে রেখা বা অংশ দৃষ্টি-পথের আড়ালে পড়ে, তাহাও ফুটুকি ফুটুকি বা বিচ্ছিন্ন রেখার দ্বারা আঁকা হয়। ]

### সরল রেখার প্রক্ষেপ :

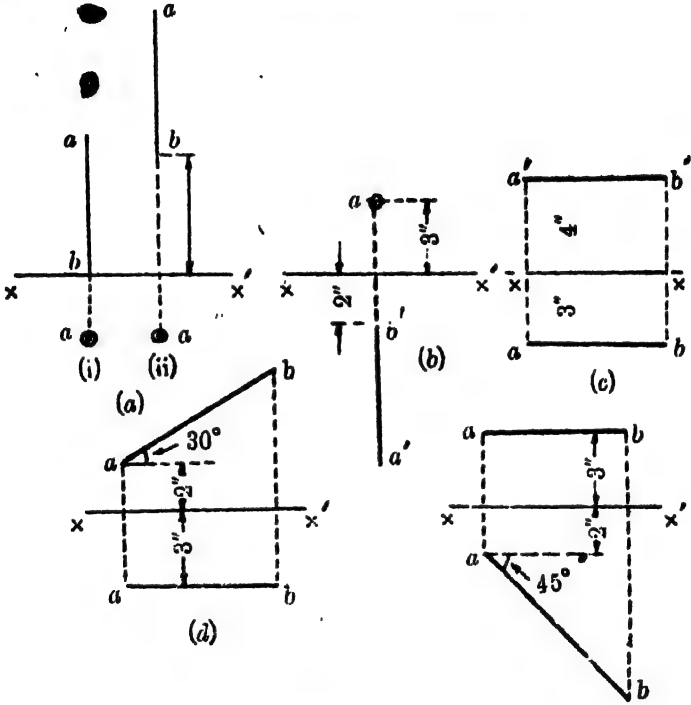
বিস্তার বিহীন দৈর্ঘ্যের নাম রেখা। অতএব যদি বহুসংখ্যক বিন্দুকে একের এক করিয়া ঘেঁষাঘেঁষি রাখা যায়, তবে একটি রেখার উৎপত্তি হইবে ; এবং যদি ঐ বিন্দু সকল ঋজুভাবে একের পর এক ব্যবস্থিত থাকে, তবেই তাহা সরলরেখা হয়। সুতরাং যদি কোন সরলরেখা শয়ান অবস্থায় (in horizontal position) থাকে, তবে অবস্থান-বিশেষে তাহার প্রক্ষেপ নিজের চিত্রগুলির মত হইবে।

চিত্র 111 (a) (i) : এখানে  $ab$ -সরল রেখাটি ভূমিরেখার উপরে উহার সহিত লম্বভাবে রহিয়াছে (যেন ঘরের মেঝের উপরে দেওয়াল হইতে কিছু দূরে একটি লম্বা খুব সরু তারকে খাড়া করিয়া দাঁড় করাইয়া রাখা হইয়াছে)। অতএব স্মৃতিশক্তি হইতে দেখিলে, উহাকে একটি উর্ধ্বাধঃ সরলরেখাই দেখা যাইবে ; আর ইহাই হইবে এই রেখার পুরোদৃশ্য (elevation)। এইবার যদি রেখার ঠিক উপরে একটি চক্ষু রাখিয়া দেখা যায়, তবে মাত্র একটি বিন্দু নজরে আসিবে, এবং মনে হইবে যেন ঐ বিন্দু মেঝের উপরে রহিয়াছে ; অতএব এই রেখার প্রত্যান (plan) একটি বিন্দুমাত্র।

চিত্র a(ii) : কিন্তু যদি রেখাকে ভূমিরেখা হইতে কিছু উর্ধ্ব রাখা যায়, তবে পুরোদৃশ্যে রেখার  $b$ -প্রান্ত  $XX'$ -রেখা হইতে কিছু উর্ধ্ব অবস্থান করিবে, সুতরাং উহার  $a$ -প্রান্তও ভূমিরেখা হইতে আরও ততটা উচুতে

থাকিবে; কিন্তু প্র্যানে যে বিন্দু দেখা যাইবে, তাহা (i) চিত্রে প্রদর্শিত-মত  $XX'$ -রেখা হইতে সমান দূরেই থাকিবে।

চিত্র (b) : এখানে একটি সরলরেখাকে শূন্যে শরানভাবে এমন করিয়া বুলাইয়া রাখা হইয়াছে যে, উহা ঘরের মেঝে হইতে ৩ ইঞ্চি উচ্চে এবং উহা দেওয়াল হইতে ২ ইঞ্চি দূরে, ও দেওয়ালের লম্বভাবে রহিয়াছে।



চিত্র নং 111

এই রেখার প্রক্ষেপ-চিত্র অঙ্কন করিতে হইলে, প্রথমে  $XX'$ -রেখা আঁকিয়া তাহার উপরের দিকে ৩ ইঞ্চি দূরে একটি বিন্দু হইবে, কেননা রেখাটি দেওয়ালের লম্বভাবে থাকায় সমুখ দিক হইতে উহাকে একটি বিন্দুর আকারে দেখা যাইবে; তাই ইহাই এই সরলরেখার পুরোদৃশ্য।



এইবার ঐ বিন্দু হইতে  $XX'$ -রেখার উপরে ফুটকি ফুটকি রেখা দিয়া লম্ব ভাবে উর্ধ্বাধঃ প্রক্ষেপ-রেখা পাত করিয়া উহাকে ভূমিরেখার নীচের দিকে বর্ধিত করিতে হইবে ; এবং রেখা দেওয়াল হইতে ২ ইঞ্চি দূরে আছে বলিয়া,  $XX'$ -রেখা হইতে ২ ইঞ্চি নীচে পর্যন্ত ফুটকি ফুটকি রেখা টানিয়া, পরে  $a b$  রেখার দৈর্ঘ্য অল্পখানী স্পষ্ট অবিচ্ছিন্ন রেখা (firm line) দিয়া  $a'b'$  অঙ্কিত করিতে হইবে।

(**জ্যেষ্ঠব্য :** এমন স্থলে, প্রদত্ত-বস্তুর বিন্দু সকলকে  $a, b, \dots$  প্রভৃতি অক্ষর দিয়া, এবং উহার প্রক্ষেপ-লব্ধ বিন্দু সকলকে, যথাক্রমে,  $a', b', \dots$  দিয়া, কিংবা প্রথমটিকে  $A, B, \dots$ , এবং অপরদিকে  $a, b, \dots$  অথবা  $A', B', \dots$  ইত্যাদি অক্ষর দিয়া নির্দেশ করা হইয়া থাকে।)

**চিত্র (c) :** কোন সরলরেখা  $ab$ , উর্ধ্বাধঃ-তল হইতে ৩" ইঞ্চি দূরে, এবং অল্পভূমিক তল হইতে ৪" ইঞ্চি উর্ধ্বে শয়ানভাবে (horizontally), এবং প্রত্যেক তলের সমান্তরালে অবস্থিত আছে ; ইহার প্রক্ষেপ-দৃশ্য অঙ্কিত করিতে হইলে, প্রথমে  $XX'$ -রেখা অঙ্কিত কর ; পরে ঐ  $ab$ -রেখা উর্ধ্বাধঃ-তল হইতে ৩ ইঞ্চি দূরে এবং ঐ তলের সমান্তরালে আছে বলিয়া,  $XX'$ -রেখা হইতে ৩ ইঞ্চি নীচে ও তাহার সমান্তরালে  $ab$ -রেখা টানিতে হইবে। ইহাই চিত্রের প্রদান।

এইবার  $ab$ -রেখার  $a$  ও  $b$  প্রান্ত হইতে উর্ধ্বাধঃ প্রক্ষেপ-রেখা  $XX'$ -ভূমি রেখা পর্যন্ত উত্তোলিত কর, ও উপরদিকে তাহাদের আরও ৪ ইঞ্চি বর্ধিত করিয়া  $a'b'$ -এই সরল রেখার দ্বারা যোগ কর।

অতএব এক্ষেত্রে, অর্থাৎ পুরোদৃশ্যে,  $ab$ -সরলরেখার প্রক্ষেপ  $a'b'$  সরলরেখা।

**চিত্র (d) :** কোন সরলরেখা  $ab$ , ভূমিতলের সহিত  $30^\circ$ -ভিগ্নি আনতি (inclination)-তে, উহার নিম্নপ্রান্ত ভূমিতল হইতে ২ ইঞ্চি উর্ধ্বে, এবং উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরালে অবস্থান করিতেছে ; ইহার প্রক্ষেপ-চিত্র অঙ্কিত কর।

এক্ষেত্রে প্রথমে  $ab$ -রেখার পুরোদৃশ্য অঙ্কিত করিয়া, তাহার পর উহার প্রদান অংকিত করিতে হইবে।

যথারীতি  $XX'$ -রেখা অঙ্কিত কর, এবং উহার উপরের দিকে ২ ইঞ্চি দূরে

একটি বিন্দু লও; ইহাই  $ab$ -রেখার  $a$ -বিন্দু। ঐ বিন্দু হইতে একটি ফুটকি ফুটকি শয়ান রেখা অঙ্কিত কর, ও এইবার প্রোট্রাক্টর বা “চাঁদা” দিয়া শয়ান রেখার সহিত  $30^\circ$ -ভিগ্রিতে একটি রেখা  $ab$  টানিয়া এক কোণ রচনা কর। এই  $ab$ -রেখাই প্রদত্ত রেখার পুরোদৃশ্য (elevation)। অতঃপর  $a$  ও  $b$  বিন্দুদ্বয় হইতে ফুটকি ফুটকি দুইটি প্রক্ষেপ-রেখা লম্বভাবে  $XX'$ -রেখার উপরে পাতিত কর ও তাহাদের নীচের দিকে বর্ধিত কর। [ এই প্রক্ষেপ রেখাদ্বয়কে  $XX'$ -রেখার নীচে কতদূর বর্ধিত করিতে হইবে, যদি প্রক্ষেপে তাহা দেওয়া থাকে ত ভাল; নহিলে উহা কতটা ইচ্ছা ততটা নামাইলেই চলিবে; এখানে চিত্রে  $3''$  ইঞ্চ নীচে পর্যন্ত দেখান আছে )। ইহাদের প্রান্তদ্বয় যোগ করিলে  $XX'$ -রেখার সমান্তরালে যে শয়ান রেখা পাওয়া যাইবে, তাহাই প্রদত্ত রেখার ম্যান  $ab$ ।

(জটব্য : ম্যানের রেখার দৈর্ঘ্য মাপিয়া দেখিলে দেখা যাইবে, উহা পুরোদৃশ্যের  $ab$ -রেখা অপেক্ষা দ্রুতর। )

চিত্র (e) : সরলরেখা  $ab$ -র অবস্থান চিত্র (d)-এরই অঙ্করূপ, তবে এক্ষেত্রে রেখাটি উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $45^\circ$ -কোণে আনত, ও উহার নিম্নপ্রান্ত ভূমিরেখা হইতে  $2$  ইঞ্চ দূরে অবস্থিত; সঙ্গে সঙ্গে রেখাটি ভূমিতলের সমান্তরালে, ও উহা হইতে  $3$  ইঞ্চ উর্ধ্বে অবস্থিত। ইহার প্রক্ষেপ-চিত্র অঙ্কিত করিতে হইবে।

$XX'$ -রেখার  $2''$  ইঞ্চ নীচে  $a$ -বিন্দু লও, ও উহা হইতে  $XX'$ -রেখার সমান্তরালে এক ফুটকি ফুটকি রেখা আঁক। ঐ রেখার সহিত  $45^\circ$ -ভিগ্রি আনতিতে  $ab$ -রেখা আঁক।  $a$  ও  $b$  হইতে দুইটি ফুটকি ফুটকি প্রক্ষেপ উর্ধ্বাধঃ-রেখা  $XX'$ -রেখা পর্যন্ত উত্তোলন করিয়া, ঐ রেখাদ্বয়কে  $3''$  ইঞ্চ উপর পর্যন্ত লইয়া যাও, এবং উহাদের প্রান্ত-বিন্দুদ্বয়কে  $ab$ ,—এই শয়ান রেখার দ্বারা যুক্ত কর।

**প্রক্ষেপ-চিত্র হইতে প্রদত্ত রেখার প্রকৃত দৈর্ঘ্য**  
(true length) বাহির করিবার উপায় :

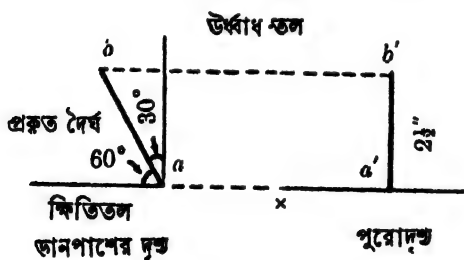
ইহা করিতে হইলে, দুইটি দৃশ্যের সম্বন্ধে (যথা ম্যান ও পুরোদৃশ্য), একটি পার্শ্বচিত্র (side view) অঙ্কিত করিতে হয়; তখন তাহা হইতে প্রদত্ত রেখার

প্রকৃত দৈর্ঘ্য ধরা পড়ে। কখন কখন এই পার্শ্বদৃশ্য অঙ্কিত না করিলেও চলে। উদাহরণ স্বরূপ চিত্র নং 111 (d)-এর উল্লেখ করা যাইতে পারে। এখানে দেখা যাইবে, রেখার প্র্যান নীচের  $ab$ -রেখা। তাহার অর্থ এই যে, যদি উপরের  $ab$ -কে  $2\frac{1}{2}$ " করিয়া টানা যায়, তবে নীচের  $ab$ -কে মাপিলে উহা  $2'165''$  ইঞ্চ হইবে। এখন যদি বিষয়টিকে উহার বিপরীত ক্রমাসারে গ্রহণ করা যায়, অর্থাৎ যদি রেখার প্র্যান  $2'165''$  ইঞ্চ, এবং উহার অপরাপর ক্ষুদ্রতম বিষয় চিত্র (d)-এর মত দেওয়া থাকে, তবে প্রথমে সরলরেখাকে  $2'165''$  ইঞ্চ করিয়া প্র্যানে অঙ্কিত করিয়া, উহাকে উর্ধ্বাধঃ-তলে প্রক্ষেপ করিয়া ভূমিরেখা হইতে  $2''$  ইঞ্চ উপরের  $a$ -বিন্দু হইতে ভূমিরেখার সহিত  $30^\circ$ -আনতিতে এক রেখা অঙ্কিত করিলে যে বিন্দুতে উহা  $b$ -বিন্দু হইতে উভোলিত প্রক্ষেপ-রেখাকে ছেদ করিবে, তত পর্যন্ত দূরত্বই রেখার প্রকৃত দৈর্ঘ্য হইবে, ও উহাকে মাপিলে ঠিক  $2\frac{1}{2}$ " ইঞ্চ পাওয়া যাইবে।

### পার্শ্বদৃশ্য (Side-elevation)-এর সাহায্যে প্রকৃত

### দৈর্ঘ্য বাহির করা :

মনে কর, কোন রেখার পুরোদৃশ্য (front elevation)  $2\frac{1}{2}$ " ইঞ্চ ; ঐ রেখা উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $30^\circ$ -ডিগ্রি, ও ভূমিতলের সহিত  $60^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে



পার্শ্বদৃশ্য হইতে প্রকৃত দৈর্ঘ্য নির্ণয়

চিত্র নং 112

অবস্থিত আছে ; রেখাটির প্রকৃত দৈর্ঘ্য নির্ণয় করিতে হইবে। চিত্রের পাশের দৃশ্য হইতে রেখাটির অবস্থান যথাযথ বুঝা যাইবে। এই চিত্র হইতে দেখা যাইবে,

$a'b'$ -রেখা প্রদত্ত পুরোদৃশ্য, আর পার্শ্বচিত্রে প্রদর্শিত  $ab$ -রেখা ভূমিতলের সহিত  $60^\circ$ -ভিত্তি, ও উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $(90^\circ - 60^\circ =) 30^\circ$ -কোণে আনত রহিয়াছে। এইবার পুরোদৃশ্যের ভূমিতলের সহিত সমরেখায় পার্শ্বদৃশ্যের ভূমিরেখা আঁকিয়া, পুরোদৃশ্যের  $b'$ -বিন্দু হইতে এক শয়ান প্রক্ষেপ-রেখায় দ্বারা  $ab$ -রেখাকে  $b$ -বিন্দুতে ছেদ কর। ইহাই হইল রেখার প্রকৃত দৈর্ঘ্য। মাপিলে দেখা যাইবে উহা  $2'88''$ -এ দীর্ঘ।

### একতলীয় ক্ষেত্র (Plane figure)-এর প্রক্ষেপ :

যে ক্ষেত্রের আয়তন (area) আছে কিন্তু গভীরতা (depth) নাই, তাহাকে একতলীয় ক্ষেত্র (plane figure) বলে। একখানি পাতলা কাগজের উপরে যে-কোন আকারের চিত্র আঁকিলে তাহাকে একতলীয় ক্ষেত্র বলা যাইবে। কাগজে কাটা জ্যামিতির ত্রিভুজ, বর্গক্ষেত্র, আয়তক্ষেত্র, বহুভুজ, প্রভৃতি একতলীয় ক্ষেত্রের নিদর্শন। ইহাদের আয়তন বা ক্ষেত্রফল (surface area) আছে, কিন্তু গভীরতা (depth) নাই।

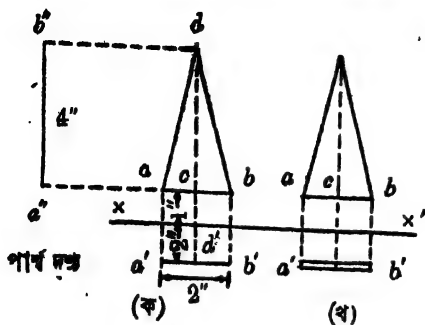
### ত্রিভুজের প্রক্ষেপ :

কোন সমদ্বিবাহু ত্রিভুজ ভূমিরেখা হইতে  $1''$  ইঞ্চ উপরে এমন ভাবে রক্ষিত আছে যে, উহার আধার (base) ভূমিরেখার সহিত সমান্তরাল ; আধারের দৈর্ঘ্য  $2''$  ইঞ্চ, ও ত্রিভুজের উর্ধ্বাধঃ উচ্চতা (vertical height)  $4''$  ইঞ্চ। ত্রিভুজটি উর্ধ্বাধঃ-তল হইতে  $2''$  ইঞ্চ দূরে অবস্থিত, ও উহার তল (plane) উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরাল।

$XX'$ -রেখার  $1''$ -ইঞ্চ উপরে, উহার সমান্তরালে  $2''$ -ইঞ্চ দীর্ঘ  $ab$ -রেখা [চিত্র নং 113 (ক)] ত্রিভুজের আধার ; উহার মধ্যবিন্দু  $c$  হইতে  $4''$  ইঞ্চ উচ্চ লম্ব  $cd$  উত্তোলন করিয়া  $ad$  ও  $bd$  সংযুক্ত করায়  $adb$  সমদ্বিবাহু ত্রিভুজ রচিত হইয়াছে।

এখন  $a$  ও  $b$  বিন্দুদ্বয় হইতে  $XX'$ -রেখারও  $2''$  ইঞ্চ নীচে পর্যন্ত প্রক্ষেপ টানিয়া  $a'$  ও  $b'$  বোগ করিলে ত্রিভুজের প্রক্ষেপ চিত্র সম্পূর্ণ হইবে। চিত্র হইতে

দেখা যাইবে, ত্রিভুজের প্ল্যানে  $a'b'$ -এর দৈর্ঘ্য  $2''$ , এবং যদি উহার পাশের চিত্র



চিত্র নং 113

অঙ্কিত করা যায়, তবে উহা এক উর্ধ্বাধঃ সরলরেখা ( $a''b''$ ) হইবে ও উহার দৈর্ঘ্য  $4''$  ইঞ্চ হইবে।

[জ্যেষ্ঠ ব্যাঃ] যত ল ক্ষেত্রের গভীরতা নাই বলিয়া প্ল্যান-এর (ক)-চিত্রে উহা মাত্র  $a'b'$ -রেখার দ্বারা সূচিত হইয়াছে; কিন্তু যদি বিন্দু-

মাত্র গভীরতা (thickness or depth) থাকিত, তবে চিত্র (figure) আর “একতলীয়” থাকিত না; তখন তাহাকে “ঘনক্ষেত্র” বলা হইত, আর তখন তাহার প্ল্যান (খ)-চিত্রের মত হইত]

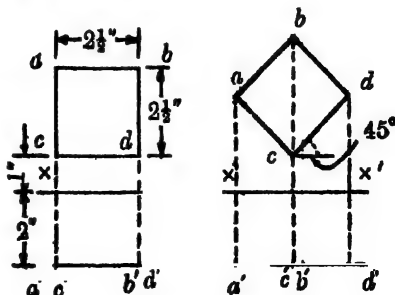
**বর্গক্ষেত্রের প্রক্ষেপঃ**

### সম্পাদ্য 1.

যদি  $2\frac{1}{2}''$ -ইঞ্চ বাহুবিশিষ্ট বর্গক্ষেত্রের একটি বাহু ভূমিরেখা হইতে  $1''$  ইঞ্চ উপরে, উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরালে, ও উহা হইতে  $2''$  ইঞ্চ দূরে অবস্থান করে, তবে

(i) তাহার পুরোদৃশ্য ও প্ল্যান অঙ্কিত কর।

অঙ্কনঃ  $2\frac{1}{2}''$ -ইঞ্চ বাহু বিশিষ্ট একটি চতুর্ভুজ বর্গক্ষেত্র  $acdb$ ,  $XX'$ -রেখার  $1''$  ইঞ্চ উপরে এমনভাবে অঙ্কিত কর, যাহাতে উহার  $cd$ -বাহু  $XX'$ -রেখার সমান্তরালে থাকে। এইবার উহার  $c$  ও  $d$  বিন্দু হইতে প্রক্ষেপ-রেখা  $XX'$ -রেখার



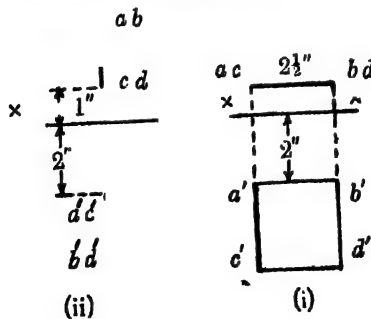
চিত্র নং 114

২" ইঞ্চ নীচে পর্যন্ত লম্বিত কর। এখন একতলীয় ক্ষেত্রের (plane figure) বেধ (thickness) নাই বলিয়া, ভূমিরেখা হইতে ২" ইঞ্চ নীচে পর্যন্ত যে দুইটি প্রক্ষেপ-রেখা আঁকা হইয়াছে, তাহাদের অগ্রভাগ স্পর্শ করিয়া এক শয়ান রেখা  $a'o'-b'd'$  অঙ্কিত কর; ইহাই এই বর্গক্ষেত্রের প্ল্যান।

(ii) যদি বর্গক্ষেত্রের পুরোদৃশ্য  $cd$ -বাহু ভূমিরেখা  $XX'$  হইতে  $15^\circ$ -ডিগ্রিতে আনত থাকে, তবে তাহার প্ল্যান অঙ্কিত কর।

অঙ্কন : প্রথমে  $XX'$ -ভূমিরেখা অঙ্কিত করিয়া, উহা হইতে  $1''$  উপরে অবস্থিত  $cd$ -বিন্দু হইতে  $45^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে  $acdb$  বর্গক্ষেত্রের  $2\frac{1}{2}''$ -ইঞ্চ দীর্ঘ  $cd$  বাহু অঙ্কিত কর, ও তাহার উপরে  $cdba$  এক বর্গক্ষেত্র গঠন কর। এইবার  $XX'$ -ভূমিরেখার  $2''$ -ইঞ্চ নীচে, ও উহার সমান্তরালে এক সরলরেখা অঙ্কিত করিয়া পুরোদৃশ্যের  $a$ ,  $(cb)$  ও  $d$  হইতে ঐ রেখার উপরে, যথাক্রমে,  $a'$ ,  $(c'b')$ , ও  $d'$ , এই প্রক্ষেপ-রেখাগুলি পাতিত কর; তাহা হইলে এই  $a' c'b' d'$  রেখা ঐ চতুর্ভুজের প্ল্যান হইবে [ 114 নং চিত্রের ডানপার্শ্বের দৃশ্য ]।

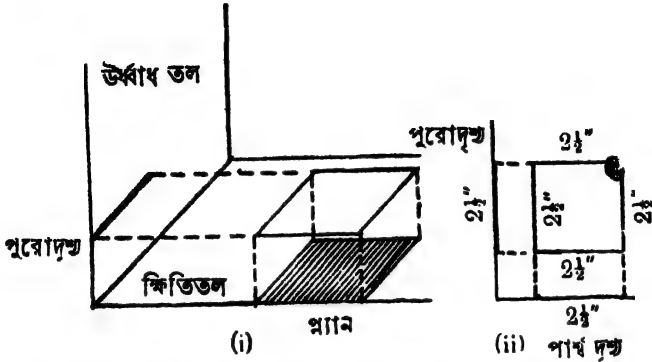
(iii) যদি উপরের বর্গক্ষেত্রকে  $XX'$ -ভূমিরেখার  $1''$  ইঞ্চ উপরে ও উর্ধ্বাংশ : তলের লম্বভাবে এবং উহা হইতে  $2''$ -ইঞ্চ দূরে রাখা যায়, তবে তাহার পুরোদৃশ্যও প্ল্যান অঙ্কিত কর।



চিত্র নং 115

[ জটিল্য : এ প্রকল্পের সমাধানে দুইটি চিত্র হইতে পারে। প্রথম, বর্গক্ষেত্রটি উর্ধ্বাংশ : তলের লম্বভাবে অবস্থিত বটে, কিন্তু ভূমিতলের সমান্তরালে অবস্থিত ;

আর দ্বিতীয় ক্ষেত্রে, বর্গক্ষেত্রটি উর্ধ্বাধ: তল ও ভূমিতল, দুয়েরই লম্বভাবে অবস্থিত। পার্শ্ব-দৃশ্য [ চিত্র নং 115 (i) ও (ii) ] হইতে ইহা স্পষ্ট প্রতীয়মান হইবে ]।



প্রক্ষেপ করিলে একতলীয় চিত্র (Plane figure)-কে যেমন দেখায়, তাহার দৃশ্য।

চিত্র নং 116

**অঙ্কন :** (a) [ চিত্র নং 115 (i) ] ; প্রথমে ভূমিরেখা অঙ্কিত করিয়া, উহা হইতে  $1''$  ইঞ্চ উপরে ও উহার সমান্তরালে  $2\frac{1}{2}''$  ইঞ্চ দৈর্ঘ্যের  $ac - bd$  সরলরেখা ঐ বর্গক্ষেত্রের পূর্বোদৃশ্য হিসাবে অঙ্কিত কর। এইবার ঐ রেখার দুই প্রান্ত হইতে দুইটি প্রক্ষেপ রেখা,  $XX'$ -রেখা ভেদ করিয়া  $2''$ -ইঞ্চ নীচে পর্যন্ত বর্ধিত কর; ইহার দুই প্রান্তবিন্দু স্পর্শ করিয়া  $XX'$ -রেখার সমান্তরালে একটি রেখা টানিলে তাহা  $a'b'$ ,—অর্থাৎ চতুর্ভুজ ক্ষেত্রের এক বাহু হইবে। অতঃপর প্রক্ষেপ-রেখা দুইটিকে আরও  $2\frac{1}{2}''$  ইঞ্চ বর্ধিত করিলে  $c'$  ও  $d'$  কোণদ্বয় পাওয়া যাইবে; এবং এই দুইটিকে সংযুক্ত করিলে চতুর্ভুজের আর একটি বাহু  $c'd'$  পাওয়া যাইবে। সর্বশেষে  $a'$  ও  $c'$  এবং  $b'$  ও  $d'$  বিন্দু-সকল যোগ করিলে  $a'b'c'd'$  চতুর্ভুজ প্র্যান-হিসাবে পাওয়া যাইবে।

(b) [ চিত্র নং 115 (ii) ] ; এ ক্ষেত্রে চতুর্ভুজের সমতল (plane) উর্ধ্বাধ:-তল ও ভূমিতল উভয়ের লম্বভাবে থাকিবে বলিয়া, চতুর্ভুজের উচ্চতা বা 'বেধ', ( বাহা এক্ষেত্রে একটি রেখা মাত্র ), তাহাই পূর্বোদৃশ্য ও প্র্যানে দেখা যাইবে।

অতএব প্রথমে  $XX'$ -ভূমিরেখা অঙ্কিত করিয়া, তাহা হইতে  $1''$ -ইঞ্চ উপরে  $2\frac{1}{2}''$  ইঞ্চ লম্বা একটি সরলরেখা মাত্র চিত্রের পুরোদৃশ্য হইবে। এইবার ঐ রেখা হইতে প্রক্ষেপ-রেখা ভূমিরেখা ভেদ করিয়া  $2''$  ইঞ্চ বাড়াইয়া দাও, ও তাহাকে আরও  $2\frac{1}{2}''$ -ইঞ্চ দীর্ঘ কর। ইহাই হইল প্ল্যান।

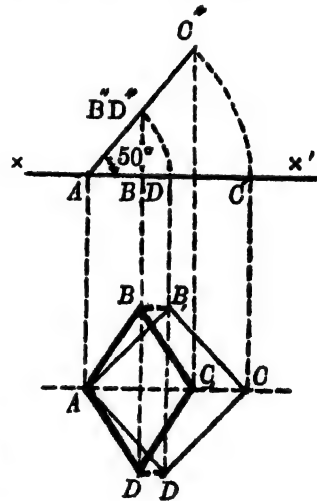
## সম্পাদ্য ২.

কোণ বর্গক্ষেত্রাকার ঘূড়ির কর্ণ ও  $3'525$  ইঞ্চ দীর্ঘ; ঘূড়িখানি উহার এক কর্ণের উপর ভর দিয়া মেঝের সঙ্গে  $50^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে অবস্থান করিতেছে; উহার তল উর্ধ্বাধঃ-তলের অনুলম্ব; অবস্থায় ঐ ঘূড়ির পুরোদৃশ্য ও প্ল্যান অঙ্কিত কর।

ঘূড়ি বর্গক্ষেত্র বলিয়া, এবং পাতলা কাগজের বলিয়া, উহা একতলীয় ক্ষেত্র বলিয়া গণ্য। এখন প্রথমে এই বর্গক্ষেত্রের বাহু নির্ণয় করিয়া, তাহার প্ল্যান অঙ্কিত কর।

$$\begin{aligned} \text{বর্গক্ষেত্রের কর্ণ} &= \sqrt{2} \times \text{বাহু} \\ &= 1'41 \times \text{বাহু} \\ \therefore \text{বাহু} &= \frac{3'525}{1'41} = 2'5 \text{ ইঞ্চ}; \end{aligned}$$

সুতরাং এক  $XX'$ -ভূমিরেখা অঙ্কিত করিয়া, তাহা হইতে নীচে ও তাহার সমান্তরালে  $3'525$  ইঞ্চ লম্বা ঘূড়ির কর্ণ  $AC$  অঙ্কিত কর, ও সেই কর্ণের উপর  $2\frac{1}{2}''$ -ইঞ্চ বাহু-যুক্ত  $AB_1CD$  বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত কর (সরল রেখার বর্গক্ষেত্র)।



চিত্র নং 117

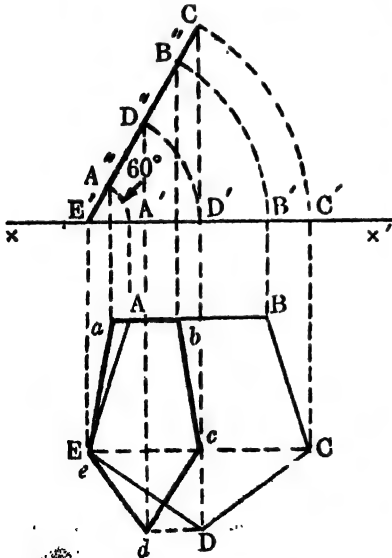
এই চারি বিন্দু  $A, B_1, C, D$  হইতে ভূমিরেখার উপর প্রক্ষেপ-রেখা উত্তোলন কর। এই রেখা  $AC$ -রেখারই সমান দীর্ঘ,—সুতরাং ইহা  $XX'$ -রেখার উপরে ঘূড়ির পুরোদৃশ্য। এখন এই ঘূড়ির কর্ণ ভূমিরেখার সহিত  $50^\circ$ -ডিগ্রিতে আনত করিয়া,  $AC'$  রেখার সহিত  $50^\circ$ -ডিগ্রিতে এক রেখা টানিয়া,  $A$ -বিন্দুকে কেন্দ্র



করিয়া, AD ও AC'-কে ব্যাসার্ধ লইয়া দুইটি এমন চাপ অঙ্কিত কর যাহাতে তাহারা AC" রেখার সহিত মিলিত হয়। অতঃপর B"D" ও C" হইতে ভূমিতল (horizontal plane)-এ প্রক্ষেপ-রেখা টান, ও XX'-রেখার উপরে বত প্রক্ষেপ-লব্ধ বিন্দু পাওয়া গিয়াছে, তাহাদের নীচে নামাইয়া দাও। এখন B<sub>১</sub> হইতে B ও D হইতে D,—এই দুই রেখা কর্ণ-রেখার সমান্তরালে অঙ্কিত করিয়া B<sub>১</sub>, ও D বিন্দুদ্বয় নিরূপণ কর; সর্বশেষে ABC<sub>১</sub>DA, অঙ্কিত করিয়া 50°-ভিত্তি আনতিতে ঘূড়ির প্রাণ সম্পূর্ণ কর (মোট রেখার অঙ্কিত)।

### সম্পাদ্য ৩.

1'5" ইঞ্চ দীর্ঘ বাহুবিশিষ্ট এক সম-পঞ্চভুজ ভূমিতলের উপরে 60°-ভিত্তি আনতিতে ও উর্ধ্বাধঃ-তলের লম্বভাবে দাঁড়াইয়া আছে; উহার এক বাহু ভূমিরেখার সমান্তরাল। ইহার পুরোদৃশ্য ও প্রাণ অঙ্কিত কর।



চিত্র নং 118:

উপর ভিন্ন কোণের বিন্দুগুলির (যথা A', E', D', C', B')-ও প্রক্ষেপ নির্দেশ কর,—

অঙ্কন : প্রথমে XX'-রেখার তলদেশে ও উহার সমান্তরালে 1'5"-ইঞ্চ দীর্ঘ একটি সরলরেখা, AB, সম-পঞ্চভুজের একবাহু হিসাবে অঙ্কিত কর, এবং উহার নীচের দিকে সম-পঞ্চভুজ ABCDE গঠন কর। ইহার গঠন-প্রণালী পূর্বে বলা হইয়াছে।

XX'-রেখার উপরে পুরোদৃশ্য E'C' অঙ্কিত কর।

এইবার এই E'C' রেখাকে 60°-তে ঘুরাইয়া দাও, ও E'C"-কে E'C'-এর সমান কর; এবং XX'-রেখার উপরে প্রাণের

$E'$ -কে কেন্দ্র করিয়া  $A'$ ,  $D'$ , প্রভৃতিকে ব্যাসার্ধ করিয়া, এক এক চাপ  $E'O$  পর্বন্ত টান।

অনন্তর, যে যে বিন্দুতে ঐসব চাপ  $E'O$  রেখাকে স্পর্শ করিল, তথা হইতে এক এক প্রক্ষেপ-রেখা ভূমিতল পর্বন্ত নামাইয়া দাও;  $B'$ -বিন্দু হইতে প্রক্ষেপ-রেখা যে বিন্দুতে প্র্যানের  $AB$ -রেখাকে স্পর্শ করিয়াছে, ততদূর (অর্থাৎ  $ab$ ) বিন্দু, আনত-পঞ্চভুজের বাহ।

প্র্যানের  $EC$  যোগ কর; এবং  $C'$  হইতে যে প্রক্ষেপ-রেখা নামিয়া আসিয়াছে, তাহার ও ইহার ছেদ-বিন্দু পর্বন্ত এক রেখা টানিয়া আনত পঞ্চভুজের  $bc$ -বাহু অঙ্কিত কর।

$E'$ -বিন্দু ভূমিরেখা স্পর্শ করিয়া আছে বলিয়া, ঐ বিন্দুর প্রক্ষেপের কোন পরিবর্তন হইবে না; তাই প্র্যানে  $E$ -বিন্দুই  $e$ -বিন্দু।  $ae$  যোগ কর।

অতঃপর  $D'$  হইতে এক প্রক্ষেপ-রেখা নামাইয়া, পূর্ণাকার পঞ্চভুজের  $D$ -বিন্দু হইতে এক অস্থভূমিক রেখা বামদিকে টানিয়া  $d$ -বিন্দু নির্দেশ কর, আর  $aedcb$  সংযুক্ত কর।

ইহাই  $60^\circ$ -ভিগ্রি আনতিতে পঞ্চভুজের প্র্যান, আর  $E'O$  ইহার পুরোদৃশ্য।

### ঘন-বস্তুর প্রক্ষেপ

ঘন-বস্তু নানা আকারের। বিভিন্ন বস্তুর অংশ, কল-কজা ও যন্ত্রের অংশ, ইমারত প্রভৃতির অংশ-হিসাবে, ঘন-বস্তুর আকৃতি অগণিত প্রকার ও জটিল; কিন্তু সে সমস্তই কয়েকটি প্রধান প্রধান আদর্শ-আকৃতির সমাবেশ মাত্র। সেই আদর্শ-গুলি প্রধানতঃ ঘনক (cube); উপঘনক (prisms of different types); ত্রিকোণ ঘনক (triangular prisms); পিরামিড (pyramids) বা শিখর; চতুষ্পলক (tetrahedrons); বহুতলক বা বহুফলক (polyhedrons); বর্তুল (spheres); শঙ্খ (cones); ইত্যাদি, ইত্যাদি। অতএব এখানে এইরূপ কয়েকটি আদর্শ-আকারের ঘন-বস্তুর প্রক্ষেপ প্রভৃতি সম্বন্ধেই আলোচনা করা হইবে।

. ঘন-বস্তু গুলিকে নানা ভাবে বিশ্লেষণ করিয়া তাহাদের প্রক্ষেপ-দৃশ্য অঙ্কন

করা যাইতে পারে ; যেমন, বস্তুগুলিকে ভূমিতলের উপরে বসাইয়া, কিংবা ভূমিতল হইতে হেলাইরা রাখা যাইতে পারে ; আর তখন তাহাদের উর্ধ্বাধঃ-সমতল (face) গুলি উর্ধ্বাধঃ-তলের (vertical plane-এর) সমান্তরালে, কিংবা যে-কোন আনতি বা উন্নতিতে আনত বা উন্নত থাকিতে পারে। অথবা তাহাদের যে-কোন কোণে রাখাও চলিতে পারে।

### সম্পাদ্য 1.

কোন ঘনকে ভূমিতল (horizontal plane)-এ এমনভাবে স্থাপন করা আছে যে, তাহার দুই উর্ধ্বাধঃ-পার্শ্ব (vertical faces) উর্ধ্বাধঃ-তল (vertical plane)-এর সমান্তরাল ও অপর দুই পার্শ্ব উহার আনুলম্বিক (perpendicular) ভাবে আছে ; উহাদের প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর :

অঙ্কন :  $XX'$ -ভূমিরেখা অঙ্কিত করিয়া তাহার নীচের দিকে ABCD,—এমন এক বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত কর যাহার AB বা DC রেখা  $XX'$ -রেখার সমান্তরাল, এবং AD ও BC পার্শ্বের উর্ধ্বাধঃ-তলের অনুলম্বভাবে অবস্থিত। যেহেতু ঘনক ছয়টি সমতলের সমবায় গঠিত এবং সমতলগুলি (faces)-এ উহার সমকোণে অবস্থিত, সে কারণে ঘনকের প্রাণও এক বর্গক্ষেত্র, এবং তাহার পুরোদৃশ্য ও যে-কোন পার্শ্ব-দৃশ্য, সবই বর্গক্ষেত্র। তাই ABCD-প্রাণের ঘনকেব পুরোদৃশ্য  $dc'c'd'$  [ চিত্র নং 119 (1) ]।

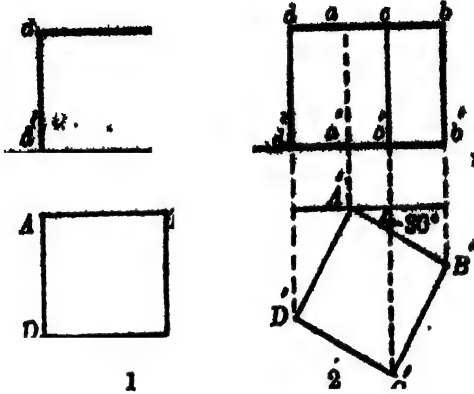
### সম্পাদ্য 2.

ভূমিতল (horizontal plane)-এ ঘনক এমনভাবে স্থাপিত আছে যে, তাহার এক উর্ধ্বাধঃ-তল (vertical face)  $XX'$ -রেখার সহিত  $30^\circ$ -ভিত্তি আনতিতে অবস্থিত ; ইহার প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

অঙ্কন : [ চিত্র নং 119 (2) ],  $XX'$ -রেখা হইতে কিছু নীচে, ও উহার সঙ্গে  $30^\circ$ -ভিত্তি আনতিতে ঘনকের এক পার্শ্ব  $A'B'$  বসাত, ও প্রাণ-হিসাবে বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত কর ; এইবাব প্রত্যেক কোণের বিন্দু  $A'$ ,  $B'$ ,  $C'$ , এবং  $D'$  হইতে

## প্রক্ষেপ

XX'-রেখা পর্যন্ত প্রক্ষেপ-রেখা উন্মোচন কর এবং তাহাদের প্রত্যেকটি  $a'a$ ,  $c'c$ ,  $b'b$ , অথবা,  $d'd$ -কে A'B'-রেখার সমান করিয়া বর্ধিত কর, ৭ উৎকর্ষের উপর প্রান্ত-সকল স্পর্শ করিয়া এক সরল রেখা  $daob$  অঙ্কিত কর তাহা হইলে  $d'a'e'b'baad$  চিত্রটি ঘনকের পুরোদৃশ্য হইবে। এখানে বুঝিবে



ঘনকের প্রক্ষেপ (Projection of a Cube)

চিত্র নং 119

হইবে, যেহেতু প্র্যানের নীচের দিক হইতে দেখিলে প্র্যানের A'-কোণ দর্শকের চক্ষের আড়ালে পড়িবে, তাই  $a'a$  শিরটি ফুটুকি ফুটুকি রেখার অঙ্কিত হইবে।

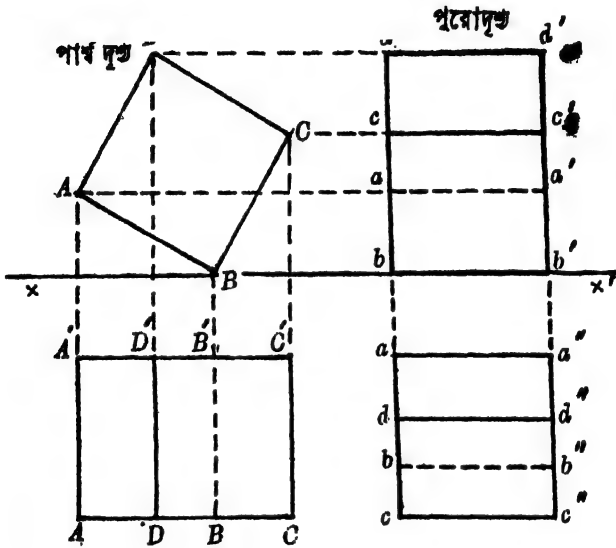
**জটিল্য :** যদি পুরোদৃশ্যে ঘনকটি XX'-রেখার সহিত কোন আনতিতে আনত থাকে, তবে তাহার প্র্যান ও পুরোদৃশ্যের অঙ্কন-প্রক্রিয়াও অন্তরূপ হইবে।

## সম্পাদ্য ৩

যদি কোন ঘনক তাহার এক শির বা কোণীয় রেখা (edge)-এর উপরে এমনভাবে দাঁড়াইয়া থাকে যে, সেই কোণীয় রেখাটি ভূমি-রেখার সমান্তরাল, অথচ তাহার এক পার্শ্ব (face) ভূমিতলের সহিত  $60^\circ$ -ভিত্তিতে আনত, তবে তেমন অবস্থানে ঘনকের পুরোদৃশ্য ও প্র্যান অঙ্কিত কর।

[ **উদ্দেশ্য :** ঘনকের এই অবস্থান উহার যে-কোন এক পার্শ্ব-দৃশ্য (side elevation) হইতে সম্যকরূপে ক্ষয়রক্ষম হইবে ] ।

**অঙ্কন :** প্রথমে পার্শ্ব-দৃশ্য অঙ্কিত করিলে ঘনকের অবস্থান পরিষ্কার ভাবে অল্পভবে আসিবে । তাহা হইতে উহার প্রাচীন সহজে বুঝা যায় (পার্শ্ব-দৃশ্যের প্রাচীন



প্রাচীন

চিত্র নং 120

দেখ) । এইবার পার্শ্ব-দৃশ্যের D, C, ও A-বিন্দু হইতে শয়ান প্রক্ষেপ-রেখা টানিয়া ডানপাশের পুরোদৃশ্য পাওয়া গিয়াছে ; স্পষ্ট বুঝা যাইবে, এই পুরোদৃশ্যে (অর্থাৎ পার্শ্বদৃশ্যকে ডানদিক হইতে দেখিলে),  $co'$ -কৌণিক রেখা দেখা যাইবে, এবং  $aa'$ -কৌণিক রেখা আড়ালে পড়িবে ; তাই ঘনকের আনত অবস্থার পুরোদৃশ্য ডানদিকের চিত্রে দেখান'-মত হইবে । এইবার উহার প্রাচীন অঙ্কিত করিতে হইলে,  $aa''$  কৌণিক রেখা সর্বোপরে বাইবে, তাহার পর  $dd''$ , তাহার-নীচে  $bb''$ , (ছুটুকি ছুটুকি), ও সকলের নীচে  $cc''$  থাকিবে ।

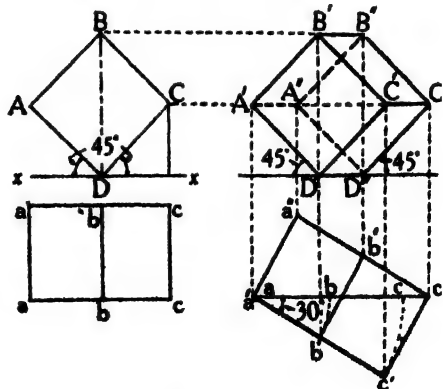
চতুর্ভুজক এবং বহুবলক (tetrahedrons as well as polyhedrons)-দের ক্ষেত্রেও এই পদ্ধতি অবলম্বন করিতে হয়।

যনকের যে প্রক্ষেপগুলি ইতিপূর্বে দেখান হইল, তাহাতে সকলেরই এক পার্শ্ব (one face), বা কোন-এক কোণীয় রেখা, কোন তল (plane)-এর সমান্তরালে, অথবা তাহারই উপরে স্থাপিত, আর অন্য আনুভূমিকতলে (on another perpendicular plane) তাহাদের প্রান্ত ও পুরোদৃশ্যই অঙ্কন করার প্রভেদ দেখান হইয়াছে। কিন্তু অনেক স্থলে তাহাদের যে-কোন কোণীয়-অবস্থানে অবস্থিত তল (on a plane inclined at any angle to the plane of reference)-এর প্রান্ত ও পুরোদৃশ্য,—এমন কি কতিপয় পুরোদৃশ্যে (sectional elevation)-ও প্রান্ত অঙ্কন করার আবশ্যকতা বোধ প্রায়ই করা হয়। এই কারণে এমন একটি কাল্পনিক অবস্থানের বিষয় বলা যাইতেছে।

#### সম্পাদ্য ৪

(d) কোন যনককে তাহার এক কোণীয় রেখা (edge)-এর উপরে এমন ভাবে দাঁড় করাইয়া রাখা হইয়াছে যে, তাহার একটি কর্ণ ঠিক উর্ধ্বাধঃ, ও অপরটি অনুভূমিক। এখন যদি তাহার অপর সকল অবস্থানকে অপরিবর্তিত রাখিয়া, মাত্র অক্ষ (axis)-কে  $30^\circ$ -ডিগ্রি ঘুরাইয়া দেওয়া যায়, তবে তাহার প্রান্ত ও পুরোদৃশ্য কি হইবে?

অঙ্কন: প্রথমে উর্ধ্বাধঃ-তল ও শয়ান তলকে বামপার্শ্বের দৃশ্যের মত অঙ্কিত করিয়া যনকের কোন এক কোণীয় রেখা (edge)-কে  $XX'$ -ভূমিরেখার উপর এমন ভাবে স্থাপন কর বাহাতে



কর্ণ BD ঠিক উৎসর্গাধঃ ভাবে থাকে,—অর্থাৎ  $\angle ADX$  ও  $\angle CDX'$  দুইই  $45^\circ$ -ভিত্তি করিয়া থাকে ; এই অবস্থায় ঘনকের প্রাণ অঙ্কিত কর। এইবার ডানপার্শ্বের চিত্রে যেমন অঙ্কিত করা হইয়াছে, তেমনভাবে প্রথম ভূমিরেখা  $ax'$ -এর সমরেখার আর একটি ভূমিরেখা টান, ও প্রাণের শয়ান রেখা  $abc$ -র সমরেখার আর একটি শয়ানরেখা  $a'c'$  টান, ও প্রাণের  $ab$  ও  $bc$  অংশ দুইটির সমান করিয়া, এই  $a'c'$ -রেখার উপরেও  $ab$  ও  $bc$  বসাত। অনন্তর টুহার সহিত  $30^\circ$ -ভিত্তি আনতিতে একরেখা টান। এইবার  $a$ -কে কেন্দ্র আর  $a'b$ -কে ব্যাসার্ধ লইয়া  $bb'$  চাপ অঙ্কিত কর, এবং ঐ  $a$ -কেন্দ্র হইতে  $ac$ -কে ব্যাসার্ধ লইয়া আর একটি চাপ  $cc'$  অঙ্কিত কর। ঘনকে  $30^\circ$ -ভিত্তি ঘুরান'র পরে  $b'$  ও  $c'$  বিন্দুদ্বয়  $b$  ও  $c$ -এর অবস্থান-বিন্দু। অনন্তর  $a'b'c'$  আধারের উপরে বামপার্শ্বের চিত্রের ঘনকের প্রাণের অক্ষরূপ আর এক প্রাণ অঙ্কিত কর। ইহাদের  $a'b'c'$ - $a''b''c''$  নাম দাও।

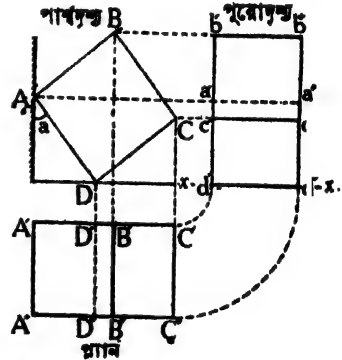
এখন পার্শ্ব-চিত্রের পুরোদৃশ্যের B, AC, এবং D-বিন্দু হইতে লম্বা অক্ষভূমিক প্রক্ষেপ-রেখা টান, এবং ডানদিকের প্রাণের  $a$  ( বা  $a'$  ) হইতে উৎসর্গাধঃ  $aA'$  প্রক্ষেপ-রেখা উত্তোলন করিয়া, A-C হইতে প্রক্ষেপিত শয়ান রেখার সহিত যে ছেদ-বিন্দু পাওয়া গেল, তাহার  $A'$  নাম দাও। নতুন অবস্থানে ইহাই ঘনকের এক কোণীয় বিন্দু। এইবার প্রাণের  $b'$  ও  $b''$  হইতে এক এক উৎসর্গাধঃ-প্রক্ষেপ-রেখা উত্তোলন করিয়া, তাহাদের একেবারে বামপার্শ্বের চিত্রের সর্বোচ্চ-বিন্দু B হইতে প্রক্ষেপিত শয়ান-রেখার সঙ্গে ছেদ করাও, এবং ডানদিকের চিত্রে প্রদর্শিত-মত  $B'$  ও  $B''$ -বিন্দু নির্দেশ কর। সেইরূপ  $a'c'$ -এর  $c'$  হইতে উত্তোলিত রেখার সহিত C হইতে প্রক্ষেপিত শয়ান-রেখার ছেদবিন্দুকে  $C'$  নাম দাও। এখন  $A'B'C'D'$  যোগ করিলে যে একটি চতুর্ভুজ পাওয়া যাইবে, তাহা নতুন অবস্থানে ABCD-র পুরোদৃশ্য। এইবার ডানদিকের চিত্রের প্রাণের  $a''b''c''$  বিন্দু তিনটি হইতে উৎসর্গাধঃ প্রক্ষেপ টানিয়া, যথাক্রমে,  $A''$ ,  $B''$ , ও  $C''$  বিন্দু তিনটি নির্ণয় কর। এইবার  $B'D'$  প্রক্ষেপ-রেখার সমান্তরালে  $B''$  হইতে ভূমিরেখার উপরে প্রক্ষেপ-রেখা পাত করিলে  $D''$ -বিন্দু পাওয়া যাইবে। আংশিক ফুটকি ফুটকি রেখার আর একটি চতুর্ভুজ গঠন কর ; এইটি নতুন অবস্থানে ঘনকের 'পিছনপিঠের পার্শ্ব-তলের পুরোদৃশ্য। সর্বশেষে,  $B'B''$ ,  $C'C''$  এবং  $D'D''$

রেখাগুলি ফুটাইয়া দাও। ইহাই  $30^\circ$ -ভিত্তি কোণে অবস্থিত ঘনকের পুরোদৃশ্য হইবে।

### সম্পাদ্য ৫

(৫) কোন ঘনক তাহার এক কোণীয় রেখা (edge)-এর উপরে থাকিয়া উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $\angle a$ -তে আনত অবস্থায় আছে; ঘনকের পুরোদৃশ্য ও প্রাণ্যন অঙ্কিত কর।

অঙ্কন: সুবিধামত কোন এক দৈর্ঘ্যের বাহ লইয়া প্রথমে পার্শ্ব-দৃশ্য ঘনকের অবস্থান অঙ্কিত কর। এইবার পুরোদৃশ্যের জন্য A, B, C ও D-বিন্দু হইতে শয়ান প্রক্ষেপ-রেখা, এবং প্রাণ্যনের জন্য ঐ ঐ বিন্দু সকল হইতে উর্ধ্বাধঃ প্রক্ষেপ-রেখা-পাত কর। পুরোদৃশ্যের জন্য C-বিন্দু হইতে কোন এক সুবিধামত দূরত্বে  $c'$ -বিন্দু গ্রহণ করিয়া এক উর্ধ্বাধঃ-রেখা অঙ্কিত কর। যে যে বিন্দুতে ঐ রেখা শয়ান প্রক্ষেপ-রেখা সকলকে কর্তন করিল, তাহা-দিগকে  $d'$   $c'$   $a'$  ও  $b'$  চিহ্নে চিহ্নিত কর। অতঃপর ঘনকের যে-কোন এক



চিত্র নং ১২২

বাহুর সমান দূরত্ব লইয়া  $d'd''$ ,  $c'c''$ ,  $a'a''$  ও  $b'b''$  কাটিয়া লও, এবং  $a'a''$  রেখাকে ফুটুকি ফুটুকি রাখিয়া, বাকী তিনটিতে অবিচ্ছিন্ন রেখা টান।

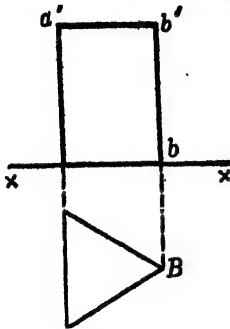
প্রাণ্যনের জন্য, যে বিন্দুতে  $CC'$  উর্ধ্বাধঃ-রেখা প্রক্ষেপিত হইয়া ছবি-রেখাকে ছেদ করিয়াছে, সেই  $x$ -বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া  $axd'$ -কে ব্যাসার্ধ লইয়া এবং ঐ কেন্দ্র হইতে  $d''$  পর্যন্ত দূরত্বকে ব্যাসার্ধ করিয়া  $C'$  ও  $C''$ -বিন্দু লাভ করিয়া, ঐ দুই বিন্দু হইতে  $C'B'D'A'$ , এবং  $C''B''D''A''$ , এই দুই শয়ান রেখা অঙ্কিত কর; আর যে যে বিন্দুতে ঐ দুই রেখা উর্ধ্বাধঃ প্রক্ষেপ-রেখাগুলিকে কর্তন করিয়াছে, তাহাদিগকে সরল রেখার দ্বারা যুক্ত করিয়া, মাত্র  $D'D''$  রেখাকে ফুটুকি ফুটুকি রাখিয়া দাও।



## ত্রিকোণ প্রিজমের প্রক্ষেপ (Projection of Triangular Prisms)

### সম্পাদ্য ১

(a) কোন সমবাহু ত্রিকোণ প্রিজমের আধারের এক বাহু উর্ধ্বাংশের লম্বভাবে আছে; উহার পুরোদৃশ্য ও প্ল্যান অঙ্কিত কর।



চিত্র নং ১২৪

উপর-সীমা  $a'$  ও  $b'$  চিহ্নে চিহ্নিত কর। এইবার  $a'$  ও  $b'$ -কে যোগ করিলে যে আয়তক্ষেত্র পাওয়া যাইবে, তাহাই উহার পুরোদৃশ্য হইবে।

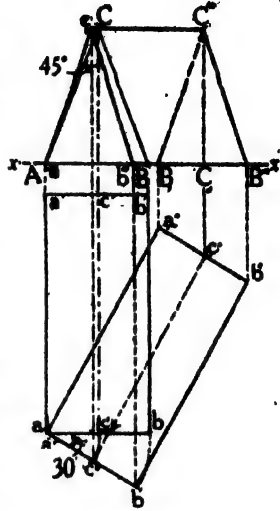
### সম্পাদ্য ২

(b)  $1\frac{1}{2}$ -ইঞ্চ বাহু ও  $45^\circ$  ডিগ্রি শীর্ষকোণ-বিশিষ্ট কোন সমদ্বিবাহু ত্রিকোণ প্রিজম এমন ভাবে আছে যে, তাহার আধার-কলক ভূমিতলের উপরে স্থাপিত, এবং এক ত্রিকোণাকার প্রান্ত উর্ধ্বাংশ-তলের সহিত  $80^\circ$ -ডিগ্রিতে আনত রহিয়াছে। প্রিজমের অক্ষের দৈর্ঘ্য  $2\frac{1}{2}$  ইঞ্চ। এই অবস্থায় প্রিজমের প্ল্যান ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

অঙ্কন : প্রথমে  $xx'$ -ভূমিরেখা টানিয়া, তাহার উপরে  $45^\circ$ -ডিগ্রি শীর্ষকোণ-বিশিষ্ট ও  $1\frac{1}{2}$ -ইঞ্চ দীর্ঘ বাহু-বিশিষ্ট এক সমদ্বিবাহু ত্রিভুজ ABC অঙ্কিত কর। যখন প্ল্যানে প্রিজমের অক্ষরেখা উর্ধ্বাংশ-তলের সমান্তরাল থাকে, ইহাই তখনকার পার্ব-দৃশ্য।

এইবার তাহার প্ল্যান  $acbb'a'$  অঙ্কিত কর।  $c'o'$  ইহার অক্ষরেখা।

অনন্তর ইহার নিম্ন প্রান্ততল  $ab$ -র  $a$ -বিন্দুর সহিত  $30^\circ$ -ভিগ্রি আনতিতে এক রেখা টান, এবং  $a$ -কে কেন্দ্র করিয়া এবং  $ac$  ও  $ab$ -কে ব্যাসাধ লইয়া দুইটি চাপ অঙ্কিত করিয়া,  $30^\circ$ -ভিগ্রি আনত অবস্থার প্রিজমের অক্ষ বিন্দু  $c'$ , ও  $b$ -এর বশে  $b'$ -বিন্দু চিহ্নিত কর। অতঃপর  $a'b'$ -আনত আধারের উপরে  $2\frac{1}{2}''$ -ইঞ্চ দীর্ঘ আয়তক্ষেত্র  $a'b'b''a''$ , এবং উহার অক্ষরেখা  $c'o'$  অঙ্কিত কর; ইহাই উর্ধ্বঃ-তলের সহিত  $30^\circ$ -ভিগ্রিতে আনত অবস্থার প্ল্যান।



চিত্র নং 124

এইবার  $c', b', b'', c''$  এবং  $a''$  বিন্দুসকল হইতে প্রক্ষেপ-রেখা উত্তোলন কর। দেখা যাইবে, প্রিজমের শীর্ষবিন্দু  $C$  একটু বামে সরিয়া গিয়াছে। এখন  $C$ -বিন্দু হইতে  $CC''$  এক অস্থূলভূমিক রেখা টান, ও তাহাকে বামে  $c_1$  পর্যন্ত বর্ধিত কর।

প্ল্যানের  $a$ -বিন্দু ও  $a'$ -বিন্দুর অবস্থান একই; এইবার পুরোদৃষ্টে  $ac_1$  এবং  $c_1b''$  যোগ করিলে  $30^\circ$ -ভিগ্রিতে আনত অবস্থার বাম প্রান্তের দৃষ্ট পাওয়া যাইবে। তেমনি,  $b''$  হইতে প্রক্ষেপ-লব্ধ বিন্দু  $B''$ , এবং  $a''$  হইতে প্রক্ষেপ-লব্ধ বিন্দু  $B_1$ -কে আধার করিয়া, অক্ষরেখার উর্ধ্বঃবিন্দু  $c_1$  হইতে শরান-প্রক্ষেপ-লব্ধ বিন্দু  $C'''$ -কে শীর্ষ করিয়া আর এক ত্রিভুজ অঙ্কিত কর। বুঝা যাইবে, এই ত্রিভুজের  $B_1C'''$ -রেখা পুরোদৃষ্টের আড়ালে থাকিবে বলিয়া অবিচ্ছিন্ন রেখা (continuous line) হইবে না।

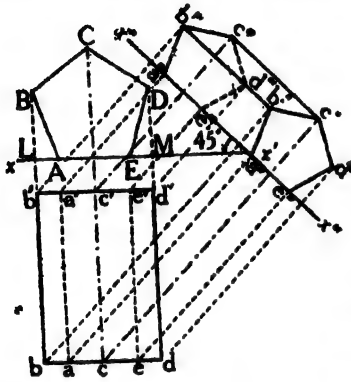
### বহু-ফলক (Polyhedrons)-এর প্রক্ষেপ

#### I. পঞ্চকোণ (Pentagonal) প্রিজম:

কোন পঞ্চকোণ প্রিজম এমন ভাবে আছে যে, উহার অক্ষরেখা ষাঃ-তলের অস্থূলভাবে ও আধার কলক শরান অবস্থায়

রহিয়াছে; উহার প্ল্যান অঙ্কিত কর। অনন্তর ঐ আধার কলককে শরান অবস্থা হইতে  $45^\circ$ -ভিত্তি কোণে আনত করিলে যেমন দেখায়, তাহার পুরোদৃশ্যের চিত্র অঙ্কিত কর।

অঙ্কন : প্রথমে  $XX'$ -রেখার উপর ABCDE এই পঞ্চভুজের এক বাহু AE-কে ঐ রেখার সহিত মিলিত করিয়া অঙ্কিত কর। ইহা প্রিজমের পার্শ্ব-দৃশ্য



চিত্র নং 125

এইবার উহার প্রত্যেক কোণীয় বিন্দু হইতে শরান-তলে প্রক্ষেপ রেখা নামাইয়া দাও। উপর হইতে দেখিলে পঞ্চভুজের অক্ষরেখা নীৰ্বকোণের রেখার সহিত সমরেখার পড়িবে বলিয়া, অক্ষরেখাকে, C-বিন্দু হইতে প্রক্ষেপিত রেখা  $cc'$  ঢাকা দিবে।  $XX'$ -রেখা হইতে কিছু নীচে  $b'a'c'e'd'$  এক শরান রেখা টানিয়া প্ল্যানের চিত্রের এক প্রান্ত-দেশ নির্দেশ কর। অনন্তর প্রিজমের দৈর্ঘ্য অল্পযায়ী  $b'b$ ,  $c'c$  ও  $d'd$  আঁকিয়া, উহাদের এক এক সরল রেখার দ্বারা সংযুক্ত কর। উপর হইতে দৃষ্টি করা হইতেছে এইরূপ অল্পমান করিলে বুঝা যাইবে,  $bb'$ ,  $cc'$  ও  $dd'$  রেখা তিনটি অবিচ্ছিন্ন (firm), ও  $aa'$  এবং  $ee'$  রেখা দুইটি ঢাকা পড়িয়াছে বলিয়া ফুটকি ফুটকি রেখা হইবে। (অক্ষরেখাকে স্পষ্ট করিয়া দেখাইবার জন্য  $c'c$ -রেখা অবিচ্ছিন্ন টানা হয় নাই)।

এইবার  $XX'$ -রেখার সহিত  $45^\circ$ -ভিত্তি আনতিতে  $x''x'''$  এক রেখা অঙ্কিত কর, এবং ঐ রেখার উপর প্ল্যানের সমস্ত কোণীয় বিন্দু হইতে এক এক প্রক্ষেপ রেখা (অর্থাৎ  $x''x'''$ -রেখার সমকোণে) উত্তোলন কর। বৃত্তিতে হইবে, প্ল্যানের নীচের প্রান্ত (এখন রেখা)  $baced$  হইতে আনত-পুরোদৃশ্যের সম্মুখ-প্রান্ত, এবং উপরের প্রান্ত  $b'a'c'e'd'$  হইতে পশ্চাৎ-প্রান্ত, প্রান্ত হওয়া যাইবে। দেখিলে স্পষ্ট বৃত্তিতে পারা যাইবে, প্রথমে অঙ্কিত পুরোদৃশ্যের আধার AE হইতে

প্রক্ষেপ রেখা টানিয়া প্ল্যানের নীচেকার  $ao$  পাওয়া গিয়াছে বলিয়া, তাহার প্রক্ষেপ হইতে প্রাপ্ত  $a''o''$  এক্ষেত্রে প্রিজমের আধার হইবে।

অনন্তর,  $b''$ ,  $c''$ , ও  $d''$ -বিন্দু সকল পাওয়ার জন্য, যে বিন্দুতে  $b$ -এর প্রক্ষেপ-রেখা আনত ভূমিরেখাকে ছেদ করিয়াছে, সেই বিন্দু হইতে ডিভাইডারে BL-এর সমান দূরত্ব লইয়া  $b''$ -বিন্দু নির্দেশ কর, এবং এই ভাবে  $c''$  ও  $d''$  বিন্দুদ্বয় ঠিক কর। এখন এই বিন্দু স্পর্শ করিয়া  $a''o''$ -আধারের উপরের পঞ্চভুজ অঙ্কিত করিলে তাহা সম্বন্ধের প্রান্তের পুরোদৃশ্য হইবে।

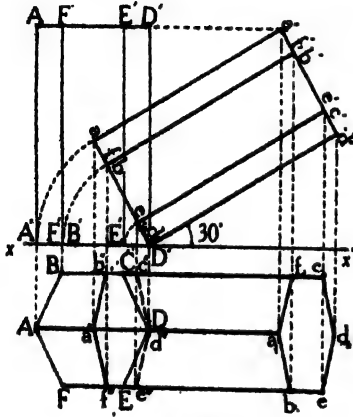
এই ভাবে প্ল্যানের উপর  $b' a' c' d'$  হইতে উপরের প্রান্তের পঞ্চভুজ গঠন কর। অনন্তর  $b''$ -এর সহিত  $b'''$ , এবং  $c''$ -এর সহিত  $c'''$  যোগ করিলে নূতন পুরোদৃশ্য অঙ্কিত করা হইল। ভাল করিয়া দেখিলে বুঝা যাইবে, নীচের পঞ্চভুজের সকল বাহুগুলিই অবিচ্ছিন্ন রেখায় অঙ্কিত হইবে, কিন্তু উপরের বেলা,  $e'''d'''$  এবং  $d'''c'''$  বাহুদুইটি ঢাকা পড়ার জন্য ফুটকি ফুটকি রেখায় দেখাইতে হইবে।

## II. ষড়্ভুজাকোণ (Hexagonal) প্রিজম :

কোন ষড়্ভুজাকোণ প্রিজমের অক্ষরেখা উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরালে ও তাহার কোন এক ফলক ভূমিরেখার সমান্তরালে আছে; ইহার পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর; অনন্তর সেই অবস্থায় প্রিজমকে ভূমিরেখার সহিত  $30^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে আনত কর, আর তাহারও পুরোদৃশ্য ও প্ল্যান অঙ্কিত কর।

অঙ্কন : প্রিজমের অক্ষরেখা উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরালে থাকিবে বলিয়া, উহার প্ল্যান অঙ্কিত করিলে ABCDEF-রূপে একটি একতলীয় ষড়্ভুজাকোণ ক্ষেত্র প্রতিভাত হইবে, ও উহার এক বাহু (যথা BC) ভূমিরেখার সমান্তরাল হইবে। অতঃপর উহার পুরোদৃশ্য  $A'(F'B')E'D'$  অঙ্কিত কর। এইবার  $XX'$ -রেখার উপরে  $d$ -বিন্দু হইতে, উহার সহিত  $30^\circ$ -ডিগ্রি উন্নতিতে এক রেখা  $da$  টান, ও ঐ রেখার অঙ্কন ভাবে আর এক রেখা  $da$  টান,—উহা আনত অবস্থায় প্রিজমের আধার-প্রাপ্ত হইবে।

$d$ -বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া, যথাক্রমে,  $dA'$ ,  $dE'$ , ও  $dH'$ -কে ব্যাসার্ধ লইয়া তিনটি চাপ অঙ্কিত করিয়া  $a$ ,  $(fb)$ , ও  $e$ -বিন্দু তিনটির অবস্থান নিরূপণ কর। অনন্তর  $dd'$ -এর সমান্তরালে  $aa'$ ,  $ff'$ , ও  $ee'$  কোণীয়-রেখা তিনটি অঙ্কিত কর, আর প্রিজমের উচ্চতার সমান করিয়া  $dd'$  কাটিয়া লও, এবং  $d'a'$  যোগ কর;



চিত্র নং ১২৬

ইহাই আনত অবস্থায় প্রিজমের পুরোদৃশ্য।

অনন্তর আনত পুরোদৃশ্যের কোণীয় বিন্দু  $a$  হইতে উর্ধ্বাধঃ-প্রক্ষেপ  $aa''$ ,  $(fb)$  হইতে  $b'f''$ ,  $e$  হইতে  $ee''$ , (এখানে  $d''$  আড়াল পড়িবে বলিয়া দেখা যাইবে না), আর অপর প্রান্তের জন্ত,  $a'$  হইতে  $a_1$ ,  $f'b'$  হইতে  $f_1b_1$ ,  $e'$  হইতে  $e_1$ , এবং প্ল্যানের  $c$ -বিন্দু,—যাহা আনত পুরোদৃশ্যে অদৃশ্য,—তাহার প্রক্ষেপ  $c_1$ —এই প্রক্ষেপগুলি

টান। এইবার প্ল্যানের  $BC$  ও  $FE$  রেখাদ্বয়কে বর্ধিত করিয়া যথাযোগ্য অক্ষরের দ্বারা চিহ্নিত কোণীয় বিন্দুর সহিত যোগ কর। মনে রাখিতে হইবে, এই প্রান্তে বড় ভুলের সমস্ত রেখাগুলিই বিকৃত ভাবে দৃষ্টিগোচর হইবে।

### পিরামিডের প্রক্ষেপ (Projection of Pyramids)

পিরামিডের আধার (base) কোন এক ত্রৈভুজক্ষেত্র, আর সেই ক্ষেত্রের কোণীয় বিন্দু হইতে শির (edge) উঠিয়া এক বিন্দুতে মিলিত হইয়াছে; উহাকে শীর্ষবিন্দু (Vertex) বলে। পিরামিডের আধার বৃত্তও হইতে পারে; তখন তাহাকে “শঙ্কু” (Cone) বলে।

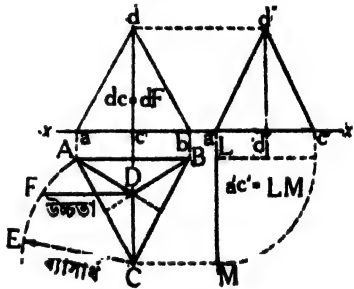
#### ১. ত্রিকোণ পিরামিড :

কোন সমবাহু (Equilateral Triangular Pyramid) ত্রিকোণ

পিরামিডের প্ল্যান, পুরোদৃশ্য ও পার্শ্বদৃশ্য অঙ্কিত কর। ঐ পিরামিডের আধারের কোন এক বাহু ভূমিরেখার সহিত সমান্তরাল; এবং উহার অক্ষরেখা উল্লম্ব; তাহা আঁকে।

অঙ্কন : ভূমিরেখার নীচে ও উহার সমান্তরালে এক AB-রেখা আঁক, ও তাহার নীচের দিকে এক সমবাহু ত্রিভুজ ABC অঙ্কিত কর, এবং প্রত্যেক বাহুকে সম-বিভক্ত করিয়া, তাহার বিপরীত কোণের সহিত যোগ কর; যে বিন্দুতে তিনটি রেখা পরস্পর ছেদ করিবে, তাহাই উহার অক্ষ-বিন্দু (D)। ইহাই পিরামিডের প্ল্যান।

অতঃপর পুরোদৃশ্য অঙ্কন করিবার জন্য উহার উচ্চতা নিরূপণ করিতে হইবে।



চিত্র নং 127

যদি পিরামিডের “খাড়া” উচ্চতা (vertical height) দেওয়া থাকে, তবে পুরোদৃশ্য অঙ্কিত করা অপেক্ষাকৃত সহজ। তখন A, B ও C, এই তিন কোণীয় বিন্দু হইতে প্রক্ষেপ-রেখা ভূমিরেখার উপরে তুলিলে উহাদের অঙ্গবর্তী (corresponding) বিন্দু a, b ও c পাওয়া যাইবে। লক্ষ্য করিলে ইহাও দেখা যাইবে যে, C-হইতে প্রক্ষেপ-রেখা অক্ষবিন্দু D দিয়াও উত্তীর্ণ হইয়াছে; সুতরাং c-হইতে প্রক্ষেপ উপরদিকে উত্তোলিত করিয়া তাহাকে প্রদত্ত খাড়া উচ্চতার সমান করিলে পিরামিডের শীর্ষবিন্দু d পাওয়া যাইবে। এইবার abd একটি ত্রিভুজ অঙ্কিত করিয়া, d-এর সহিত c সংযোগ কর। ইহা পিরামিডের পুরোদৃশ্য।

কিন্তু যদি খাড়া উচ্চতা (চলিত ভাষায় “খাড়াই”) দেওয়া না থাকে, তবে নিম্নলিখিত রচনা (construction) দ্বারা তাহা বাহির করা যাইবে :—

যেহেতু ইহা সমবাহু ত্রিকোণ পিরামিড, সেকারণে ইহার সব শির (edges)গুলিই সমান হইবে; অর্থাৎ bd ও ad-র দৈর্ঘ্য (slant height) ab-র সমান হইবে;

স্বতরাং  $od$ -র “খাড়া” উচ্চতা (প্লানের  $DF$ -এর প্রকৃত দৈর্ঘ্য) বাহির করিতে হইলে, সমবাহু ত্রিভুজের যে-কোন বাহুকে, (যেমন  $CA$ ), ব্যাসার্ধ লইয়া উহার যে-কোন কোণীয় বিন্দু  $O$  হইতে এক বৃত্তাংশ  $AE$  অঙ্কিত কর; অতঃপর অক্ষ-রেখার সমকোণে এক রেখা টানিয়া ঐ বৃত্তাংশকে  $E$ -বিন্দুতে ছেদ কর। তাহা হইলে  $DE$  প্রিকমের খাড়াই (vertical height) হইবে। এখন পুরোদৃশ্যে  $dc$ -কে এই  $DE$ -এর সমান করিয়া,  $d$ -বিন্দু নির্দেশ কর; এবং  $ad$ ,  $bd$  এবং  $cd$  এই তিনটি শির (edges) অঙ্কন কর।

পার্শ্ব-দৃশ্য অঙ্কনের জন্য, প্লানের  $B$  ও  $C$  বিন্দুদ্বয় হইতে দুইটি অঙ্কভূমিক প্রক্ষেপ রেখা  $LM$ —এই উর্ধ্বাধঃ রেখাটির উপর পাতিত কর। ইহাই  $BC$ -র প্রক্ষেপ-দৃশ্য। এই রেখার  $L$ -বিন্দু হইতে এক উর্ধ্বাধঃ প্রক্ষেপ রেখা  $xx'$ -রেখার উপরে উত্তোলন কর, এবং ঐ  $L$ -বিন্দুকে কেন্দ্র, ও  $LM$ -কে ব্যাসার্ধ করিয়া এক বৃত্তপাদ (quadrant) অঙ্কিত করিয়া  $xx'$ -রেখা পর্যন্ত প্রক্ষেপ লইয়া যাও; ঐ  $a'c'$ -ই পার্শ্ব-দৃশ্যের আধার।  $a'c'$ -কে সম-দ্বিখণ্ডিত করিয়া এক লম্ব উত্তোলন কর, এবং পুরোদৃশ্যের  $d$ -বিন্দু হইতে এক অঙ্কভূমিক প্রক্ষেপ রেখা অঙ্কিত করিয়া উচ্চতা  $d'd''$  নির্ণয় কর। এখন  $a'c'd''$  ত্রিভুজ প্রিকমের পার্শ্ব-দৃশ্য।

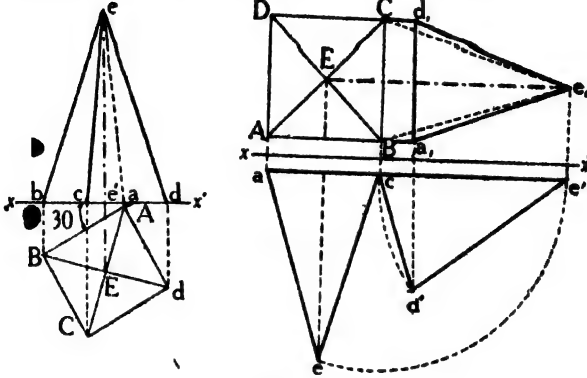
## II. চতুর্ভুজ পিরামিড :

### সম্পাদ্য 1

1"-ইঞ্চ বাহু ও 2"-ইঞ্চ খাড়াই-বিশিষ্ট কোন এক চতুর্ভুজ পিরামিড ভূমিরেখার সহিত  $30^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে ভূমিতলে বসান' আছে; তাহার প্ল্যান ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

অঙ্কন : (128নং চিত্রের বাদিকের দৃশ্য);  $XX'$ -ভূমিরেখা অঙ্কিত করিয়া, তাহার নীচের দিকে তাহার সহিত  $30^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে 1"-ইঞ্চ দীর্ঘ  $AB$  রেখা টান, ও তাহার উপর  $ABCD$  এক বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত কর, এবং তাহার কর্ণদ্বয়কে  $E$ -বিন্দুতে ছেদ কর। ইহাই চতুর্ভুজ পিরামিডের প্ল্যান হইবে। অনন্তর তাহার প্রত্যেক কোণীয় বিন্দু হইতে প্রক্ষেপ-রেখা উত্তোলন কর; উহাদের, যথাক্রমে,  $b$ ,  $c$ ,  $d$  এবং  $a$  অক্ষরে চিহ্নিত কর। এখন কর্ণদ্বয়ের ছেদবিন্দু  $E$  হইতে আর

এক প্রক্ষেপ রেখা উত্তোলন কর, এবং  $e'e$ -কে  $2''$ -ইঞ্চ দীর্ঘ কর। এখন  $b$  ও  $c$ -র সহিত অবিক্ষিত রেখার দ্বারা  $e$ -বিন্দুর যোগ কর, আর  $ae$ -কে ফুটুকি ফুটুকি



চিত্র নং 128

রেখার দ্বারা অঙ্কিত কর (কেন না প্ল্যানের  $A$ -কোণ পুরোদুগ্ধে আড়ালে পড়িবে)।

### সম্পাদ্য ২

উপরের পিরামিড উর্ধ্বাধঃ-ভলের গায়ে এমন ভাবে লাগান আছে যে, তাহার অক্ষরেখা উর্ধ্বাধঃ-ভলের অনুলব্ধ, এবং উহার আধারের এক বাহু ভূমি-রেখার সমান্তরালে আছে; এখন যদি উহার এক চালু দিককে ঘুরাইয়া শুয়াইয়া রাখা যায়, তবে ঐ পিরামিডকে যেমন দেখায়, তাহার প্ল্যান ও পুরোদুগ্ধের চিত্র অঙ্কিত কর।

অঙ্কন: (128নং চিত্রের ডানদিকের দৃশ্য); প্রথমে  $xx'$ -ভূমিরেখার উপরের দিকে ও উহার সমান্তরালে  $AB$ -রেখা আঁকিয়া তাহার উপরে  $1''$ -ইঞ্চ বাহুর এক বর্গক্ষেত্র  $ABCD$  অঙ্কিত কর। উহার কর্ণদ্বয়  $AC$  ও  $BD$  যে  $E$ -বিন্দুতে পরস্পরকে ছেদ করিল, তাহাই পিরামিডের শীর্ষ বিন্দুর প্রক্ষেপ। অনন্তর তাহার প্ল্যান  $ace$  অঙ্কিত কর।  $E$  হইতে ভূমিরেখার নীচে প্রক্ষেপ রেখা পাত করিলে, আধার-রেখা  $ac$ -কে বিধা-বিভক্ত করিয়া উহা নীচে নামিবে; এখন আধার-রেখা হইতে ঐ রেখাকে উপযুক্ত মত দীর্ঘ রাখিয়া  $e$ -বিন্দু নির্দেশ করিয়া  $ae$  ও  $ce$  যোগ কর। এই  $aec$  ত্রিভুজ এই অবস্থায় প্ল্যান।



পিরামিডকে ভূমিরেখার উপরে ওরাইরা রাখিতে হইলে, প্রাণের ঢালু দিক  $oa$ -কে ভূমিতলে আনিতে হইবে; সুতরাং  $o$ -কে কেন্দ্র করিয়া ও  $oa$ -ব্যাসার্ধ লইয়া এক বৃত্তাংশ অঙ্কিত কর বাহাতে উহা  $o'$ -বিন্দুতে ভূমিরেখার সমান্তরাল হয়, এবং  $o$ -কে কেন্দ্র, ও  $oa$ -কে ব্যাসার্ধ লইয়া আর একটি বৃত্তাংশ অঙ্কিত কর, আর  $o'$ -কে কেন্দ্র এবং  $o'o$ -কে ব্যাসার্ধ করিয়া এক চাপ অঙ্কিত করিয়া শেষোক্ত বৃত্তাংশকে  $d'$ -বিন্দুতে ছেদ কর। এইবার  $cd'$  জিভূজ পিরামিডের শাখিত অবস্থার প্রাণ হইবে।

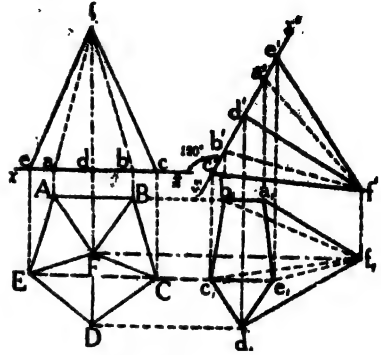
অনন্তর  $DO$  ও  $AB$ -কে বর্ধিত করিয়া, এবং  $d'$  হইতে প্রক্ষেপ উত্তোলন করিয়া বর্ধিত  $DO$ -র উপরে  $d_1$ , ও বর্ধিত  $AB$ -র উপরে  $a_1$ ,—এই ছেদ-বিন্দুদ্বয় নির্ণয় কর : ইহাতে  $Ba_1d_1C$ , শোয়ান' পিরামিডের আধারের পুরোদৃশ্য পাওয়া যাইবে। অতঃপর প্রাণের  $o'$  হইতে প্রক্ষেপ-রেখা উত্তোলন করিয়া এবং বাদিকের পুরোদৃশ্যের অক্ষবিন্দু  $E$  হইতে অক্ষভূমিক প্রক্ষেপ-রেখার দ্বারা তাহাকে ছেদ করিলে পিরামিডের শীর্ষবিন্দু  $e_1$  পাওয়া যাইবে। সর্বশেষে  $e_1a_1$  ও  $e_1d_1$ -কে অবিচ্ছিন্ন রেখার দ্বারা যোগ, এবং  $e_1C$  ও  $e_1B$ -কে ফুটকি ফুটকি রেখার দ্বারা যোগ করিলে, এই অবস্থার পুরোদৃশ্য পাওয়া যাইবে।

### III. শঙ্কুকোণ পিরামিড :

কোন পঞ্চকোণ পিরামিডকে ভূমিতলের উপরে এমন ভাবে বসান' আছে যে, তাহার আধারের এক বাহু ভূমিরেখার সহিত সমান্তরাল ; ইহার পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর। এইবার ঐ অবস্থা হইতে তাহার আধারকে  $120^\circ$  ডিগ্রি ঘুরাও, ও ইহার পুরোদৃশ্য ও প্রাণ অঙ্কিত কর।

অঙ্কন :  $XX'$ -রেখার তলদেশে এক সমপঞ্চভূজ  $ABCDE$ -র এক বাহু  $AB$ -কে উহার সহিত সমান্তরাল করিয়া অঙ্কিত কর। ইহার অক্ষবিন্দু  $F$  নির্ণয় করিয়া পাঁচ কোণীয় বিন্দুর সহিত যোগ কর ; এইগুলি পিরামিডের শির। অনন্তর ঐ বিন্দুগুলি হইতে ভূমিরেখার উপরে প্রক্ষেপ-রেখা উত্তোলন কর, এবং পিরামিডের খাড়া উচ্চতা বত, ভূমিরেখা হইতে তত মাপ করিয়া  $f$ -বিন্দু নির্ণয় কর ; এখন  $f$ -এর সহিত  $e, d$ , ও  $c$ -বিন্দুদের অবিচ্ছিন্ন রেখার দ্বারা যোগ কর,

কেননা পুরোদৃষ্টে ঐ তিনটি রেখা তিনটি শির (edges)-হিসাবে দেখা যাবে ; 125 নং চিত্রের মত এখানেও, অক্ষরেখাকে স্পষ্ট করিয়া দেখাইবার জন্য,  $df$ -রেখাকে অবিস্ত্রিয় দেখান' হয় নাই। আর  $a$  ও  $b$  বিন্দুর সহিত  $f$ -বিন্দু ফুটকি ফুটকি রেখা দিয়া যোগ কর, কেননা ঐ দুইটি শির আড়ালে পড়িবে। এই হইল পূর্বোক্ত প্র্যানের পুরোদৃষ্ট। এখন  $c$ -বিন্দুর উপর ভর করিয়া আধার  $edc$ -কে  $120^\circ$  ডিগ্রি ঘুরাও। ইহা করার জন্য প্রথম-ভূমিরেখা  $xx'$ -এর সহিত  $120^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে আর এক



চিত্র নং 129

নতুন ভূমিরেখা  $x''x'''$  টান, এবং প্রথম ভূমিরেখা হইতে  $cb$ ,  $lcd$ ,  $ca$  ও  $ce$ -র দূরত্ব লইয়া নতুন ভূমিরেখার উপরে, যথাক্রমে,  $c'b'$ ,  $c'd'$ ,  $c'a'$  ও  $c'e'$  বিন্দুগুলি বসাও। এখন  $d'$  বিন্দু হইতে  $x''x'''$ -এর অতুলন ভাবে  $d'f'$ -রেখা টান ও উহাকে  $df$ -এর সমান দীর্ঘ কর; এবং  $f'$  হইতে  $f'c'$ ,  $f'b'$ ,  $f'd'$ ,  $f'a'$  ও  $f'e'$  যোগ করিয়া  $120^\circ$  ডিগ্রি আনতির পিরামিডের পুরোদৃষ্ট সম্পূর্ণ কর; যেন স্মরণ থাকে, এখানেও  $a'f'$  ও  $b'f'$  ফুটকি ফুটকি রেখা হইবে।

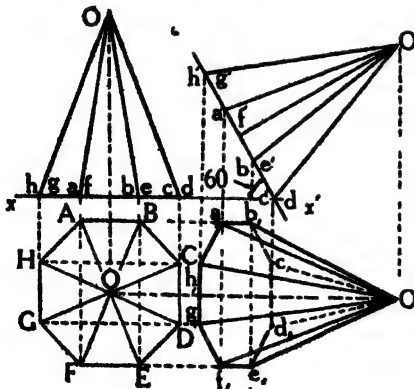
এইবার এই অবস্থার প্র্যানের জন্য, শেবোক্ত পুরোদৃষ্টের সমস্ত কোণীয় বিন্দু হইতে অধোদিকে প্রক্ষেপ-রেখা পাত কর এবং প্র্যানের অতুলন বিন্দু হইতে অতুলনিক প্রক্ষেপ টানিয়া তাহাদের ছেদ কর, এবং যে যে বিন্দুতে অতুলনিক প্রক্ষেপ-রেখার পরস্পরকে ছেদ করিয়াছে, তাহাদের উপযুক্ত অক্ষর দিয়া চিহ্নিত কর :—যেমন  $a'$  হইতে উৎস্রাৎ প্রক্ষেপ-রেখা ও A হইতে অতুলনিক প্রক্ষেপ-রেখার ছেদ-বিন্দুকে  $a_1$  দ্বারা,  $f'$  হইতে উৎস্রাৎ প্রক্ষেপ-রেখার সহিত F হইতে অতুলনিক প্রক্ষেপ-রেখার ছেদ-বিন্দুকে  $f_1$  দ্বারা,—ইত্যাদি। অতঃপর  $a_1$ ,  $b_1$ ,  $c_1$ ,  $d_1$ ,  $e_1$ —এই পঞ্চকোণ-আধারের সহিত,  $f_1$  হইতে ঐ সকল বিন্দুর সংযোগ রেখা পিরামিডের শির (edges) অঙ্কিত করিলে নতুন প্র্যান সম্পূর্ণ হইল। এখানে  $f_1e_1$  রেখা ফুটকি ফুটকি না হইয়া অবিস্ত্রিয় হইবে।

## IV. অষ্টকোণ পিরামিড :

কোন অষ্টকোণ পিরামিডের দুই বিপরীত বাহু ভূমিরেখার সমান্তরালে ও অক্ষরেখা উল্লম্ব : ভাবে আছে ; ইহার পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর। এইবার আধারকে  $60^\circ$ -ভিত্তিতে আনত কর নূতন অবস্থান তাহার পুরোদৃশ্য ও প্রাণ কি হইবে ?

অঙ্কন : প্রথমে ভূমিরেখার নীচে ও উহার সমান্তরালে এক বাহু AB বসাইয়া ABODEFGH,—এই সমবাহু অষ্টভুজ অঙ্কিত কর। উহার অক্ষবিন্দু O নির্ধার কর, এবং তাহার সহিত কোণীর বিন্দুগুলি সংযুক্ত কর। এখন উহার প্রত্যেক কোণীর বিন্দু হইতে ভূমিবেখা পবন্ত প্রক্ষেপ-রেখা উত্তোলন কর। দেখা যাইবে, প্রাণের G, H, D ও O-বিন্দুর প্রক্ষেপ চারিটির স্থানে দুইটি হইয়াছে। এইবার প্রাণের অক্ষবিন্দু হইতে যে প্রক্ষেপ উঠিয়াছে, তাহাকে পিরামিডের খাড়া উচ্চতার সমান দীর্ঘ করিয়া, O-বিন্দুর সহিত প্রক্ষেপিত বিন্দু hg, af, be ও cd-র সহিত সংযোগ করিয়া উহার পুরোদৃশ্য সম্পূর্ণ কর।

এইবার প্রথম ভূমিরেখার সহিত  $60^\circ$ -ভিত্তি আনতিতে অপর ভূমিবেখা অঙ্কিত কর, এবং c-বিন্দুর অল্পকণ c'd' বিন্দু হইতে, (অর্থাৎ যে বিন্দুতে



চিত্র নং 180

প্রথম ভূমিরেখার সহিত নূতন ভূমিবেখা ছেদ করিয়াছে, তথা হইতে), cd-be-af ও hg-র সমান সমান দূরত্ব বসাইয়া, নূতন অক্ষবেখার দৈর্ঘ্য পূর্বের অক্ষরেখার সমান করিয়া O'-বিন্দু নির্দেশ কর, এবং দ্বিতীয় অবস্থাব পিরামিডের পুরোদৃশ্য সম্পূর্ণ কর।

প্রাণের অঙ্ক

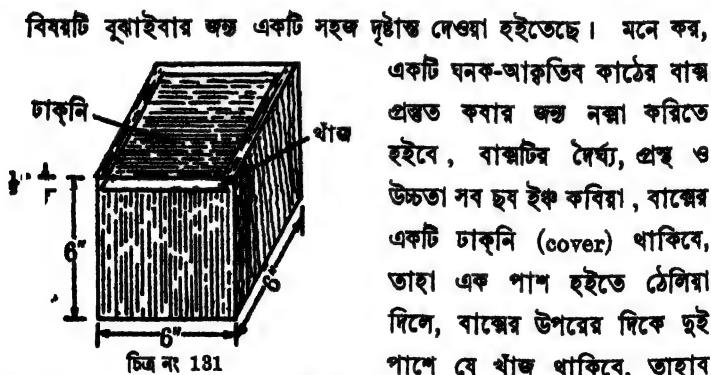
দীর্ঘ-উল্লম্ব : প্রক্ষেপ-রেখা সকল নামাও, আব প্রথম প্রাণের AB, HC, GD

ও  $FE$  হইতে অঙ্কত্বিক প্রক্ষেপ রেখা টানিয়া, যে বিন্দুতে  $a'f'$  রেখার সহিত  $AB$  রেখা ছেদ করিয়াছে, সেখানে  $a_1$ , ও যেখানে ঐ রেখা  $FE$ -র সহিত ছেদ করিয়াছে, তাহাকে  $f_1$ ; যে বিন্দুতে  $b'd'$  হইতে উদ্ভাষ্য রেখা  $AB$ -অঙ্কত্বিক রেখাকে ছেদ করিয়াছে, সেই বিন্দুকে  $b_1$ ,—এইভাবে একটি অষ্টকোণ আধার নির্মাণ করিয়া,  $O$ -বিন্দুর সহিত যোগ কর। ইহা করিবার সময় রেখা বাইবে,  $b_1a_1, h_1g_1$  এবং  $f_1$  কোণ হইতে  $O$ -কে সংযুক্ত করিতে হইলে,  $o_1O$  এবং  $d_1O_1$  শির দুইটি ঢাকা পড়ে; ক্ষতরাং আধারের  $b_1c_1, c_1d_1$ , এবং  $d_1e_1$  বাহু তিনটি, ও  $h_1O$  এবং  $d_1O$  শির দুইটি কুইকি কুইকি রেখার দ্বারা আবৃত করিতে চষ্টাব।

## চতুর্ভুজ পরিচ্ছেদ

### ছেদ-চিত্র বা খণ্ডিত দৃশ্য (Section or Intersection)

যদি প্রক্ষেপ দ্বারা কোন বস্তুর প্রাচীন, পুরোনো ( কিংবা পার্শ্ব-দৃশ্য ) করিলে, তাহার দৈর্ঘ্য, প্রস্থ, উচ্চতা কিংবা বেধ, এবং তাহার বহির্গাঙ্গে যদি কোন উদ্ভূত অংশ অথবা কোন গহ্বর প্রভৃতি থাকে, তবে তাহা প্রকাশ পায় বটে, কিন্তু উহা নিশ্চয়ই কি শূন্যগর্ত তাহা, ( যদিও ফুটুকি ফুটুকি রেখার দ্বারা প্রকাশ পায়, তবু ) সহজে বোধগম্য হয় না, তাই এমন ক্ষেত্রে, তাহাকে মনে মনে খণ্ডিত করিলে তাহার অভ্যন্তর-ভাগে বাহা আছে, অথবা থাকিবার কথা, প্রকাশ-ভাবে তাহা অঙ্কিত করিলে প্রভূতভাবে, বুঝিবার, ও সেইমত উহাকে গঠন করিবার, সহায়তা হয়। চিত্র নং 131 দেখিলে ইহা স্পষ্ট বুঝা যাইবে যে, উহাতে কেবল ঘন বস্তুর বাহিরের খুঁটিনাটিই দেখান' হইয়াছে, কিংবা দেখাইতে পারা সম্ভব।



একটি ঘনক-আকৃতির কাঠের বাক্স প্রস্তুত করার জন্য নক্সা করিতে হইবে, বাক্সটির দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও উচ্চতা সব ছব্ব ইঞ্চি করিয়া, বাক্সের একটি ঢাকনি (cover) থাকিবে, তাহা এক পাশ হইতে ঠেলিয়া দিলে, বাক্সের উপরের দিকে দুই পাশে যে খাঁজ থাকিবে, তাহাব

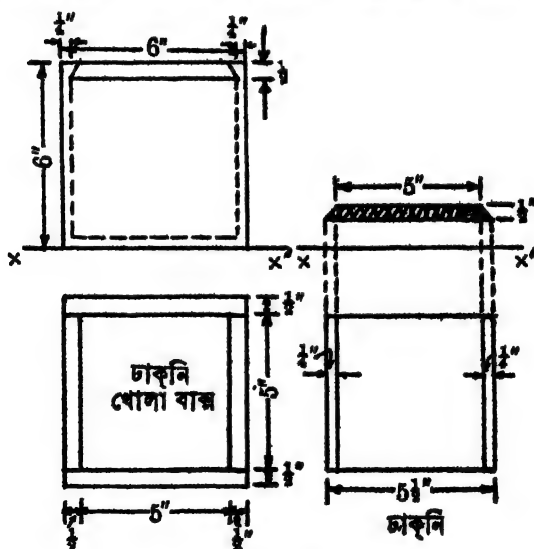
স্তিত্তর দিয়া প্রবেশ করিবে ও উহাকে বন্ধ রাখিবে। ( আপাততঃ উহাকে খোলাদেওয়া করিবার অন্ত কোন ব্যবস্থার কথা চিন্তা করার প্রয়োজন নাই। )

স্পষ্ট বুঝা যাইতেছে, এমন চিত্র হইতে বাক্সটি শূন্যগর্ত ( ফাঁপা ) কিনা কিছুই বোধগম্য হইবার উপায় নাই। অবশ্য যখন ইহাকে বাক্স বলিয়া উল্লেখ করা

হইয়াছে, তখন ইহা নিশ্চিতই শূন্যগর্ত হইবে; কিন্তু তবু ইহার চারি পার্শ্বের ও নীচের কাঠি কতটা করিয়া মোটা হইবে তাহার কোনই হবিষ পাওয়া যায় না। ঢাকনি কতটা পুরু হইবে, তাহার মাপক ইহাতে দেখান' বাইতে পারে, এবং দেখা বাইতেছে উহা আধ ইঞ্চি মোটা হইবে।

ইহা উপায়ে বাক্সের শূন্যগর্ততা নক্সায় প্রকাশ করিবার কথা, বাহা উপরে উল্লিখিত হইয়াছে, তাহা এই যে, (i) বাক্সের ম্যান ও পুরোদস্ত অঙ্কিত করিয়া ফুটকি ফুটকি রেখার সাহায্যে উহার দেওয়াল ও তলার দুলঘ (thickness of the base), এবং তাহার সঙ্গে পৃথক ভাবে ঢাকনির দৃষ্ট অঙ্কিত করা। চিত্র নং ১৩২ দ্বারা ইহা বুঝান' হইয়াছে।

(i) ফুটকি ফুটকি রেখার দ্বারা শূন্যগর্ত প্রবেশের নক্সা বা পাশের দৃষ্টটি ঢাকনি-খোলা অবস্থায় বাক্সের নক্সা; ফুটকি ফুটকি রেখা-



চিত্র নং ১৩২

গুলি বাক্সের দেওয়ালের ও তলার কাঠের দুলঘ নির্দেশ করিতেছে; সুতরাং বাক্সের ভিতরে কতটা আয়না পাওয়া বাইবে, তাহা পরিষ্কার হুঁকিতে

পারা যায়। তাহা ছাড়া, তাহার অগ্র পৃথকভাবে যে ঢাকনি প্রস্তুত করিতে হইবে, তাহারও নক্সা ডানপাশে দেওয়া হইয়াছে। উহার পুরোদৃশ্যে, দেখা যাইবে ঢাকনিটির দুই পাশ ট্যারছা (bevel) করিয়া কাটা, আর বাহাতে ঐ ঢাকনি বাক্সের স্মৃৎ দিক দিয়া ঠেলা দিয়া বাক্সকে বন্ধ করিতে পারা যায়, তাহার অগ্র বাপাশের চিত্রের পুরোদৃশ্যের দুই পাশের কাঠের উপরিভাগ লম্বালম্বি অঙ্কুরূপ খাঁজ (dovetailed groove) কাটা আছে। কিন্তু সেখানে নক্সা জটিল হয়, সেখানে এ প্রথা ব্যবহারে না আনিয়া দ্রব্যটির, একটি, (এবং আবশ্যক হইলে একাধিক), খণ্ডিত চিত্র অঙ্কিত করা হইয়া থাকে।

## (ii) খণ্ডিত চিত্র দ্বারা শূন্যপার্শ্ব দ্রব্যের নক্সা

কোন দ্রব্যকে খণ্ডিত করিলে (কাটিলে) তাহার ভিতরের অবস্থা প্রকাশ পায়; তাই যে বস্তু নির্মাণ করিতে হইবে তাহার অভ্যন্তর কিরূপ হইবে, কিংবা নির্মিত বস্তুর অভ্যন্তরে কি থাকিবে নক্সার দ্বারা প্রকাশ করিতে হইলে, তাহার “খণ্ডিত চিত্র” বা “ছেদ-চিত্র” (Sectional View) অঙ্কিত করিয়া প্রকাশ করাও হয়।

এইভাবে প্রকাশের কৌশল-শিল্পের প্রথম সোপান সাধারণ ঘন-বস্তুর “ছেদ-চিত্র” অঙ্কন, এবং ঐ প্রকার অঙ্কিত ছেদ-চিত্র হইতে পাঠোদ্ধার,—অর্থাৎ ঐ বস্তুটি কি প্রকারের, তাহা বুঝিতে পারা।

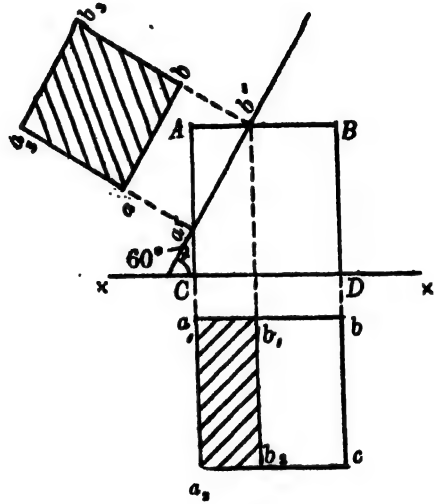
কতিপয় উদাহরণের অল্পশীলন দ্বারা ইহা বুঝান হইতেছে।

### সম্পাদ্য 1

৩ সেন্টিমিটার দীর্ঘ বাহুবিশিষ্ট কোন ঘনক, তাহার এক পার্শ্বদেশ (one face) উল্লম্ব-তলের সমান্তরাল অবস্থায় ভূমিতলের উপরে অবস্থিত। উহার পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর; এইবার মনে কর, ঐ পুরোদৃশ্যকে অনুভূমিকের সহিত  $60^\circ$ -ডিগ্রিতে আনত ও উল্লম্ব-তলের অমূলক এক তল (plane) দ্বারা ছেদ করা হইল; এইবার ইহার প্রাথম, পুরোদৃশ্য, এবং ঐ খণ্ডিত অংশের প্রকৃত আকার (true shape of the section) অঙ্কিত কর।

## ছেদ-চিত্র বা খণ্ডিত দৃশ্য

**অঙ্কন :** প্রথমে  $XX'$ -রেখার নীচে ঘনকের প্রাণ ও উপরে পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর। এখন ঐ পুরোদৃশ্যে ভূমিরেখা  $XX'$ -এর সহিত  $60^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে এক রেখা টান। যেহেতু, যে তল (plane) দ্বারা ঘনকের পুরো দৃশ্যকে খণ্ডিত করিতে হইবে তাহা উল্লম্ব-তলের অল্পলম্ব-ভাবে থাকিবে, সেই হেতু পুরোদৃশ্যে ঐ তল মাত্র এক সরলরেখার দ্বারা প্রকাশ পাইবে; আর ঐ রেখা  $XX'$ -রেখার সহিত  $60^\circ$ -ডিগ্রিতে আনত হইবে।



চিত্র নং 183

এইবার মনে করিতে হইবে, ছেদিত অংশ  $a'Ab'$ -কে সত্যাইরা লওয়া হইল, তাই এখন  $a'Ab'$ -অংশ ফুটুকি ফুটুকি রেখার দ্বারা স্থিতি হইবে (বুঝাইবার জন্য চিত্রে ইহা করা হয় নাই)। এখন খণ্ডিত পুরোদৃশ্যের  $Ca'b'BD$ ,—এই অংশ অবশিষ্ট রহিল। ইহার প্রাণ অঙ্কিতে হইবে; অর্থাৎ  $C$  ও  $b'$  বিন্দুদ্বয় হইতে ঘনকের প্রাণের উপরে প্রক্ষেপ-রেখা ফেলিতে হইবে। ইহাতে প্রাণে যে  $a_1a_2b_2b_1$ —একটি আয়তক্ষেত্রের উৎপত্তি হইল, তাহাই খণ্ডিত অংশের প্রাণ; এই কারণে  $a_1a_2b_2b_1$ -অংশটিকে ছেদ-রেখার দ্বারা নির্দেশ করিতে হইবে।

**ছেদ-রেখাগুলি সাধারণতঃ** ভূমিরেখার সহিত  $45^\circ$  ডিগ্রিতে আনত হয়, ও পরস্পরের সমান্তরালে ও সমান দূরে আঁকা হয়। তবে আবশ্যক হইলে অন্য যে-কোন আনতিতে আনত করিয়া আঁকা যাইতেও পারে।

খণ্ডিত অংশের প্রকৃত আকার বাহির করিতে হইলে,  $a'b'$ -এর সমান্তরালে একটি রেখা  $ab$  টান, এবং  $a'$  ও  $b'$  হইতে দুইটি প্রক্ষেপ-রেখা তাহার উপরে

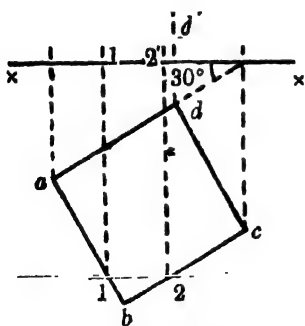


উত্তোলন কর। ঐ  $a$  এবং  $b$  বিন্দুদ্বয় হইতে দুইটি লম্ব উত্তোলন কর, আর তাহাদের উচ্চতা  $aa_3 = a_1a_3$ ; এবং  $bb_3 = b_1b_3$  কর;  $a_3$  ও  $b_3$ , এক সরল রেখার দ্বারা সংযুক্ত কর; এই সামান্তরিক (parallelogram)-ই খণ্ডিত অংশের প্রকৃত আকার। ইহাকেও ছেদ-রেখার দ্বারা চিহ্নিত কর।

### সম্পাদ্য ২

৪°৫ সেন্টিমিটার দীর্ঘ ভূজের কোন ঘনক তাহার এক ভূজ উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $30^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে ভূমিতলের উপরে অবস্থিত আছে। এখন যদি উহার প্ল্যানকে এক উর্ধ্বাধঃ-তল—1-2-র দ্বারা ছেদ করা যায়, তবে ঐ খণ্ডিত অবস্থার প্ল্যান ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

২° দ



চিত্র নং 134

অঙ্কন :  $XX'$ -ভূমিরেখার তল-দেশে ঘনকের পূর্ণ প্ল্যান  $abcd$  এমন ভাবে অঙ্কিত কর, বাহাতে তাহার এক ভূজ  $ad$ ,  $XX'$ -রেখার সহিত  $30^\circ$ -ডিগ্রিতে আনত থাকে। এইবার এক উর্ধ্বাধঃ-তলের দ্বারা (এখানে উর্ধ্বাধঃ-তল এক সরল রেখার প্রতিভাত হইবে) ঘনককে 1 2 বিন্দুতে ছেদ করিল।

অনন্তর এই অবস্থার পুরোদৃশ্য অঙ্কিত করিতে হইলে, প্ল্যানের  $a, b, c$  ও  $d$  বিন্দু সকল হইতে প্রক্ষেপ

রেখা উত্তোলন করিতে হয়; কিন্তু প্ল্যানের  $ab$  ও  $bc$  ভূজদ্বয় 1 এবং 2 বিন্দুতে খণ্ডিত হওয়ায় 1- $b$ -2 অংশ বাদ পড়িয়াছে, সুতরাং প্লানে ঐ অংশটুকু ফুটুকি ফুটুকি রেখার দ্বারা নির্দিষ্ট হইবে; আর পুরোদৃশ্যের অঙ্ক  $a, 1, 2$ , এবং  $c$ ,—এই বিন্দু সকল হইতে প্রক্ষেপ রেখা  $a'a''$ ,  $1'1''$ ,  $2'2''$ ,  $c'c''$  পর্যন্ত উত্তোলন কর। প্ল্যানের  $b$ -বিন্দু হইতে কোন রেখা উত্তোলিত হইবে না, কারণ ছেদন-তল 1-2-এর দ্বারা প্ল্যান কর্তিত হওয়ায়  $b$ -কোণ বাদ পড়িয়াছে, এবং



**অঙ্কন :** প্রথমে এক ভূমিরেখা অঙ্কিত করিয়া তাহার নীচে, এবং উহার সহিত  $45^\circ$ -ভিত্তিতে আনত অঙ্করেখা-বিশিষ্ট প্ল্যান A(BD)CG(HF)E অঙ্কিত কর; উহার অঙ্করেখার দৈর্ঘ্য ৫'৩ সেণ্টিমিটার হইবে। প্ল্যানের AC ও EG রেখাষয় প্রিজমের দুই পার্শ্বের কর্ণ। যেহেতু প্রিজমের আধার সম-চতুর্ভুজ এবং প্রত্যেক বাহু ২'৫ সেণ্টিমিটার, সেহেতু AC ও EG-র দৈর্ঘ্য  $\sqrt{2} \times 2'5 = 3'525$  সেণ্টিমিটার করিয়া হইবে। অঙ্কনের সাহায্যে ইহার দৈর্ঘ্য নির্ণয় করিতে হইলে, ভূমিরেখার উপরে এক বর্গক্ষেত্র *abcd* এমন ভাবে অঙ্কিত কর যাহার প্রত্যেক বাহু ২'৫ সেণ্টিমিটার করিয়া হয়, ও উহার এক কোণীয় বিন্দু *d*-র উপরে এমন ভাবে থাকে যে, উহার *ad* ও *dc* ভুজের ভূমিরেখার সহিত সমান কোণ (অর্থাৎ  $45^\circ$ -ভিত্তি) করিয়া থাকে। এইবার ইহার কর্ণ *ac* যত দীর্ঘ হইবে, প্লানে AC ও EG-র দৈর্ঘ্যও তত হইবে। এই প্ল্যান সম্পূর্ণ করিবার পর উহার অখণ্ডিত পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

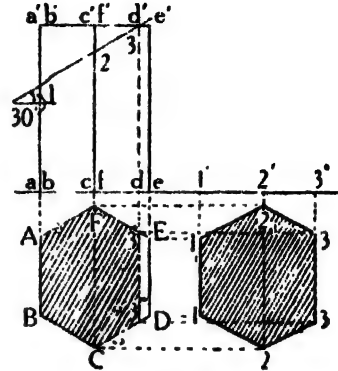
অনন্তর, মনে কর  $XX'$ ,—এই উর্ধ্বাধঃ-তলের দ্বারা প্রিজমের প্ল্যান 1, 2, এবং 3-বিন্দুতে খণ্ডিত হইল। যেহেতু AE-রেখা প্রিজমের এক শির, সে কারণে 1-এর প্রক্ষেপ পুরোদৃশ্যে *ac* রেখা পর্যন্ত উত্তোলিত হইবে; এইভাবে 2-হইতে উত্তোলিত প্রক্ষেপ-রেখা পুরোদৃশ্যকে ২" ও ২' বিন্দুদ্বয়ে ছেদ করিবে, এবং 3-হইতে উত্তোলিত প্রক্ষেপ-রেখা ৩" ও ৩' বিন্দুদ্বয়ে ছেদ করিবে। সুতরাং খণ্ডিত অংশের পুরোদৃশ্য  $1'2'3'3''2''1'$ ,—এই ক্ষেত্রের দ্বারা সীমাবদ্ধ হইবে।

#### সম্পাদ্য 4

২'৫ সেণ্টিমিটার উচ্চতা-বিশিষ্ট কোন বড়-ভুজ প্রিজম ভূমিতলের উপরে খাড়া ভাবে দাঁড়াইয়া আছে, এবং উহার দুই সম্মুখিত বাহু ভূমিরেখার সহিত সমান আনতিতে রহিয়াছে। ইহার পুরোদৃশ্য ভূমিরেখার সহিত  $30^\circ$ -ভিত্তিতে আনত ও উর্ধ্বাধঃ-তলের অঙ্কন এক ছেদন-তলের দ্বারা খণ্ডিত। ইহার প্ল্যান ও খণ্ডিত অংশের প্রকৃত আকার অঙ্কিত কর।

**অঙ্কন :** প্রথমে সম-বড়-ভুজ প্ল্যান অঙ্কিত করিয়া, উহা হইতে প্রিজমের

পুরোদৃশ্য অঙ্কন কর। অতঃপর ঐ পুরোদৃশ্যকে  $30^\circ$ -ভিগ্রিতে আনত ছেদন-তলের দ্বারা ছেদ কর; ঐ তল প্রিজমের উর্ধ্বাধঃ শিরগুলিকে 1, 2, 3-বিন্দুতে ছেদ করিয়াছে। উহা হইতে প্রক্ষেপ-রেখা পাত করিয়া, খণ্ডিত প্ল্যানের চিত্র নির্ধারণ কর।



চিত্র নং 136

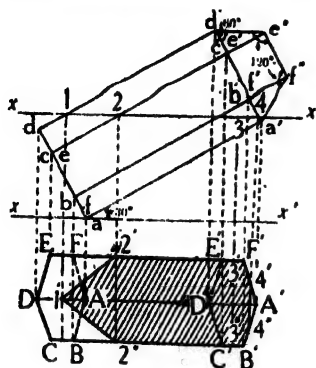
খণ্ডিত অংশের প্রকৃত আকার অঙ্কনের জন্য দক্ষিণপার্শ্বে  $1'-2'-3'$  =  $1-2-3$  করিয়া চিহ্নিত কর, ও উহা হইতে তিনটি প্রক্ষেপ-রেখা পাতিত কর; আর প্ল্যানের A, F, 3'', 3'', C, B, —বিন্দু সকল হইতে অভূমিক প্রক্ষেপ-রেখা অঙ্কন করিয়া উপযুক্ত বিন্দুতে ছেদ করিয়া  $1_1, 1_2, 2_2, 3_2, 3_1, 2_1, 1_1$ —ক্ষেত্র নির্ধারণ কর।

### সম্পাদ্য ৫

২'৫ সেন্টিমিটার ভূজের ও ৫'৩ সেন্টিমিটার উচ্চতার কোন সম-ষট্‌কোণী প্রিজম ক্রিতিতলের উপরে এমন ভাবে দাঁড়াইয়া আছে যে, তাহার অক্ষরেখা উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরাল ও অনুভূমিক তলের সহিত  $30^\circ$ -ভিগ্রিতে আনত। ইহার পুরোদৃশ্য এমন এক অনুভূমিক তলের দ্বারা খণ্ডিত, যাহা প্রিজমকে 1, 2, 3 এবং 4 বিন্দুতে ছেদ করিয়াছে। ইহার খণ্ডিত অবস্থার প্ল্যান অঙ্কিত কর।

অঙ্কন : প্রথমে ভূমিরেখা টানিয়া তাহার উপরে  $30^\circ$ -ভিগ্রি আনতিতে ৩'৫ সেন্টিমিটার লম্বা  $aa'$  রেখা অঙ্কিত কর। এইবার  $a$  ও  $a'$ -এর সঙ্গে  $90^\circ$ -ভিগ্রিতে প্রিজমের আধার-রেখা আঁক। যেহেতু ইহা ষট্‌কোণী প্রিজম, সে কারণে আধার রেখার দৈর্ঘ্য তাহার বাহুর দ্বিগুণ হইবে। [ অঙ্কনের সাহায্যে করিতে হইলে, প্রথমে  $a'$  বিন্দু হইতে  $60^\circ$ -ভিগ্রি আনতিতে ২'৫ সেন্টিমিটার লম্বা এক রেখা টান; তাহার অপর প্রান্ত হইতে তাহার সহিত  $120^\circ$ -ভিগ্রি করিয়া মাত্র এক রেখা টান, তাহারও দৈর্ঘ্য ২'৫ সেন্টিমিটার হইবে, এবং এই রেখারও

অপর প্রান্ত হইতে  $120^\circ$ -ডিগ্রি করিয়া  $2.5$  সেন্টিমিটার লম্বা তৃতীয় ভূমিরেখা



চিত্র নং ১৮৭

টানিয়া তাহার অপর প্রান্তের সহিত  $a'$  কে যোগ করিলে  $a'd'$ -রেখার দৈর্ঘ্য পাওয়া যাইবে; এখন  $c''$  ও  $f''$  কোণীয় বিন্দুস্থ হইতে  $a'd'$ -এর উপরে প্রক্ষেপ রেখা পাত করিলে বাহুগুলির প্রক্ষেপিত দৈর্ঘ্য পাওয়া যাইবে। অনন্তর আধার-রেখাকে সমান পাঁচভাগে ভাগ করিয়া একভাগ  $a'b'$ , দুইভাগ  $b'c'$ , এবং একভাগ  $c'd'$  রাখিলে  $b'f'$  ও  $c'e'$ -এর অবস্থান পাওয়া যাইবে। এইবার

উহা হইতে পুরোদৃশ্য সম্পূর্ণ কর ও তাহার প্ল্যান অঙ্কিত কর।

অনন্তর পুরোদৃশ্যে  $xx'$  এক অনুভূমিক ছেদন-তল টানিয়া প্রিজমকে ১, ২, ৩ এবং ৪-বিন্দুতে খণ্ডিত কর, এবং তাহা হইতে প্ল্যানে প্রক্ষেপ-রেখা সকল পাতিত করিয়া খণ্ডিত অংশের চিত্র সম্পূর্ণ কর।

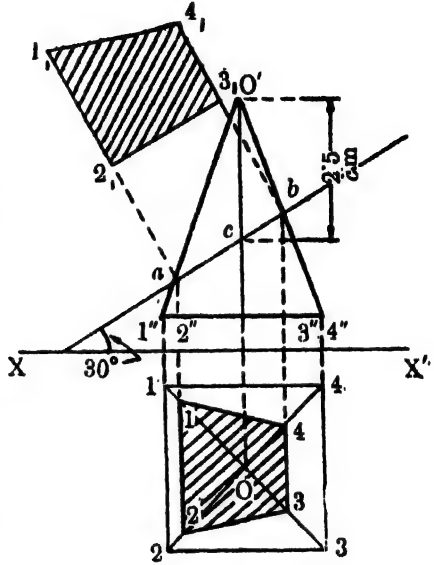
### সম্পাদ্য ৪

কোন চতুর্কোণ পিরামিডের আধারের ভূজ  $2.5$  সেন্টিমিটার ও তাহার উচ্চতা  $৪.৪৫$  সেন্টিমিটার; অনুভূমিক তলের উপরে তাহার এক বাহু ভূমিরেখার সহিত সমান্তরাল করিয়া দাঁড়াইয়া আছে। এই পিরামিডের চূড়া হইতে  $2.5$  সেন্টিমিটার নীচে যে একটি তল-দ্বারা উহা কটিত, তাহা ভূমিতলের সহিত  $30^\circ$ -ডিগ্রি কোণে আনত, ও উৎসর্গ-তলের অনুলম্ব। ইহার প্ল্যান, পুরোদৃশ্য ও খণ্ডিত অংশের প্রকৃত আকার অঙ্কিত কর।

প্রথমে চতুর্কোণ পিরামিডের প্ল্যান-স্বরূপ ১ ২ ৩ ৪-বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত কর। ১-৩ এবং ২-৪ কোণীয় বিন্দু পরস্পর সংযুক্ত করিলে প্ল্যানে উহার শীর্ষবিন্দু  $O$  পাওয়া যাইবে। ইহার পুরোদৃশ্য অঙ্কিত করিতে হইলে, ১ এবং ৪ কোণীয় বিন্দু হইতে দুইটি প্রক্ষেপ-রেখা তুলিয়া  $1''$  এবং  $4''$ -বিন্দু দুইটিকে

XX'-রেখার সমান্তরালে এক রেখার দ্বারা যুক্ত করিয়া দাও; ইহাই পিরামিডের আধারের বাহুর দৈর্ঘ্য। এইবার উহার খাড়া উচ্চতার অঙ্ক প্রদানের O'-বিন্দু হইতে এক প্রক্ষেপ-রেখা তুলিয়া, আধার হইতে ৬.৩৫ সেন্টিমিটার উর্ধ্বে O'-বিন্দু পর্যন্ত লইয়া বাও, এবং 1"-O', ও 4"-O' দ্বারা সংযুক্ত কর। ইহাই পিরামিডের অখণ্ডিত অবস্থার পুরোদৃশ্য।

অতঃপর XX'-রেখার সঙ্গে 30°-ভিত্তিতে ছেদন-তলের পুরোদৃশ্য এক সরল রেখা অঙ্কিত করিয়া, তাহাকে পিরামিডের শীর্ষবিন্দু O' হইতে ২.৫ cm, নীচের a-বিন্দুর উপর দিয়া চালিত



চিত্র নং ১৪৪

কর, এবং মনে কর aO'b-অংশটুকু সরাইয়া লওয়া হইল। তাহা হইলে পুরোদৃশ্যে পিরামিডের (1''2'')-a-b-(3''4'') অংশটুকু অবশিষ্ট থাকিবে। এইবার এই অবশিষ্ট অংশের প্রদান অঙ্কনের জন্য a এবং b বিন্দু হইতে দুই প্রক্ষেপ-রেখা পূর্বে অঙ্কিত প্রদানের উপরে নামাইয়া দাও। যে যে বিন্দুতে ঐ প্রক্ষেপ-রেখা-দুইটি প্রদানের কর্ণদ্বয়কে ছেদ করিবে, তাহাদের এক একটি রেখার দ্বারা সংযুক্ত করিয়া ছেদিত অংশের প্রদান লাভকর, ও ছেদ-রেখার দ্বারা ঐ উৎপন্ন চতুর্ভুজকে নির্দেশ কর।

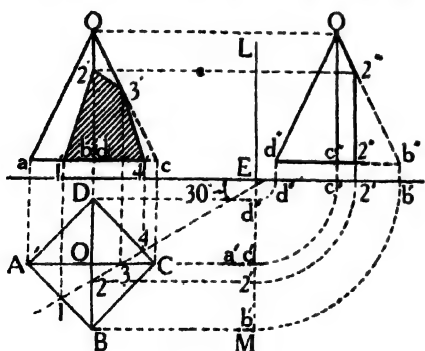
এখন খণ্ডিত অংশের প্রকৃত আকার পাইবার জন্য, ছেদ-রেখা ab-র সমান্তরালে ও উপরের দিকে এক রেখা টান, এবং পুরোদৃশ্যের a এবং b-বিন্দুদ্বয় হইতে দুইটি প্রক্ষেপ-রেখা উত্তোলন করিয়া উহাকে, যথাক্রমে, 2<sub>1</sub> এবং 3<sub>1</sub> বিন্দুতে ছেদ করিয়া আরও উর্ধ্বে লইয়া বাও। স্পষ্টই দেখিতে পাওয়া যাইতেছে, ইহাতে

১. ৪. ১. বর্গক্ষেত্র  $abcd$  এর সমান হইল। এখন  $2_1-1_1$ -রেখাকে প্রাণে  $2-1$ -এর সমান, এবং  $3_1-4_1$  রেখাকে  $3-4$  রেখার সমান করিয়া বসাইয়া;  $1_1, 2_1, 3_1, 4_1$ -এই চতুর্কোণ কেন্দ্র অঙ্কিত কর, এবং উহাকে ছেদ-রেখার দ্বারা চিহ্নিত কর।

### সম্পাদ্য ৭

৪.২ সেন্টিমিটার দীর্ঘ বাহু ও  $6.36$  সেন্টিমিটার উচ্চতার কোন চতুর্কোণ পিরামিড অনুভূমিক তলের উপরে এমন ভাবে অবস্থিত যে, ভূমিরেখার নিকটবর্তী পিরামিডের কোণের সংলগ্ন দুইটি বাহু ঐ রেখার সহিত  $45^\circ$ -ডিগ্রি কোণ আনত আছে; এবং পিরামিডের প্রাণ এমন এক তলের দ্বারা খণ্ডিত, যাহা উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $30^\circ$ -ডিগ্রি কোণে আনত, এবং ঐ তল, প্রাণে, পিরামিডের শীর্ষবিন্দুর  $1.25$  সেন্টিমিটার স্ফুথ দিয়া চলিয়া গিয়াছে। এই অবস্থার প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

অঙ্কন: প্রথমে ভূমিরেখার সহিত  $45^\circ$ -ডিগ্রি কোণ করিয়া চতুর্কোণ পিরামিডের  $৪.২$  সেন্টিমিটার বাহুবিশিষ্ট এক বর্গক্ষেত্র  $ABCD$  উহার প্রাণ



চিত্র নং ১৪৯

এবং প্রাণের  $O$ -বিন্দুর  $1.25$  cm. স্ফুথে অবস্থিত বিন্দু  $2$ -কে স্পর্শ করিয়া এক ছেদ-রেখা টান। মনে কর এই ছেদ-রেখা পিরামিডের প্রাণকে  $1, 2, 3, 4$ —এই চারি বিন্দুতে ছেদ করিল। ঐ বিন্দু সকল হইতে প্রক্ষেপ-রেখা টানিয়া

রূপে অঙ্কিত কর; আর  $AC$  এবং  $BD$  যোগ করিয়া পরস্পরের ছেদ বিন্দুতে উহার শীর্ষবিন্দু  $O$ -এর স্থান নির্দেশ কর। ইহার পুরোদৃশ্য  $aO'c$ -এই জিভুজ; ইহার খাড়া উচ্চতা  $(bd)O' = 3.2$  সেন্টিমিটার।

অনন্তর ভূমিরেখার সহিত  $30^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে,

পুরোদৃষ্টের উপযুক্ত ভূজ পৰ্যন্ত উত্তোলন কর। দেখা যাইবে,  $AB$ -র উপরের 1-বিন্দুর প্রক্ষেপ পুরোদৃষ্টের  $ab$ ,—এই আধার-ভূজের উপরে পড়িয়া 1' চিহ্ন লাভ করিয়াছে; সেইরূপ, 3-বিন্দু  $O'c$  শিরের মধ্যে 3' বিন্দু হইয়াছে; এবং 4-বিন্দু  $(bd)c$ ,—এই আধার-ভূজের 4'-বিন্দুরূপে প্রক্ষেপিত হইয়াছে। কিন্তু প্র্যানে  $OB$ -র উপরের 2-বিন্দুর প্রক্ষেপ একপ সরাসরি ভাবে পাইতে পারা যায় না। তাই উক্ত পাইবার জন্য পার্শ্ব-দৃষ্ট অঙ্কিত করিতে হইবে।

ইহার জন্য এক উর্ধ্বাধঃ-রেখা  $LEM$  টান, এবং  $EM$  রেখার উপরে  $B$ , 2,  $O$  ও  $D$ -বিন্দু হইতে অস্থূমিক ভাবে প্রক্ষেপ করিয়া  $b'$ , 2' ( $a'c'$ ) ও  $d'$  বিন্দুগুলি নিকপণ কর। অনন্তর  $E$ -কে কেন্দ্র, ও  $Eb'$ ,  $Ec'$ ,  $E2'$  এবং  $Ed'$ -কে ব্যাসার্ধ লইয়া এক এক বৃত্তপাদ অঙ্কিত করিয়া আধার-রেখা  $d''b''$ , ও মধ্যশিরের রেখার  $e''$ -বিন্দু লাভ করিয়া তাহাকে উচ্চ বর্ধিত কর, এবং  $O'$  বিন্দু হইতে অস্থূমিক প্রক্ষেপ টানিয়া উহাকে  $O''$ -বিন্দুতে ছেদ কর; উহাই পিরামিডের পার্শ্ব-দৃষ্টের শীর্ষবিন্দু।  $O''$ -এর সঙ্গে  $d''$ ,  $e''$ , এবং  $b''$  যোগ করিলে পার্শ্ব-দৃষ্ট হইল। এইবাব 2''-বিন্দু হইতে উর্ধ্বে প্রক্ষেপ-রেখা উত্তোলিত করিলে উহা  $O''b''$ -ভূজের 2''' বিন্দুতে স্পর্শ করিবে। এখন ঐ 2'''-বিন্দু হইতে পুরোদৃষ্টের দিকে অস্থূমিক প্রক্ষেপ-রেখা চালিত করিলে উহা  $O'-(bd)$  রেখাকে যে বিন্দুতে স্পর্শ করিবে, তাহাই প্র্যানে 2-বিন্দুর প্রক্ষেপ, ইহাকে 2' বলিয়া নির্দেশ কর।

সর্বশেষে 1'-2', 2'-3', 3'-4' যোগ কর, ও এই সকল রেখার দ্বারা সীমাবদ্ধ পিরামিডের ক্ষেত্র 1'2'3'4'1'-ই খণ্ডিত অংশ।

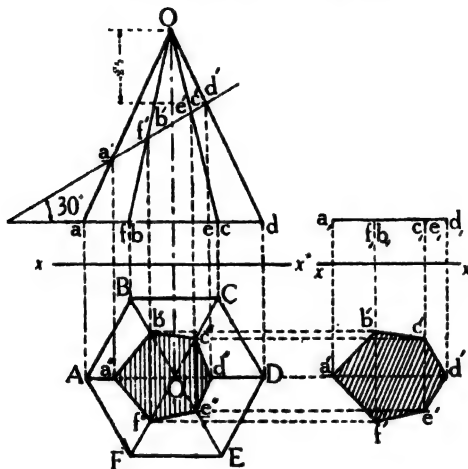
### সম্পাদ্য ৪

3'2 সেন্টিমিটার দীর্ঘ আধারের ভূজ এবং 6'3 সেন্টিমিটার খাড়া উচ্চতা-বিশিষ্ট কোন সম-ষট্ঠকোণী ষড়্ভুজ পিরামিড, উহার আধারের এক বাহু উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরালে ভূমিতলের উপরে অবস্থিত। ঐ পিরামিডের পুরোদৃষ্টকে ভূমিরেখার সহিত  $30^\circ$ -ভিত্তিতে আনত, ও উর্ধ্বাধঃ-তলের অনুলম্ব এক তলের দ্বারা খণ্ডিত করা হইল; ঐ তল পিরামিডের শীর্ষবিন্দু হইতে চালু শিরের 2'6 সেন্টিমিটার



নীচে দিয়া চলিয়া গিয়াছে। খণ্ডিত পিরামিডের প্রান্ত, পুরোদৃশ্য, ও খণ্ডিত অংশের প্রকৃত আকার অঙ্কিত কর।

অঙ্কন : প্রথমে ৩'২ সেটিমিটার ভূমির পিরামিডের প্রান্ত অঙ্কিত কর, এবং উহার কোণীয় বিন্দু সকল হইতে প্রক্ষেপ-রেখা উত্তোলন করিয়া পুরোদৃশ্যের



[ নং 140

আধার-রেখা  $a(fb)(ec) d$  নির্ণয় কর ; প্রান্তের শীর্ষবিন্দু O-হইতে উচ্চ প্রক্ষেপ-রেখা উত্তোলন করিয়া, আধার রেখা হইতে ৬'৫ সেটিমিটার উচ্চ পুরোদৃশ্যের শীর্ষবিন্দু "O" নির্দিষ্ট করিয়া  $oa, o(fb), o(ec)$ , এবং  $od$  যোগ করিয়া পুরোদৃশ্য সম্পূর্ণ কর।

এইবার এই পুরোদৃশ্যে ভূমিরেখার সহিত  $30^\circ$ -ভিগ্রিতে আনত ছেদন-তলের রেখা এমন ভাবে আঁক যে উহা শীর্ষবিন্দু O হইতে,  $Od$ -রেখার ২'৫ সেটিমিটার নীচে দিয়া চলিয়া যায়। ইহাতে পিরামিডের প্রত্যেক শির  $a', (f'b'), (e'c')$  ও  $d'$  বিন্দুতে খণ্ডিত হইবে। এখন এই সকল বিন্দু হইতে অধোদিকে প্রক্ষেপ-রেখা ফেলিয়া, প্রান্তের উপর দিয়া ছেদন-তল বাওয়ার বিন্দুগুলি নির্ণয় কর ; এবং এই বিন্দুগুলি যোগ করিয়া, ও ছেদ-রেখা টানিয়া প্রান্তের ছেদিত দৃশ্য সম্পূর্ণ কর।

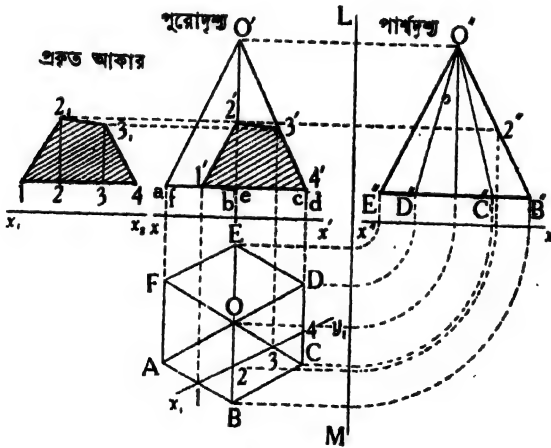
খণ্ডিতাংশের প্রকৃত আকার অঙ্কনের জন্ত, ছেদ-রেখার  $a'd'$ -এর সমান করিয়া

এক সরলরেখা  $a_1 d_1$  অঙ্কিত কর, এবং  $a_1 (f_1 b_1) = a' (f' b')$ ;  $(f_1 b_1)(e_1, c_1) = (f' b')(e' c')$ ; এবং  $(e_1, c_1) d_1 = (e' o') d'$  করিয়া দাগ দাও। এই বিন্দুগুলি হইতে নীচে প্রক্ষেপ-রেখা পাতিত কর, এবং প্ল্যানের  $a'', b'', c''$ ,—ইত্যাদি বিন্দু হইতে অনুভূমিক প্রক্ষেপ টানিয়া উহাদিগকে উপযুক্ত বিন্দুতে ছেদ কর, এবং তাহাদিগকে রেখার দ্বারা সংযুক্ত করিয়া ছেদ-রেখা অঙ্কিত কর।

### সম্পাদ্য ৭

সম্পাদ্য ৫-এর সম-বটকোণী পিরামিড ভূমিতেল এমনভাবে রাখিয়াছে যে, উহার দুই সম্মিহিত বাহু ভূমিরেখার সহিত সমান কোণে আনত; ঐ পিরামিডকে এক ছেদন-তলের দ্বারা চিত্রে প্রদর্শিত প্রকারে খণ্ডিত করা হইয়াছে। ইহার কর্তিত অবস্থার পুরোদৃশ্য এবং খণ্ডিত অংশের প্রকৃত আকার অঙ্কিত করিয়া দেখাও।

অঙ্কন : ভূমিরেখার নিম্নদিকে উহার অস্থলভাবে এক উর্ধ্বাধঃ-রেখা টান, এবং ঐ রেখার সহিত উভয়দিকে  $60^\circ$ -ভিত্তি করিয়া,  $3/2$  সেন্টিমিটার দৈর্ঘ্যের



চিত্র নং 141

দুই রেখা EF ও ED অঙ্কিত কর, এবং ঐ দুই রেখাকে দুই বাহু করিয়া একটি সম-বড়্‌ভুজ EFABCD অঙ্কিত কর; উহাদের বিপরীত কোণীয় বিন্দুগুলি

প্রতিচ্ছেদ-বিন্দু (point of intersection) "O"। এখন এই প্ল্যানকে  $x_1y_1$ -ছেদন-তলের দ্বারা ছেদ কর; মনে কর, ঐ ছেদন-তল AB-কে 1-বিন্দুতে, OB-কে 2-তে, OC-কে 3-তে, এবং CD-কে 4-এ ছেদ করিল।

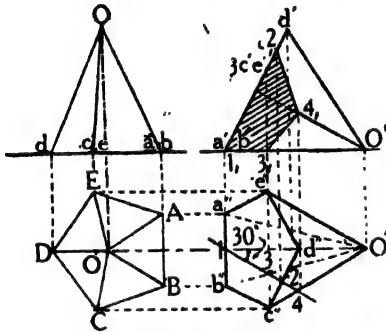
পিরামিডের অখণ্ডিত অবস্থার পুরোদৃশ্য ( $af$ )O'(cd),—এই দ্রিভুজ গঠন কর : এর উচ্চতা ( $be$ )O', সম্প্রায় 5.-এ প্রদত্ত 6'3 সেন্টিমিটার। অনন্তর প্ল্যানে 1, 2, 3, 4.-বিন্দু সকল হইতে, যথাক্রমে,  $af-be$ -র উপরে 1', O'-cd-এর উপরে 3' আর (cd)-বিন্দুর সঙ্গে মিলিত 4',-বিন্দুগুলি নির্ণয় কর। 2-এর প্রক্ষেপ পাইবার জন্য সম্প্রায় 4.-এর অঙ্করূপ এক উর্ধ্বাধঃ-তল LM অঙ্কিত কর, এবং E, D, O, C, 2 এবং B-বিন্দু সকল হইতে অমুভূমিক প্রক্ষেপ-রেখা LM পর্যন্ত অঙ্কন করিয়া, পুরোদৃশ্যের ভূমিরেখার  $x'$ -কে বর্ধিত করিলে যে বিন্দুতে উহা LM-রেখা স্পর্শ করে, তাহাকে কেন্দ্র করতঃ, ঐ ঐ প্রক্ষেপিত বিন্দুগুলিকে ব্যাসার্ধ লইয়া এক একটি বৃত্তপাদ অঙ্কিত করিয়া পার্শ্ব-দৃশ্যের নূতন ভূমিরেখা  $x''x'''$  পর্যন্ত লইয়া আইস, এবং তথা হইতে পার্শ্ব-দৃশ্যের আধার-রেখা E"B"-এর উপরে উর্ধ্বাধঃ-দিকে উত্তোলিত কর। প্ল্যানের O-এর প্রক্ষেপ রেখাকে উর্ধ্ব উত্তোলন করিয়া, পুরোদৃশ্যের O' হইতে অমুভূমিক প্রক্ষেপ-রেখার দ্বারা ছেদ কর; ইহাই পার্শ্ব-দৃশ্যে পিরামিডের শীর্ষবিন্দু O"। এইবার এই পার্শ্ব-দৃশ্য সম্পূর্ণ কর।

অনন্তর 2-এর প্রক্ষেপকে উর্ধ্ব চালিত করিয়া O"B" রেখার 2"-বিন্দু পর্যন্ত পহুছাও; এবং উহা হইতে বাম দিকে অমুভূমিক প্রক্ষেপ-রেখা প্রলম্বিত করিয়া পুরোদৃশ্যের অক্ষরেখার সহিত 2'-বিন্দুকে স্পর্শ কর। এইবার পূর্বপ্রাপ্ত 1'2'3'4',—এই বিন্দুগুলি রেখার দ্বারা সংযুক্ত করিলে খণ্ডিত অংশের পুরোদৃশ্য পাওয়া যাইবে।

এই খণ্ডিত অংশের প্রকৃত আকারের জন্য আর একটি অমুভূমিক রেখা  $x_1x_2$  গ্রহণ কর, এবং প্ল্যান হইতে 1-2, 2-3, এবং 3-4.-এর দূরত্ব লইয়া 1-2-3-4 রেখা অঙ্কিত কর। এইবার ইহার আধারের 2-হইতে উত্তোলিত প্রক্ষেপ-রেখাকে পার্শ্ব-দৃশ্যের 2'-বিন্দু হইতে প্রক্ষেপিত অমুভূমিক রেখার দ্বারা ছেদ করিয়া 2<sub>1</sub>-বিন্দু লাভ কর; এইরূপ, পুরোদৃশ্যের 3' বিন্দুর প্রক্ষেপ হইতে 3<sub>1</sub>-বিন্দু লাভ কর। এই বিন্দুগুলিকে সংযুক্ত করিলে, খণ্ডিত অংশের প্রকৃত আকার পাওয়া হইল।

সম্পাদ্য 10.

আধারের ভূজ ৪'২ সেন্টিমিটার দীর্ঘ ও ৫'৪ সেন্টিমিটার উচ্চতা বিশিষ্ট কোন এক সম-পঞ্চকোণী পিরামিড অঙ্কভূমিক তলের উপরে উহার কোন এক ত্রিকোণাকার ঢালু তল (triangular face) রাখিয়া অবস্থান করিতেছে; তখন উহার অক্ষরেখা উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত সমান্তরালে অবস্থিত। এই অবস্থায় উহার প্ল্যানকে এমন এক ছেদন-তল দিয়া খণ্ডিত করা হইল যাহা উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $30^\circ$ -ভিত্তিতে আনত। ইহার খণ্ডিত পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।



চিত্র নং 142

উহাকে ABO-ঢালুতলের উপরে শোয়ান' অবস্থায় পুরোদৃশ্য আঁক, এবং তাহার প্ল্যানও আঁক।

এইবার এই প্লানে, ভূমিরেখার সহিত  $30^\circ$ -ভিত্তিতে আনত ছেদন-তলের দ্বারা পিরামিডকে 1 2 3 4-বিন্দুতে ছেদ কর। অতঃপর ঐ সকল বিন্দু হইতে এক এক প্রক্ষেপ-রেখা উত্তোলন করিয়া, পুরোদৃশ্যকে 1<sub>১</sub> 2<sub>১</sub> 3<sub>১</sub> 4<sub>১</sub> বিন্দুতে ছেদ কর, এবং ঐ বিন্দু সকলকে পরস্পর সংযুক্ত করিয়া ছেদিত অংশের পুরোদৃশ্য গঠন কর।

তলের উপরে অবস্থিত বলিয়া প্রথম অবস্থায় প্লানে, যখন উহা খাড়াভাবে বসিয়া আছে, তখন উহার কোন এক বাহু, (যথা AB), উর্ধ্বাধঃ-ভাবে থাকিবে; তাই পঞ্চভূজের এক ভূজ AB-কে উর্ধ্বাধঃ দেখাইয়া পঞ্চভূজ, এবং উহার পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর। এইবার ডানপাশে,

## পঞ্চদশ পরিচ্ছেদ

### বিভিন্ন উপাদান প্রদর্শন করার প্রণালী

যন্ত্রশিল্পে সচরাচর যে-সব উপাদান ব্যবহৃত হয়, নক্সায় তাহা প্রদর্শন করিতে হয় ; কারণ সম্পূর্ণ নক্সা এমন হইতে হয়, যাহাতে কেবলমাত্র উহাকে অবলম্বন করিয়াই কারিগর সেই যন্ত্র অথবা যন্ত্রাংশ নির্মাণ করিতে সমর্থ হয়, তাহাকে মুখে আর কিছু বলিতে না হয়। যন্ত্রের কোন্ অংশ কি ধাতুর (যথা, ঢালাই-

#### বিভিন্ন উপাদানের সাংকেতিক চিহ্ন



Cast Iron (C.I.)  
ঢালাই লোহা



Cast Steel (c.s.)  
ঢালাই ইস্পাত



Steel  
ইস্পাত



Wrought  
Iron (W.I.)  
বাংলা বা  
পেটা লোহা



Brass, Copper &c.  
পিতল, তামা প্রভৃতি  
মিশ্র ধাতু



Aluminium &c.  
আলুমিনিয়ম ও  
উহার মিশ্রধাতু



Lead, Zinc,  
Babbitt Metal  
সীসক, দস্তা, ব্যাবিট  
মেটাল



Wood (Longi-  
tudinal section)  
কাঠ (দীর্ঘচ্ছেদ)



Wood  
(cross-section)  
কাঠ (প্রস্থচ্ছেদ)



Concrete  
কংক্রীট

Bakelight, Mica,  
Fibre, Electrical  
Insulation &c.

বেকলাইট, অম্ল প্রভৃতি

লোহা, বাংলা লোহা, পিতল, তামা, সীসা, প্রভৃতি), কিংবা কোনটা কাচের, এবোনাইট-এর, ইত্যাদি, তাহা জানাইবার সর্বগ্রাহ্য সাংকেতিক চিহ্ন আছে। পূর্ব পৃষ্ঠায় তাহার প্রধান প্রধান কয়েকটি দেওয়া হইল। তবে আত্মকাল এই প্রকার বদলে বহুক্ষেত্রে যন্ত্রের ভিন্ন ভিন্ন অংশে 1, 2,... প্রভৃতি করিয়া সংখ্যা দেওয়া হয়, ও নম্বার নীচের দিকে ডানদিকে একটি তালিকা দেওয়া হয়, তাহাতে, অঙ্কসারে, 1, 2,... ইত্যাদি সংখ্যা, ঐ অংশের নাম, যে উপাদানে উহা নির্মিত হইবে তাহার নাম, প্রত্যেক অংশ সংখ্যার কতগুলি নির্মিত হইবে তাহার উল্লেখ, প্রভৃতি লেখা থাকে। অল্প প্রথা অঙ্কসারে আবার অংশ সকলের অন্ততঃ কয়দংশকে অমুভূমিক রেখার সহিত  $45^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে ছেদিত (in section)-ভাবে প্রদর্শন করিয়া, তাহার গারে C.I. (ঢালাই-লোহার সংক্ষেপ), C.S. (ঢালাই-ইস্পাতের সংক্ষেপ), ইত্যাদি লিখিয়া উপাদান বুঝান হইয়া থাকে।

## ষোড়শ পরিচ্ছেদ

### স্কেল (Scale) বা 'মানক'

যদি কোন সাধারণ আয়তনের কাগজের উপরে কোন এক বৃহৎ সামগ্রীর প্রতিক্রপ অঙ্কিত করিবার চেষ্টা করা যায়, (যথা কোন সামগ্রীর পরিমাপ 5' ফুট  $\times$  10' ফুট আর কাগজের আয়তন মাত্র 14" ইঞ্চ  $\times$  10" ইঞ্চ), তবে তাহা যে অসম্ভব, ইহা বলিবার আবশ্যক করে না। এইরূপ, পৃথিবীর অথবা কোন দেশের, এমন কি কোন গ্রামের মানচিত্রও ঠিক মাপমত অঙ্কিত করা তাহা হইলে অসম্ভব হয়। কিন্তু যদি তাহা করিতেই হয়, (এবং নিয়তই তাহা করা হইয়াও থাকে), তবে অঙ্কনীয় বস্তুটির বিভিন্ন অংশের মধ্যের অল্পপাত বজায় রাখিরা ছোট আকারের একটি চিত্র অঙ্কিত করা বাইতে পারে। উদাহরণ স্বরূপ, যদি চিত্রের সর্বত্র আসল বস্তুর প্রতি ফুট দৈর্ঘ্যকে 3"-ইঞ্চ দৈর্ঘ্য দ্বারা নির্দেশ করা যায়, তবে উপরোক্ত 5' ফুট দৈর্ঘ্য  $3" \times 5' = 15"$  ইঞ্চ, এবং  $3" \times 10' = 30"$  ইঞ্চ দ্বারা সম্পূর্ণভাবে সামগ্রীটির নক্সা করা বাইতে পারিবে। সেইরূপ আবার, 10" ইঞ্চ দৈর্ঘ্যে  $10" \times 3 = 30$  ফুট দৈর্ঘ্য প্রদর্শিত হইতে পারিবে। এমন স্থলে বলা হয়, নক্সার স্কেল (scale) প্রতি ফুটে তিন ইঞ্চ (3" inch to the foot)।

এখন যদি নক্সার খানিকটা দৈর্ঘ্য মাপা যায়, আর প্রকৃত বস্তুর ততটা দৈর্ঘ্য যতটা নির্দেশ করিতেছে তাহা দিয়া ভাগ করা যায়, তবে তাহাতে যে ভগ্নাংশ পাওয়া গেল, তাহাকে ইংরাজীতে Representative fraction (সংক্ষেপে R.F.) বলে; অর্থাৎ—

$$\text{R.F.} = \frac{\text{নক্সার অঙ্কিত দৈর্ঘ্য (3" ইঞ্চ)}}{\text{অঙ্কিত বস্তুর প্রকৃত দৈর্ঘ্য (1 ফুট)}} = \frac{3}{1' \times 12} = \frac{1}{4} \text{ হইবে।}$$

এইভাবে—

যদি  $\frac{1}{4}"$  ইঞ্চ—এ 1 ফুট নির্দেশ করে, তবে স্কেলের R.F. =  $\frac{1}{48}$ ,

"  $\frac{1}{8}"$  ইঞ্চ—এ " " " " " " " " =  $\frac{1}{24}$ ,

" 1" " " " " " " " =  $\frac{1}{12}$ ,

যদি  $1\frac{1}{2}"$  ইঞ্চি-এ ১ ফুট নির্দেশ করে, তবে স্কেলের R.F. =  $\frac{8}{2} \times \frac{1}{12} = \frac{1}{3}$ ,

"  $4"$  " " " " " " " =  $\frac{1}{3}$ ,

"  $4\frac{1}{2}"$  " " " " " " " =  $\frac{8}{2} \times \frac{1}{12} = \frac{1}{3}$ ,

"  $6"$  " " " " " " " =  $\frac{1}{3}$  হইবে।

অতরাং যদি  $1"$  ইঞ্চি-এ ১ গজ নির্দেশ করিতে হয়, তবে R.F. =  $\frac{1}{1 \times 12 \times 3} = \frac{1}{36}$ ,

এবং "  $1"$  " ১ চেন " " " " " =  $\frac{1}{12 \times 66} = \frac{1}{792}$  হইবে।

তেমনি ১ মিলিমিটার (mm.)-এ ১ সেন্টিমিটার (cm) নির্দেশ করিলে R.F. =  $\frac{1}{10}$ ,

১ " " " ১ ডেসিমিটার (dm.) " " " =  $\frac{1}{100}$ ,

১ " " ১ মিটার (m) " " " =  $\frac{1}{1000}$

হইবে। আর যদি নক্সায় প্রদর্শিত কোন দৈর্ঘ্য আসল বস্তুর দৈর্ঘ্যের সমান হয়, তখন যে নক্সার R.F. =  $\frac{1}{1} = 1$  হইবে; তখন তাহার ইংরাজী নাম full-sized drawing। বাংলায় পূর্ণায়তন নক্সা। কোন বস্তুর নক্সা করিতে হইলে তাহা পূর্ণায়তন হইলেই সর্বোত্তম, অভাবে নক্সার স্কেল যত বড় হয়, তাহার দিকে দৃষ্টি রাখিতে হইবে। পক্ষান্তরে, যদি কোন অতি ক্ষুদ্র বস্তুর নক্সা করিতে হয়, তখন নক্সার স্কেল আসল বস্তুর দ্বিগুণ, ত্রিগুণ, চারগুণ,—ইত্যাদি করিতে হয়, ইহাতে ঐ ক্ষুদ্র বস্তুতে যে-সব খুঁটিনাটি (details) আছে, তাহাকে বৃহত্তর করিয়া দেখান' বাইতে পারে। উদাহরণ স্বরূপ, যদি হাতঘড়ির (wrist watch-এর) কোন জু অংশ তৈয়ার করিতে দিবার প্রয়োজন হয়, তবে বর্ধিত আকারের নক্সা করা অপরিহার্য। তেমন ক্ষেত্রে নক্সার R.F. ভগ্নাংশরূপে নির্দিষ্ট না হইয়া ২, ৩, ৪,... ইত্যাদি অঙ্ক দ্বারা প্রকাশিত হইবে। ইহাকে ইংরাজীতে "enlarged scale") বলে। শেষ কথা এই যে, যে স্কেলই গ্রহণ করা হউক, বরাবর যেন সেই স্কেল অনুযায়ী R.F.-ই ব্যবহার করা হয়; তবেই নক্সার পারস্পরিক সম্বন্ধ বজায় থাকিয়া চিত্রটিকে আসল বস্তুর ক্ষুদ্র অথবা বৃহৎ, অবিকল প্রতিকৃতি প্রদান করিবে।



### স্কেল-অঙ্কন প্রণালী

স্কেল দুই প্রকারের হইয়া থাকে ; প্রথম, যে স্কেলে যে-কোন দুইটি মাপ পাওয়া যায়,—যেমন ইঞ্চ ও তাহার দশমাংশ, অষ্টমাংশ, বোড়শাংশ ; ফুট ও ইঞ্চ, দশ-দশ মাইল ও মাইল ইত্যাদি ; ইহাদের “সাধারণ” স্কেল ইংরাজীতে “Plain scales” বলে ; আর দ্বিতীয়,—যে স্কেলে তিনটি মাপ পাওয়া যায়, যেমন, ইঞ্চ, তাহার দশমাংশ, ও শতাংশ ; গজ, ফুট ও ইঞ্চ ; শত-মাইল, দশ-মাইল ও মাইল ; এগুলির ইংরাজী নাম “Diagonal scales” ;—বাংলায় “কর্ণমানক” বলা যাইতে পারে। নতুন যে “স্কেল” ব্যবহার হয়, তাহার বাংলা পরিভাষা “মানক” ; তবে ইহাকে “স্কেল” বলাও গ্রাহ্য হইবে।

সাধারণতঃ স্কেলের দৈর্ঘ্য পাঁচ হইতে ছয় ইঞ্চ করা প্রশস্ত, অথবা উহার যত কাছাকাছি হয়। তবে আবশ্যক হইলে ১২" ইঞ্চ লম্বাও করিতে হইতে পারে। ইহা নির্ভর করে, অধিকতম দৈর্ঘ্য বা দূরত্ব যতটা মাপিতে হইতে পারে, তাহার উপর।

#### (i) “সাম্প্রদায়িক” স্কেল নির্মাণের প্রণালী :

উদাহরণ (১) : যদি ২ ফুট ৪ ইঞ্চ দৈর্ঘ্যকে স্কেলের ২"-ইঞ্চে দেখাইতে হয়, তবে তাহাতে ফুট ও ইঞ্চ দেখাইয়া এক স্কেল রচনা কর।

(a) প্রথমে স্কেলের R.F. নির্ণয় করিতে হইবে :

$$R. F. = \frac{\text{স্কেলে প্রদর্শিত দৈর্ঘ্য}}{\text{প্রকৃত দৈর্ঘ্য}} = \frac{2''}{2'-8''} = \frac{2''}{32''} = \frac{1}{16}$$

$$\text{এখন } 2'' = 2' - 8'' = 2\frac{2}{3} \text{ ফুট ;}$$

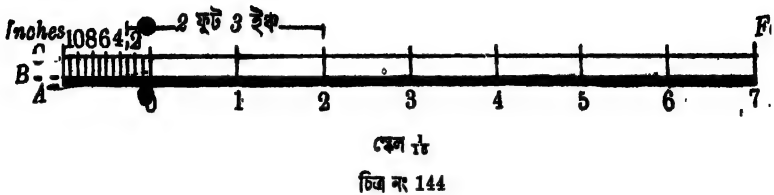
$$\text{সুতরাং } 1'' = \frac{2\frac{2}{3}}{2} = \frac{5}{6} = \frac{1}{6} \text{ ফুট ;}$$

$$\text{অতএব } 6'' = \frac{1}{6} \times 6 = 1 \text{ ফুট।}$$

(b) এইবার তিনটি এমন সমান্তরাল অস্বত্বমিক রেখা অঙ্কিত কর, যাহার মাঝের রেখা (B) নীচের রেখার (A)-এর  $\frac{1''}{20}$  উপরে থাকে, আর উপরের রেখা (C) মাঝের রেখার  $\frac{2''}{20}$  উপরে থাকে। ইহাদের প্রত্যেকেরই দৈর্ঘ্য ৬-ইঞ্চ

হইবে। এখন এই ৪"-ইঞ্চিকে আট সমান ভাগে ভাগ কর; তাহা হইলে ফেলের প্রত্যেক ভাগ ১ ফুট নির্দেশ করিবে (চিত্র নং ১৪৪)।

(c) অতঃপর বাদিকের প্রারম্ভ হইতে প্রথম ভাগ-চিহ্ন পর্যন্ত দূরত্বকে ১২ সমান ভাগে ভাগ করিলে, প্রত্যেক ক্ষুদ্র ক্ষুদ্র অংশ এক ইঞ্চি (1 inch) নির্দেশ করিবে।



(d) বাদিকের প্রারম্ভ হইতে আরম্ভ করিয়া, প্রথম ভাগ-চিহ্নের নীচে শূন্য (0) মুদ্রিত কর, এবং ০ হইতে বাদিকের ক্ষুদ্র ক্ষুদ্র রেখার নীচে (বা উপরে) 1, 2, 3,...12 পর্যন্ত, কিংবা স্থানাভাব বুঝিলে প্রত্যেক দ্বিতীয় রেখার নীচে (বা উপরে) 2, 4, 6, 8, 10, 12,—এইরূপ মুদ্রিত করিয়া, বামপ্রান্তের উপরে Inches লিখিয়া দাও, আর ০ হইতে ডানদিকে ফুটের ভাগ-চিহ্নের নীচে (বা উপরে), যথাক্রমে, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7,—এই সংখ্যাগুলি মুদ্রিত করিয়া, ডান প্রান্তের উপরের দিকে "Feet" এই কথাটি মুদ্রিত কর।

যদি কোন ফেলের R.F. দেওয়া থাকে, তবে এইভাবে ফেল রচনা করিতে হয়:—

উদাহরণ (২): R. F.  $\frac{1}{48}$  এর এক ফেল রচনা কর, ও তাহাতে গজ ও ফুট প্রদর্শন কর।

এখানে R. F. =  $\frac{1}{48}$  বলিয়া, ফেলের ১" ইঞ্চি ৪৮" ইঞ্চি প্রকৃত দৈর্ঘ্যের প্রতিনিধিত্ব (representative) হইবে;

$$\text{অতএব } 6" \text{ ইঞ্চি} = \frac{48 \times 6}{12 \times 3} = 8 \text{ গজ দেখাইবে।}$$

তাহা হইলে, যদি ৬"-ইঞ্চ দীর্ঘ এক রেখা লওয়া যায়, আর তাহাকে সমান আট ভাগে বিভক্ত করা যায়, তবে উহার প্রত্যেক ভাগ এক এক গজ-এর প্রতিকৃতি হইবে, আর যদি তাহাকে আবার তিন সমানভাগে ভাগ করা যায়, তবে এই শেখোক্ত বিভাগের প্রত্যেকটি এক এক ফুট হইবে। এইরূপ করিলে বাহা পাঁচাষ তাহার চিত্র নীচে দেওয়া হইল :—



স্কেল ১৪

চিত্র নং ১৪৫

### ভুলনা-মূলক (বা আপেক্ষিক) স্কেল (Comparative Scale)

কখন কখন এমন হয় যে, কোন এক নক্সা “মরাসী”-একক বা মিটার-একক (in metre scale) আছে, কিন্তু সেই নক্সা হইতে “ব্রিটিশ”-একক বা ফুট-একক, অথবা মাইল-এককে পরিবর্তিত করিতে হইবে। এমন স্থলে দুইটি স্কেল প্রস্তুত করিতে হয় ;—একটি মরাসী-এককে, এবং দ্বিতীয়টি ব্রিটিশ-এককে ; কিন্তু এমন ভাবে তাহা করিতে হয়, বাহাতে উভয় স্কেলের R.F. একই থাকে।

উদাহরণ : কোনো মানচিত্রে দেখা গেল ৬০-কিলোমিটার দূরবর্তী কোন দুই স্থানের অন্তর ৩ ইঞ্চ ; ইহার আপেক্ষিক স্কেল,—কিলোমিটার (km.), এবং মাইল,—দুইয়েতেই প্রদর্শন কর।

(a) প্রথমে মিটার-স্কেলের R.F. নির্ণয় কর :

$$(1) \text{ কিলোমিটার} = 1,000 \times 3'2809 \text{ ফুট} = 1,000 \times 3'28089 \times 12 \\ = 39,370'8 \text{ ইঞ্চ।}$$

$$\text{R.F.} = \frac{3''}{60 \times 39,370'8} = \frac{1}{787,219'2}$$

এই R.F. লইয়া কিলোমিটার স্কেল করিতে গেলে,—

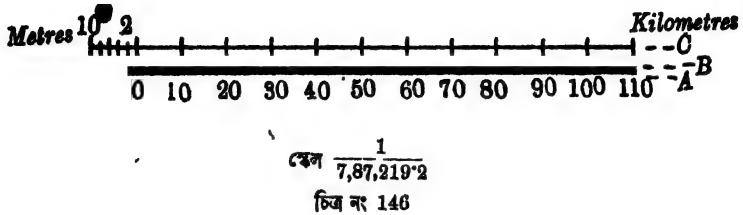
$$\text{যেহেতু } 3'' = 60 \text{ km.},$$

$$\therefore 6'' = 120 \text{ km. হইবে ;}$$

সুতরাং স্কেলকে 6" লম্বা কর; এখন যদি তাহাকে 12 সমান ভাগে ভাগ করা যায়, তবে তাহাদের প্রত্যেকের মূল্য 10 কিলোমিটার করিয়া হইবে। এইবার ইহারই এক কিলোমিটারকে সমান দশভাগে বিভক্ত করিলে, প্রত্যেক বিভাগ এক এক কিলোমিটার নির্দেশ করিবে।

$$R. F. = \frac{1}{7,87,219.2}$$

(i) কিলোমিটার স্কেল :



(b) এইবার মাইল-স্কেলের হিসাব দেখ :

যেহেতু R.F. উভয় ক্ষেত্রেই সমান থাকিবে, তাই—

$$1'' = 7,87,219.2'' \text{ ইঞ্চি হইবে;}$$

$$\left. \begin{array}{l} 12 \text{ ইঞ্চি} = 1 \text{ ফুট} \\ 5,280' \text{ ফুট} = 1 \text{ মাইল} \end{array} \right\}$$

$$\therefore 6'' = 6 \times 7,87,219.2 = 47,23,315.2 \text{ ইঞ্চি} = \frac{47,23,315.2}{12 \times 5,280} = 74.54 \text{ মাইল}।$$

ইহাকে মোটামুটি আশী মাইল ধরা যাউক।

$$\text{অতএব আশী মাইল দেখাইতে হইলে, মাইল-স্কেলের দৈর্ঘ্য} = \frac{6 \times 80}{74.54} = 6.429'' \text{ ইঞ্চি হইবে;}$$

এখন এই দৈর্ঘ্যকে আট সমান ভাগে বিভক্ত করিয়া দশ-দশ মাইল, এবং বামপ্রান্তের এক বিভাগকে দশ ভাগে ভাগ করিয়া এক-এক মাইল দেখাইতে হইবে।

## (II) মাইল-স্কেল :

10. 5. 1

Mil

0 10 20 30 40 50 60 70

স্কেল  $\frac{1}{7,87,219.2}$

চিত্র নং 147

C

“Indian Standards Institute” নামে ভারত সরকারের এক প্রতিষ্ঠান আছে, সেখান হইতে দেশের সর্বপ্রকার “মান” (Standards) নির্দেশ করিয়া দেওয়া হয়। সেই প্রতিষ্ঠান যে প্রণালীতে স্কেল-অঙ্কন অনুমোদন করেন, (I.S.I. : 696-1955) সেই অনুসারে অঙ্কিত স্কেল-দুইটি, [ চিত্র নং 145 ও 148 ], ছাত্রগণের জ্ঞাতার্থে এখানে ত্রিত করা হইল, এই মত স্কেল-রচনা দেশে প্রচলিত

## ‘ডায়াগোনাল-স্কেল’ (কর্ণ-মাপক)

Feet 40 20 0 40 80 120 160 200 Feet

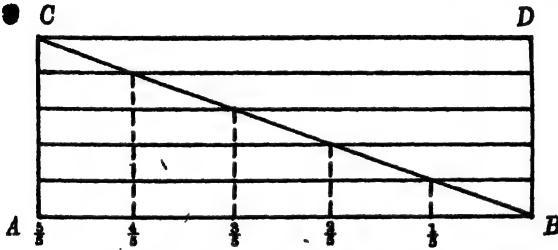
‘ইন্ডিয়ান স্ট্যান্ডার্ড ইনস্টিটিউট-অনুমোদিত প্রথা’ স্কেলের নমুনা

চিত্র নং 148

অধিকতর নির্ভুলভাবে কোন চিত্র কিংবা নক্সায় প্রদত্ত দূরত্ব মাপিতে হইলে, সাধারণ স্কেলের সাহায্যে হয় না। উদাহরণ স্বরূপ, সাধারণ স্কেলে ফুট ও ইঞ্চি, গজ ও ফুট, দশ-দশ মাইল ও মাইল, কিংবা ইঞ্চি ও তাহার ভগ্নাংশ, —এইরূপ শুধু দুইমাত্রা (in two dimensions) দেখান’ চলে; কিন্তু যদি তিন মাত্রার (in three dimensions) কোন দূরত্ব মাপিবার স্কেল প্রস্তুত করিতে হয়, তখন “কর্ণমানক” বা ডায়াগোনাল স্কেল (Diagonal scale) অপরিহার্য হইয়া পড়ে,—যেমন গজ, ফুট ও ইঞ্চি; মাইল, কার্গ ও চেন ইত্যাদি। তখন ডায়াগোনাল স্কেল ভিন্ন উপায় থাকে না।

### “ডায়াগোনাল” স্কেল পড়নের মূলকথা :

মনে কর, ABCD একটি আয়তক্ষেত্র, এবং BC তাহার কর্ণ (diagonal) ; এই আয়তক্ষেত্রকে পাঁচ সমান অঙ্কভূমিক অংশে বিভক্ত কর। এখন যদি কোন “বিন্দু” B-হইতে কর্ণ ধরিয়া অগ্রসর হইতে থাকে, তবে যেমনি উহা 1-1 অঙ্কভূমিক রেখাকে ছেদ করিবে, তখনই ঐ বিন্দু অঙ্কভূমিক ভাবে BA-র এক-পঞ্চমাংশ দূরত্ব অতিক্রম করিবে। এইভাবে ক্রমাগত 2-2, 3-3, প্রভৃতি



“ডায়াগোনাল” স্কেলের মূলতত্ত্ব বুঝান

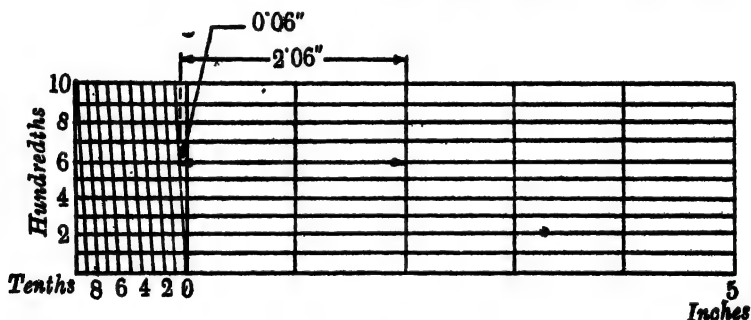
চিত্র নং 149

রেখা ছেদ করিবারাজ উহা BA-র  $\frac{1}{5}$ ,  $\frac{2}{5}$  ইত্যাদি অঙ্কভূমিক দূরত্ব পার হইয়া যাইবে ; আর যখন ঐ বিন্দুটি C-তে আরোহণ করিবে, তখন উহা অঙ্কভূমিক ভাবে B-হইতে A-র দূরত্ব অতিক্রম করিয়াছে। অতএব, তৃতীয় মাত্রিক (third dimensional) স্কেল গঠন করিতে হইলে, তৃতীয় মাত্রা দ্বিতীয় মাত্রার যত ভগ্নাংশ, উর্দ্ধাংশ: রেখা AC-কে তত সমান ভাগে ভাগ করিয়া ততগুলি অঙ্কভূমিক সমান্তরাল রেখা টানিতে হইবে। উদাহরণ স্বরূপ, যদি কোন স্কেলে ইঞ্চ, তাহার দশমিক ও শততমিক অংশ দেখাইতে হয় (up to the second place of decimals), তবে এক ইঞ্চ (BA)-কে অঙ্কভূমিক দশভাগে ভাগ করিয়া, AC-কেও সমান দশভাগে ভাগ করিতে হইবে, এবং ইঞ্চ থাকিবে সাধারণ-স্কেলের মত উহার দৈর্ঘ্য। তেমনি, যদি গজ, ফুট ও ইঞ্চ দেখাইতে হয়, তবে গজ (BA)-কে 3-ভাগে, এবং AC-কে 12-ভাগে ভাগ করিতে হইবে।



দেখাইয়া এক স্কেল গঠন কর; এবং তাহাতে ২'০৬" ইঞ্চ প্রদর্শন কর।

ছয়-ইঞ্চ দীর্ঘ স্কেল রচনা করাই নিয়ম বলিয়া, এখানেও ছয়-ইঞ্চ দীর্ঘ এক রেখা লইয়া, তাহাকে ছয় সমানভাগে ভাগ করিয়া, এক-এক ইঞ্চ নির্দেশ কর; বাম প্রান্তের শেষ-ইঞ্চকে সমান দশ ভাগ করিয়া এক ইঞ্চের দশমাংশ নির্দেশ কর; উর্ধ্বাধঃ-দিকে দশটি সমান্তরাল রেখা টান, এবং নীচের নয়-দশমাংশ (০'৯ অথবা  $\frac{9}{10}$ )-বিন্দু হইতে উপরের ১০-চিহ্নিত রেখার প্রান্তভাগ সরল রেখার দ্বারা সংযুক্ত করিয়া প্রথম কর্ণ অঙ্কিত কর; এবং পরে পরে ০'৮", ০'৭"... ইত্যাদি বিন্দু হইতে প্রথমোক্ত কর্ণের সমান্তরালে অবশিষ্ট নয়টি কর্ণ অঙ্কিত করিয়া (চিত্র নং ১৫১ মত) স্কেল সম্পূর্ণ কর। অবশেষে প্রান্তের ২'০৬" ইঞ্চ প্রদর্শন করিতে, প্রথমে



চিত্র নং ১৫১

উর্ধ্বাধঃ রেখাগুলির বর্ষ রেখা নির্ণয় কর, এবং যেহেতু ২'০৬" ইঞ্চ প্রদর্শন করিতে হইবে, সেই হেতু ০-চিহ্নের উপরে যে লম্ব উত্তোলিত আছে, তাহার সহিত বর্ষ অল্পভূমিক রেখা যে বিন্দুতে ছেদ করিয়াছে, সেই বিন্দু হইতে বামদিকে যে বিন্দুতে ঐ বর্ষ অল্পভূমিক রেখা, ০ হইতে যে কর্ণ উঠিয়াছে তাহার সহিত ছেদ করিতেছে, সেই ছেদ-বিন্দু পর্যন্ত দূরত্ব ০'০৬"-ইঞ্চ। ইহার পর ঐ বর্ষ অল্পভূমিক রেখা ধরিয়া দক্ষিণে ২ ইঞ্চ অগ্রসর হও; তাহা হইলে দুই প্রান্তে দুইটি তীরের কলার মধ্যবর্তী রেখা ২'০৬" নির্দেশ করিবে।

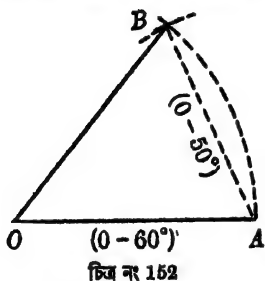


### “জ্যা-মানক” (Scale of Chords)

আয়তাকার “চাঁদা” (Rectangular protractor)-এর সমুখ গিঠে এক স্কেল আছে [ চিত্র নং 31(b) ], তাহার কাছে C, CHO, অথবা CHORDS লেখা আছে; ইহাই “স্কেল অফ কর্ডস” (জ্যা-মানক)। কোণ অঙ্কন, কিংবা কোণ মাপের কাজে ইহার প্রভূত ব্যবহার আছে। কোণ মাপিতে হইলে চাঁদা-ই যথা সম্ভব ব্যবহার করা উচিত, তথাপি এই স্কেলও যে-কোনো ক্ষেত্রে ব্যবহার করা যাইতে পারে।

### কর্ড-স্কেল-ব্যবহার বিধি :

“কর্ড” বা জ্যা-র স্কেলে ০ হইতে ৯০ পর্যন্ত ৯০টি দাগ আছে; এক এক দাগ এক এক ডিগ্রি নির্দেশ করে। যদি কোন কোণ রচনা করিতে হয়, তবে



কম্পাসের স্থচাল পাদটি “০”-র উপর রাখিয়া পেন্সিলের দিকটা ৬০-র উপর বিস্তৃত করিয়া মাপ তুলিয়া লইতে হয়; অতঃপর কাগজে একটি অল্পভূমিক সরল-রেখা টানিয়া, তাহার উপর কম্পাসটি স্থাপন করিয়া O-A দূরত্ব বসাই, ও ঐ দূরত্বকে ব্যাসার্ধ লইয়া একটি চাপ অঙ্কিত কর। যদি ৫০°-ডিগ্রির কোণ অঙ্কিত করিতে হয়, তবে কম্পাসকে পুনরায় কর্ডের স্কেলের উপরে বসাইয়া ০-৫০ পর্যন্ত মাপ করিয়া লও, এবং উহাকে ব্যাসার্ধ করিয়া A-বিন্দু হইতে আর একটি চাপ অঙ্কিত করিয়া প্রথম চাপকে B-বিন্দুতে ছেদ কর। এখন OB যোগ কর; তাহা হইলে  $\angle AOB$ -কোণ ৫০-ডিগ্রির হইবে।

পক্ষান্তরে, যদি কোন কোণের ডিগ্রি নির্ণয় করিতে হয়, তবে পূর্বের বিপরীত প্রক্রিয়া অবলম্বন করিতে হইবে; অর্থাৎ প্রথমে কর্ডের স্কেলে ০-৬০ লইয়া কোণের এক বাহুর উপর O-A বিন্দুদ্বয় নির্দেশ কর; অনন্তর O-কে কেন্দ্র এবং O-Aকে ব্যাসার্ধ লইয়া এক চাপ অঙ্কিত করিয়া, প্রদত্ত কোণের অপর বাহুকে B-বিন্দুতে ছেদ কর। অবশেষে ডিভাইডারের সাহায্যে AB-র

দূরত্ব মাপিয়া লইয়া কর্ডের স্কেলের 'O' হইতে কোন্ দাগ পর্যন্ত উহা গেল, তাহা দেখ। যে দাগের উপরে ডিভাইডারের অপর পাদ পড়িবে, কোণটি তত ডিগ্রি।

**বিশেষ দৃষ্টব্য :** কর্ডের স্কেলের সকল, ক্ষেত্রেই  $OA = 0.60$  লইতে হইবে।

### এঞ্জিনিয়ারদের স্কেল (Engineers' Scales)

জ্যামিতিক চিত্র অঙ্কনের কার্যে শিক্ষানবীশ ছাত্রগণ সাধারণতঃ পূর্ণাকৃতি (full-scale or full-size), অথবা তাহার অর্ধেক আকারের চিত্র অঙ্কিত করিয়া অভ্যাস করেন ; আর তাহার জন্য ইম্পাত কিংবা কাঠ নির্মিত সাধারণ “রুলার” (Ruler)-ই যথেষ্ট হয় বটে, কিন্তু বড় বড় যন্ত্রের চিত্র কিংবা দেশের মানচিত্র অঙ্কনের কালে তাহাতে কাজ করার অসুবিধা ভোগ করিতে হয় ; তখন ঐ চিত্র অঙ্কন করিতে যে R.F. গ্রহণ করা হইয়াছে, প্রতিপক্ষে তাহার সাহায্যে প্রত্যেক দূরত্বের ইঞ্চি- বা সেন্টিমিটার- অথবা মিলিমিটার-হিসাবে দৈর্ঘ্য নিরূপণ করিয়া তবে তাহা চিত্রে বসাইতে হয়। এইসব কাজ অনায়াস-সাধ্য করার উদ্দেশ্যে বাজারে বহু প্রকারের স্কেল পাওয়া যায় ; তাহার দ্বারা পূর্ণাকৃতির  $\frac{1}{4}$ ,  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{3}{4}$ , কিংবা তদপেক্ষাও ক্ষুদ্রতর চিত্র সমূহ অঙ্কনের উপযোগী স্কেল একটি খোলের মধ্যে থাকে। ঐগুলি সাধারণতঃ ছয় অথবা দ্বাদশ ইঞ্চি দীর্ঘ থাকে, আর তাহার পাতলা কার্ড বোর্ড (card board), ভাল্ক্যানাইট (vulcanite) “বক্স উড” (box wood) নামীয় এক প্রকার বিদেশী কাঠ, হাতীর দাঁত, অথবা ইম্পাত হইতে নির্মিত হয়। এইগুলি হইতে ডিভাইডারের সাহায্যে আবশ্যকীয় মাপ তুলিয়া লইয়া নক্সার কাগজে বসাইতে হয়, কিংবা নক্সা হইতে প্রয়োজনীয় অংশের দূরত্ব ডিভাইডারের সাহায্যে তুলিয়া লইয়া উপযুক্ত স্কেলের দাগের সঙ্গে মিলাইয়া উহার পরিমাণ নির্ণয় করিতে হয়। স্কেলটিকে নক্সার উপর ফেলিয়া দূরত্ব মাপ করিলে, কিংবা কোন রেখা অঙ্কিত করিতে হইলে স্কেলকে কাগজের ঐ জায়গায় ফেলিয়া পেন্সিল দিয়া দাগ দিলে, নির্ভুল ভাবে মাপ লওয়া হয় না। খোলের মধ্যে A হইতে H পর্যন্ত চিহ্নে চিহ্নিত আটটি  $12'' \times 1\frac{1}{2}''$  স্কেল বোর্ডের ফালি থাকে, আর প্রত্যেকটিতে দুইটি করিয়া স্কেল থাকে।

## কেলের উপরের চিহ্ন

A— ... R. F. = 1 (পূর্ণাকৃতি)

এবং R. F. =  $\frac{1}{2}$  (প্রতি 6 ইঞ্চি 1 ফুট);

B— ... R. F. =  $\frac{1}{4}$  (প্রতি 4 ইঞ্চি 1 ফুট)

এবং R. F. =  $\frac{1}{8}$  (প্রতি 2 ইঞ্চি 1 ফুট);

C— ... R. F. =  $\frac{1}{8}$  (প্রতি 3 ইঞ্চি 1 ফুট)

এবং R. F. =  $\frac{1}{16}$  (প্রতি  $1\frac{1}{2}$  ইঞ্চি 1 ফুট);

D— ... R. F. =  $\frac{1}{16}$  (প্রতি 1 ইঞ্চি 1 ফুট)

এবং R. F. =  $\frac{1}{32}$  (প্রতি  $\frac{1}{2}$  ইঞ্চি 1 ফুট);

E— ... R. F. =  $\frac{1}{32}$  (প্রতি  $\frac{1}{4}$  ইঞ্চি 1 ফুট)

এবং R. F. =  $\frac{1}{64}$  (প্রতি  $\frac{3}{8}$  ইঞ্চি 1 ফুট);

F— ... R. F. =  $\frac{1}{64}$  (প্রতি  $\frac{1}{8}$  ইঞ্চি 1 ফুট)

অর্থাৎ 1" = 3ft.

এবং R. F. =  $\frac{1}{128}$  (প্রতি  $\frac{1}{16}$  ইঞ্চি 1 ফুট); " 1" = 6ft.

G— ... R. F. =  $\frac{1}{128}$  (প্রতি  $\frac{1}{8}$  ইঞ্চি 1 ফুট)

" 1" = 4ft.

এবং R. F. =  $\frac{1}{256}$  (প্রতি  $\frac{1}{16}$  ইঞ্চি 1 ফুট); " 1" = 8ft.

H— ... R. F. =  $\frac{1}{256}$  (প্রতি  $\frac{1}{8}$  ইঞ্চি 1 ফুট)

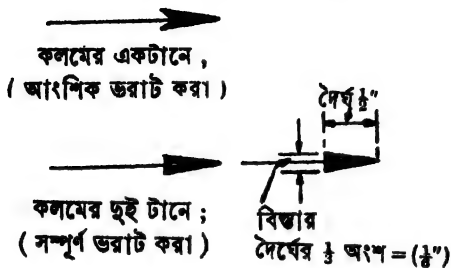
" 1" = 5ft.

এবং R. F. =  $\frac{1}{512}$  (প্রতি  $\frac{1}{16}$  ইঞ্চি 1 ফুট); " 1" = 10ft.

### মাপাঙ্ক লিখন (Dimensioning)

Dimension line—(মাপাক রেখা),—এবং Extension line (বৃদ্ধি রেখা) অথবা Guide line (নিয়ন্ত্রক রেখা), সৰু এবং অবিচ্ছিন্ন হইবে; প্রথমটির মাঝখানে এমন ফাঁক থাকিবে বাহার মধ্যে মাপাক (Dimension) স্পষ্টভাবে দেওয়া যায়। মাপাক রেখাগুলির আরম্ভে একটি করিয়া ছোট রেখা,

তাহার দুই পাশে সামান্ত ( $\frac{1}{8}$ " ইঞ্চের মত) ফাঁক থাকিবে ; এবং মাপাঙ্ক রেখার পরেও উহা সামান্ত বাড়িয়া থাকিবে।



(এভাবে পেট-মোট  
তীরের ফলা আঁকিতে নাই)

চিত্র নং 154

করিয়া, তাহাদের ভিতরটা অংশতঃ কালির (আর যদি পেন্সিলে আঁকা নক্সা হয়, তবে পেন্সিলের) দ্বারা ভরাট করিয়া দিতে হইবে।

যদি মাপাঙ্ক রেখা অল্পভূমিক হয়, তবে মাপাঙ্ককে উহার লম্বভাবে একপে মুদ্রিত করিতে হইবে, বাহাতে চিত্রকে সোজা করিয়া ধরিলে উহা ঠিক পাঠ করা যায় ; আর যদি রেখা উল্লম্বাধঃ হয়, তবে যেন চিত্রকে ডানদিকে ঘুরাইলে অঙ্কগুলি সোজা হয়। নক্সা হইতে তির্যকভাবে দেওয়া মাপও লক্ষ্য করিতে হইবে। কোণ প্রদর্শন করিবার সময় কোণীয় বিন্দুর কাছে একটি, অথবা কাছাকাছি দুইটি, বৃত্তাংশ আঁকিয়া তাহার নিকটে, যত ডিগ্রি, তাহা লিখিতে হইবে। অনির্দিষ্ট কোণের ক্ষেত্রে ঐস্থলে A, B, C,..., কিম্বা  $\alpha, \beta, \gamma, \dots$  ইত্যাদি লিখিয়া, পরে একটি তালিকায় তাহার বিবরণ দিতে হয়।

মাপাঙ্কে যত সামান্ত-ভগ্নাংশ (vulgar fractions) থাকিবে, সেগুলিকে এমনভাবে লিখিতে হইবে, বাহাতে ভগ্নাংশের মধ্যের বিভাগরেখা মাপাঙ্ক রেখার সমান্তরাল, (যেমন  $\frac{1}{2}$ ) থাকে ; কিন্তু যদি কোথাও স্থান-সংক্ষেপ করিতে হয়, তবে উহা তির্যকভাবে, (যেমন  $1/2$ ), দেওয়াও যাইতে পারে।

স্থানে বসাইতে, এবং এমনভাবে সাজাইতে হইবে, বাহাতে ঐগুলির উপর দিয়া আড়াআড়ি-ভাবে কোন রেখা না যায়। অক্ষরেখা (Centre line)-কে মাপাঙ্ক রেখা-ভাবে ব্যবহার করা চলিবে না। প্রত্যেক মাপাঙ্ক রেখার দুই প্রান্তে  $\frac{3}{8}$ " ইঞ্চ দীর্ঘ তীর-ফলকের দ্বারা স্থচিহ্নিত

যদি মাপাক দশমিকে দিতে হয়, তবে দশমিকের বিন্দুটি দুই পার্শ্বের সংখ্যা-  
দ্বয়ের ঠিক মধ্যভাগে এমনভাবে দিতে হইবে যাহাতে সহজেই নজরে পড়ে।

মাপাকগুলি এমন হইবে, যাহাকে আরও সরল করিতে না হয়, অর্থাৎ  
যাহাকে সাধারণ স্কেলে পাওয়া যায়।

কোন বৃত্তের ব্যাসার্ধ (radius)-এর পরিবর্তে তাহার ব্যাস (diameter)  
দেওয়াই বাঞ্ছনীয়।

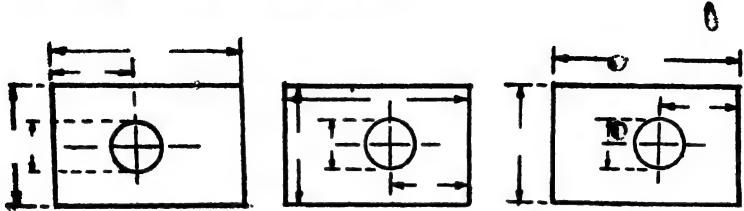
যদি কোন ছিদ্রের ব্যাস ক্রমশঃ কম (নুঙ্গাঙ্গ) হয় কিংবা কোন অংশের  
গ্রন্থ ক্রমশঃ কমিতে থাকে, তবে তাহাকে ইংরাজীতে taper বলে। যদি  
কোন গোল জিনিসের ব্যাস কিংবা কোন সমতল (flat) অংশের গ্রন্থ গোড়ার  
দিকে যত, আর যত দূরে যায়, তত কমিতে থাকে, তবে যতটা দৈর্ঘ্যে  
ঐ ব্যাস অথবা গ্রন্থ একক পরিমাণে কমিবে, তাহার অনুপাত দিয়া ঐ taper  
বুঝান হয়; অর্থাৎ যদি কোন দ্রব্যের গ্রন্থ অথবা ব্যাস, 1 গজ দৈর্ঘ্যে 1" ইঞ্চি  
কম হয়, তবে তাহার taper  $\frac{1}{36}$  (ইংরাজীতে "one in thirtysix"; বাংলায়  
“ছত্রিশে এক”) বলা হয়; এবং ঐ taper নির্দেশ করিতে গেলে বস্তুর  
অক্ষরেখা অবলম্বন করিয়া মাপিতে হইবে। নক্সায় ইহা “1 in, 36”;  
“1 inch to a yard” এইরূপ মুদ্রিত করিয়া, অথবা ঐ স্থানের উপরে বা  
পার্শ্বে এক সমকোণী ত্রিভুজ অঙ্কিত করিয়া তাহার শ্যান শাহতে 36 এবং  
অনুলম্ব বাহুতে 1 লিখিতে হয় (153 নং চিত্র দেখ)।

কোন নির্দিষ্ট স্কেলে কোন এক বস্তুর নক্সা প্রস্তুত হইয়া যাওয়ার পর যদি  
এমন অবস্থার উৎপত্তি হয় যে, নক্সার কোন অংশের,—এমন কি সমস্ত দ্রব্যের  
আকারের পরিবর্তন করা স্থির হয়, তবে নক্সাকে বাতিল না করিয়া পরিবর্তিত  
অংশের নিকটে, কিবা সম্পূর্ণ নক্সার উপরিভাগে, *N.T.S.* (অথবা পূর্ণ বাক্য  
“Not To Scale”) মুদ্রিত করিয়া নীচে মোটা করিয়া রেখা (under line)  
টানিয়া সকলের দৃষ্টি আকর্ষণ করিতে হয়।

নিম্নে প্রদত্ত কয়েক প্রকারের মাপাক লিখনের পদ্ধতির মধ্যে যে-কোন  
একটি অনুসরণ করিতে হইবে; কিন্তু উহাদের মিশ্রণ, অনেক ক্ষেত্রে করা  
হইলেও, সম্পূর্ণ অনুমোদিত নহে।

**চিত্র (i) :** সমস্ত মাপাঙ্ক সম্পূর্ণভাবে চিত্রের বাহিরে থাকিবে ;

**চিত্র (ii) :** সমস্ত মাপাঙ্ক সম্পূর্ণভাবে চিত্রের অভ্যন্তরে থাকিবে ; ইহাতে অপেক্ষাকৃত অতি অল্প বৃদ্ধি-রেখা (extension line)-র প্রয়োজন হয় ; ফলে চিত্রের বহির্দেশ পরিষ্কার পরিচ্ছন্ন দেখায় ;



(i)

(ii)

(iii)

চিত্র নং 155

**চিত্র (iii) :** মাপাঙ্কগুলি আংশিকভাবে বাহিরে ও ভিতরেও রাখার চলন আছে। উপরে যেমন উল্লেখ করা হইয়াছে, কোন বিশেষ পদ্ধতির উপরে জোর দেওয়া না হইলেও, প্রথম চিত্রের পদ্ধতি অমুসরণ করাই অমুমোদনীয় বলিয়া গৃহীত হইয়া থাকে। এক্ষেত্রে মাত্র এইটি লক্ষ্য রাখিতে হয়, বাহ্যতে অল্প-দীর্ঘ মাপাঙ্ক-রেখাগুলি সকল সময়েই চিত্রের নিকটতম স্থানে থাকে।

## অনুশীলনী

### পঞ্চম, ষষ্ঠ ও সপ্তম পরিচ্ছেদ

1. 3'5" ইঞ্চ দীর্ঘ এক সরলরেখার এক প্রান্তে এক লম্ব উত্তোলন কর; সরলরেখাকে দুই সমান-ভাগে ভাগ করিয়া ঐ বিন্দুতে আর এক লম্ব উত্তোলন কর, এবং যেকোন লম্ব ও ঐ সরলরেখার সংলগ্ন কোণকে চার সমান-ভাগে ভাগ কর।

2.  $187^{\circ}5'$ ;  $300^{\circ}$ ;  $-30^{\circ}$  কোণ প্রোট্রাক্টার এবং অঙ্কন,—উভয় উপায়েই রচনা কর।

3. একটি অস্থূলমিক সরলরেখার সহিত অপর একটি সরলরেখা এমনভাবে আপতিত হইয়াছে যাহার মিলন-বিন্দু কাগজের বাহিরে গিয়া পড়ে; তেমন ক্ষেত্রে যে কোণের উৎপত্তি হয়, তাহাকে দুই সমান-ভাগে ভাগ কর।

4. কোন সরলরেখার প্রান্তভাগে লম্ব উত্তোলন করিতে হইলে যে যে প্রক্রিয়া অবলম্বন করা যাইতে পারে, সে-সবগুলিই অঙ্কিত কর।

5. ABC একটি সমবাহু ত্রিভুজ; ইহার आधार  $AB = 1'5"$  ইঞ্চ, এবং BC ও AC ভুজদ্বয় প্রত্যেকে  $2'5"$  ইঞ্চ; ত্রিভুজের কোণ-তিনটির মূল্য নির্ণয় কর।

6. উপরের প্রশ্নে প্রদত্ত ত্রিভুজের শীর্ষবিন্দু C হইতে आधार AB-র উপরে লম্বপাত করিলে তাহার দৈর্ঘ্য কত হইবে?

7.  $4^{\circ}$ -ইঞ্চ সরলরেখাটিকে সাত সমান-ভাগ ভাগ কর।

8.  $5^{\circ}$ -ইঞ্চ দীর্ঘ AF সরলরেখাকে এমন পাঁচ ভাগে ভাগ কর যাহাতে  $AB=1$ ;  $BC=1\frac{1}{2}$ ;  $CD=1\frac{1}{2}$ ;  $DE=2$ ; এবং  $EF=2\frac{1}{2}$ ,—এই অস্থপাত বজায় থাকে।

9. কোন সরলরেখার সমান্তরালে ও উহা হইতে  $2\frac{1}{2}$  ইঞ্চ দূরে আর এক সরলরেখা অঙ্কিত কর।



### অষ্টম পরিচ্ছেদ

10. একটি ৫ সেন্টিমিটার ব্যাসের বৃত্তের কেন্দ্র অঙ্কনের-সাহায্যে নিরূপণ কর।

11. ৬ সেন্টিমিটার ব্যাসের এক বৃত্তের পরিধির উপরে কোন বিন্দু "A" দেওয়া আছে; ঐ বিন্দুতে বৃত্তের স্পর্শক রেখা অঙ্কিত কর।

12. যদি ৬ সেন্টিমিটার ব্যাসের বৃত্তের পরিধি হইতে ২'৫ সেন্টিমিটার দূরে অবস্থিত কোন বিন্দু হইতে ঐ বৃত্তের পরিধিতে কোন স্পর্শক রেখা অঙ্কন করিতে হয়, তবে উপযুক্ত প্রক্রিয়ার দ্বারা তাহা অঙ্কিত কর। ঐ বিন্দু হইতে বৃত্তের পরিধিতে যে করটি স্পর্শক অঙ্কিত হইতে পারে, তাহা অঙ্কিত কর।

13. কোন বৃত্তের পরিধি হইতে ৩ সেন্টিমিটার দূরে এক সরলরেখা এমন ভাবে আছে যে তাহা বৃত্তের অক্ষভূমিক (horizontal) ব্যাসের সহিত  $30^\circ$ -ভিত্তি আনতিতে (inclination) আনত; ঐ সরলরেখার সমান্তরালে বৃত্তের পরিধির নিকটতম বিন্দুতে এক স্পর্শক রেখা অঙ্কিত কর।

14. ৫ সেন্টিমিটার ব্যাসের কোন বৃত্তের পরিধি হইতে ৩ সেন্টিমিটার দূরে কোন বিন্দু P অবস্থান করিতেছে। ঐ বিন্দু হইতে বৃত্তের পরিধির উপরে দুইটি স্পর্শক রেখা অঙ্কিত করিয়া স্পর্শবিন্দু (points of contact) দুইটিকে এক সরল-রেখার দ্বারা যোগ করিলে রেখাটির দৈর্ঘ্য কত হইবে?

15. এক ৬-সেন্টিমিটার ও এক ৩-সেন্টিমিটার ব্যাসের বৃত্ত কোন এক অক্ষভূমিক (horizontal) রেখাকে স্পর্শ করিয়া অঙ্কিত আছে; তাহাদের কেন্দ্রের দূরত্ব এরূপ যে উভয়ের কেন্দ্র হইতে অক্ষভূমিক রেখার উপরে লম্বপাত করিলে তাহাদের দূরত্ব ৬ সেন্টিমিটার হয়। ঐ দুইটি বৃত্তকে স্পর্শ করিয়া এক স্পর্শক অঙ্কিত কর।

16. উপরের অঙ্কনশীলনীতে প্রদত্ত পরিমাপের বৃত্ত দুইটির মধ্য দিয়া এক সাধারণ স্পর্শক (common tangent) অঙ্কিত কর।

### নবম পরিচ্ছেদ

17.  $1\frac{1}{2}$ "-ইঞ্চি বাহু-বিশিষ্ট এক সমবাহু ত্রিভুজ অঙ্কিত করিয়া তাহার অভ্যন্তরে এমন এক বৃত্ত অঙ্কিত কর যাহা ত্রিভুজের সকল বাহুকেই স্পর্শ করে। ঐ বৃত্তের ব্যাস কত হইবে?

18. ২"-ইঞ্চ বাহুবিশিষ্ট এক সমবাহু ত্রিভুজের অভ্যন্তরে তিনটি একই ব্যাসের এমন বৃত্ত অঙ্কিত কর যাহারা প্রত্যেকে দুইটি করিয়া বৃত্ত ও এক একটি বাহুকে স্পর্শ করিয়া থাকে। ঐ বৃত্তগুলির কেন্দ্র পরস্পরের সহিত যোগ করিলে যে আর একটি সমবাহু ত্রিভুজের উৎপত্তি হইবে, তাহার বাহুর দৈর্ঘ্য কত ?

19.  $2\frac{1}{2}$ "-ইঞ্চ বাহুবিশিষ্ট এক বর্গক্ষেত্রের অভ্যন্তরে উহার বাহু সকলকে স্পর্শ করিয়া এক বৃত্ত অঙ্কিত কর ; ঐ বৃত্তের ব্যাসার্ধ কত হইবে ?

20.  $2\frac{1}{2}$ "-ইঞ্চ বাহুবিশিষ্ট এক বর্গক্ষেত্রের অভ্যন্তরে একই ব্যাসের এমন চারিটি বৃত্ত অঙ্কন কর, যাহার প্রত্যেকটি, বর্গক্ষেত্রের দুইটি করিয়া বাহু ও দুইটি বৃত্তকে স্পর্শ করিয়া থাকে।

21.  $2\frac{1}{2}$ "-ইঞ্চ বাহুবিশিষ্ট এক বর্গক্ষেত্রের অভ্যন্তরে একই ব্যাসের এমন চারিটি বৃত্ত অঙ্কন কর যাহার প্রত্যেকটি বর্গক্ষেত্রের একটি করিয়া বাহু ও দুইটি করিয়া বৃত্তকে স্পর্শ করিয়া থাকে। এক্ষেত্রে বৃত্তগুলির ব্যাস কত, এবং উহার উপরের অমূল্যলীনাতে নির্ণীত বৃত্ত অপেক্ষা কত বড় বা ছোট ?

22. ABCD একটি ট্র্যাপিজিয়ন ; ইহার AB ও AD-বাহুদ্বয় প্রত্যেকে ২ সেন্টিমিটার, এবং BC ও CD-বাহুদ্বয় প্রত্যেকে ৩'৫ সেন্টিমিটার। ঐ ট্র্যাপিজিয়নের অভ্যন্তরে অন্তর্বৃত্ত অঙ্কিত কর।

23. অমূল্যলীনা ২২-তে অবলম্বিত প্রক্রিয়ার দ্বারা ৫-সেন্টিমিটার বাহুবিশিষ্ট এক সমবাহু ত্রিভুজের অভ্যন্তরে একই ব্যাসের এমন তিনটি বৃত্ত অঙ্কিত কর যাহারা প্রত্যেকে দুইটি করিয়া বাহু ও দুইটি করিয়া বৃত্তকে স্পর্শ করিয়া থাকে।

24. 1'7 সেন্টিমিটার বাহুবিশিষ্ট এক সুষম পঞ্চভুজের অভ্যন্তরে এক অন্তর্বৃত্ত অঙ্কিত কর।

25. 1'5 সেন্টিমিটার বাহুবিশিষ্ট এক সুষম ষড়্ভুজের অভ্যন্তরে এক অন্তর্বৃত্ত অঙ্কিত কর।

### দশম ও একাদশ পরিচ্ছেদ

26. 1'-ইঞ্চ বাহুর উপরে একটি সুষম পঞ্চভুজ অঙ্কিত কর।

27. সুষম পঞ্চভুজের সম্বন্ধিত কোণ কত ডিগ্রি করিয়া হয় ?

28. 1"-ইঞ্চ-বাহুর উপরে একটি সুষম ষড়্ভুজ অঙ্কিত কর।

29. সুষম ষড়্ভুজের সন্নিহিত কোণ কত ডিগ্রি করিয়া হয় ?
30.  $2\frac{1}{2}''$ -ইঞ্চি বাহুর উপরে একটি সুষম অষ্টভুজ অঙ্কিত কর ।
31. সুষম অষ্টভুজের সন্নিহিত কোণ কত ডিগ্রি করিয়া হয় ?
32.  $1\frac{1}{2}''$ -ইঞ্চি ব্যাস বিশিষ্ট এক বৃত্তের অভ্যন্তরে এক বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত কর ; উহার প্রত্যেক বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর ।
33.  $1\frac{1}{2}''$ -ইঞ্চি ব্যাস বিশিষ্ট এক বৃত্তের অভ্যন্তরে এক সুষম পঞ্চভুজ অঙ্কিত কর ; এই পঞ্চভুজের প্রত্যেক বাহুর দৈর্ঘ্য কত ?
34.  $1\frac{1}{2}''$ -ইঞ্চি ব্যাস বিশিষ্ট এক বৃত্তের অভ্যন্তরে এক সুষম ষড়্ভুজ অঙ্কিত কর ; এই ষড়্ভুজের প্রত্যেক বাহুর দৈর্ঘ্য কত হইবে ?
35.  $1\frac{1}{2}''$ -ইঞ্চি ব্যাসবিশিষ্ট এক বৃত্তের অভ্যন্তরে এক সুষম সপ্তভুজ অঙ্কিত কর ও উহার প্রত্যেক বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর ।
36.  $2''$ -ইঞ্চি বাহুবিশিষ্ট এক বৃত্তের অভ্যন্তরে এক সুষম অষ্টভুজ অঙ্কিত কর ।
37.  $2''$ -ইঞ্চি বাহুবিশিষ্ট এক বৃত্তের অভ্যন্তরে এক সুষম দ্বাদশভুজ ক্ষেত্র অঙ্কিত কর ।

### দ্বাদশ পরিচ্ছেদ

38. বিভিন্ন প্রক্রিয়া অবলম্বনে,  $4''$ -ইঞ্চি দীর্ঘ পরাক্ষ ও  $2\frac{1}{2}''$ -ইঞ্চি দীর্ঘ উপাক্ষ-বিশিষ্ট এক এক উপবৃত্ত অঙ্কিত কর ।
39. উপরের অঙ্কনশীলনী-সরূপ উপবৃত্তগুলির (1) নাভিহ্রয়ের মধ্যের ব্যবধান কত ? (2) উভয় অক্ষের প্রতিচ্ছেদ বিন্দু (point of intersection) বা “মধ্যবিন্দু” হইতে  $2\frac{1}{2}''$ -ইঞ্চি দূরে, এবং পরাক্ষের উপরে অবস্থিত কোন বিন্দু হইতে, উপবৃত্তের চাপের উচ্চতা কত ?
40. অঙ্কনশীলনী 38 হইতে যে-সকল উপবৃত্ত পাওয়া গিয়াছে, তাহাদের প্রত্যেকের পরিসীমা (Perimeter) নির্ণয় কর ।
41.  $4\frac{1}{2}''$ -ইঞ্চি দীর্ঘ পরাক্ষ ও  $3''$ -ইঞ্চি দীর্ঘ উপাক্ষ বিশিষ্ট এক উপবৃত্তের পরিসীমার উপরে, মধ্যবিন্দু হইতে  $1\frac{1}{2}''$ -ইঞ্চি দূরে পরাক্ষের উপরে অবস্থিত এক-বিন্দু হইতে উৎসঃ দিকে লম্ব টানিলে যে বিন্দু পাওয়া যায়, সেই বিন্দুতে এক স্পর্শকরেখা অঙ্কিত কর ।

৪২. উপরের উপবৃত্তের পরিসীমার উপরে, মধ্যবিন্দু হইতে ১"-ইঞ্চি দূরে পরাক্ষের উপরের কোন বিন্দু হইতে উর্ধ্ব দিকে লম্ব টানিলে যে-বিন্দু পাওয়া যায়, তথায় এক অভিলম্ব (normal) অঙ্কিত কর।

৪৩. ৪"-ইঞ্চি দীর্ঘ পরাক্ষ ও  $2\frac{1}{2}$ "-ইঞ্চি উপাক্ষ বিশিষ্ট এক উপবৃত্তের পরাক্ষের সন্মিলনস্থান ও তাহার বাম প্রান্ত হইতে  $2\frac{1}{2}$ " দূরে অবস্থিত কোন বিন্দু হইতে উপবৃত্তের উপরে দুইটি স্পর্শকরেখা অঙ্কিত কর।

৪৪. ৫ সেন্টিমিটার ব্যাসের এক বৃত্তের ইনভোলিউট (involute) রেখা অঙ্কিত কর।

৪৫. নিয়ামক (directrix) রেখা হইতে কোন অধিবৃত্তের নাভি ৩"-ইঞ্চি, এবং উহার ভূজ (abscissa) ৫"-ইঞ্চি হইলে, উপরি-উক্ত সম্পূর্ণ অধিবৃত্ত (parabola) অঙ্কিত কর।

### ত্রয়োদশ পরিচ্ছেদ

৪৬. বিন্দুর মত সূক্ষ্ম কোন বস্তু ভূমিরেখা হইতে ৫ সেন্টিমিটার উপরে উর্ধ্বাধঃ-তলের সঙ্গে লাগিয়া আছে; ইহার প্র্যান ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

৪৭. কোন বিন্দু ক্ষিত্তিতলে ভূমিরেখা হইতে ৫ সেন্টিমিটার দূরে পড়িয়া আছে; ইহার প্র্যান ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

৪৮. কোন বিন্দু ক্ষিত্তিতলে হইতে ৩ সেন্টিমিটার উর্ধ্ব ও উর্ধ্বাধঃ-তল হইতে ২ সেন্টিমিটার দূরে অবস্থিত আছে; ইহার প্র্যান ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

৪৯. ৪'৫ সেন্টিমিটার লম্বা এক সূক্ষ্ম সরলরৈখিক তার ভূমিরেখা হইতে ২ সেন্টিমিটার দূরে ও ৩ সেন্টিমিটার উর্ধ্ব উর্ধ্বাধঃ-তলের অমূলকভাবে অবস্থিত থাকিলে, তাহার প্র্যান ও পুরোদৃশ্য কি হইবে?

৫০. ৭ সেন্টিমিটার দীর্ঘ একটি সূক্ষ্ম সরলরৈখিক তার ঘরের এক কোণে দাঁড় করা ইয়া রাখা হইয়াছে; উহার নিম্নপ্রান্ত সূক্ষ্মের ভূমিরেখা হইতে ৩ সেন্টিমিটার ও বামপার্শ্বের ভূমিরেখা হইতে ২ সেন্টিমিটার দূরে রহিয়াছে; ইহার প্র্যান ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর; এবং প্র্যান, পুরোদৃশ্য ও পার্শ্বদৃশ্য হইতে ইহার প্রক্ষেপিত দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

৫১. কোন সরলরেখা ভূমিতলের সহিত  $60^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে, এবং উর্ধ্বাধঃ-

তলের সমান্তরালে থাকি অবস্থায় তাহার প্রক্ষেপিত দৈর্ঘ্য ৩ সেন্টিমিটার ; উহার প্রাণ ও প্রকৃত দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

52. এক সরলরেখা উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $30^\circ$ -ডিগ্রি ও ভূমিতলের সহিত  $60^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে অবস্থান করিতেছে ; সরল-রেখার উপরের প্রান্ত ভূমি-রেখার ৪ সেন্টিমিটার উপরে অবস্থিত। রেখার প্রকৃত দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

53. ABC এক পাতলা কাগজের ত্রিভুজ ; উহার OAB-কোণ  $90^\circ$ -ডিগ্রি, ABC-কোণ  $60^\circ$ -ডিগ্রি, এবং AB-বাহুর দৈর্ঘ্য ৩"-ইঞ্চ। ত্রিভুজের AB-বাহু উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $30^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে ভূমিতলের সমান্তরালে, ও উহা হইতে  $1\frac{1}{2}$ "-ইঞ্চ উর্ধ্বে অবস্থিত ; উহার পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর, ও প্রক্ষেপিত দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। AC-রেখার প্রক্ষেপিত দৈর্ঘ্য কত হইবে ?

54.  $1\frac{1}{2}$ "-ইঞ্চ বাহু বিশিষ্ট বর্গক্ষেত্রের এক কর্ণ উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরাল ও অপর কর্ণ ভূমিতলের সহিত  $30^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে আনত ; বর্গক্ষেত্রের প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

55.  $1\frac{1}{2}$ "-ইঞ্চ বাহু বিশিষ্ট বর্গক্ষেত্রের এক বাহু উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $45^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে আনত, ও এক কর্ণ উর্ধ্বাধঃ এবং ক্ষিতিতল—উভয় তলের সমান্তরালে থাকিলে তাহার প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

56. ২ সেন্টিমিটার বাহু বিশিষ্ট সুষম পঞ্চভুজের এক বাহু উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $30^\circ$ -ডিগ্রিতে আনত অবস্থায় ভূমিতলে রহিয়াছে ; উহার পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর। অনন্তর উহার তল (plane)-কে  $45^\circ$ -ডিগ্রি উন্নত কর ও তাহার প্রাণ অঙ্কিত কর।

57. ২ সেন্টিমিটার বাহু বিশিষ্ট সুষম পঞ্চভুজ ভূমিতলে এমনভাবে আছে যে, তাহার এক বাহু উর্ধ্বাধঃ-তলের অতুলনভাবে অবস্থিত ; উহার পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর। অনন্তর উহার তল (plane)-কে  $30^\circ$ -ডিগ্রি উন্নত কর ও তাহার প্রাণ অঙ্কিত কর।

58.  $1\frac{1}{2}$  সেন্টিমিটার বাহু বিশিষ্ট এক সমবহুভুজকে অংশীলনী 56-এর মত স্থাপন করিয়া তাহার পুরোদৃশ্য, এবং তৎপরে তাহার তলকে  $45^\circ$ -ডিগ্রি উন্নত করিয়া তাহার প্রাণ অঙ্কিত কর।

59.  $1\frac{1}{2}$  সেটিমিটার বাহু বিশিষ্ট এক সমসত্ত্বভূত্বকে অঙ্কশীলনী 57-এর মত স্থাপন করিয়া তাহার পুরোদৃশ্য, এবং তৎপরে তাহার তলকে  $30^\circ$ -ডিগ্রি উন্নত করিয়া তাহার প্রাণ অঙ্কিত কর।

### চতুর্দশ পরিচ্ছেদ

60. প্রকান 1"-ইঞ্চ বাহু বিশিষ্ট ঘনক ভূমিতলে এমনভাবে অবস্থিত যে, তাহার দুই শয়ান পার্শ্বতল (horizontal faces), ভূমিতল ও উর্ধ্বাধঃ-তল,—উভয়েরই সমান্তরাল এবং দুইটি পার্শ্ব (side faces) উভয় তলের অতুলন; ঘনকের প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

61. 1"-ইঞ্চ ঘনকটি ভূমিতলে এমন ভাবে আছে যে তাহার দুই উর্ধ্বাধঃ-পার্শ্ব উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $50^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে আনত, ও দুই শয়ান-তল ভূমিতলের সমান্তরাল; ইহার প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

62. 1"-ইঞ্চ ঘনকের একটি কোণীয় রেখা (edge) ভূমিরেখার উপরে উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরালে রহিয়াছে ও তাহার এক পার্শ্বতল ভূমিরেখার সহিত  $40^\circ$ -ডিগ্রিতে আনত; ইহার প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

63. যদি অঙ্কশীলনী 62-এর ঘনকের পার্শ্বতলকে ভূমিরেখার সহিত  $45^\circ$ -ডিগ্রিতে ঘুরাইয়া দেওয়া যায়, তবে তাহার প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

64. 1"-ইঞ্চ বাহুর ঘনককে উহার দুই উর্ধ্বাধঃ-পার্শ্বতল উভয় তলের সমান্তরাল, এবং অপর দুই পার্শ্বতল উভয় তলের অতুলনভাবে ভূমিতলের উপরে বসান আছে; উহাকে সন্মুখদিকে  $30^\circ$ -ডিগ্রি হেলান' হইল; উহার প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর [ প্রথমে পার্শ্বদৃশ্য রচনা করিয়া হেলান' অবস্থার চিত্র আঁক ]।

### পঞ্চদশ পরিচ্ছেদ

65. 3 সেটিমিটার ভূজ বিশিষ্ট এক সমবাহু ত্রিকোণ প্রিজম, এক কোণীয় রেখা উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরালে ও এক প্রান্ত-তলকে (end-face) ভূমিতলের উপরে রাখিয়া দাঁড়াইয়া আছে। তাহার প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর।

66. উপরের প্রিজমকে দক্ষিণ দিকে  $35^\circ$ -ডিগ্রি আনত করিয়া তাহার প্ল্যান ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর ।

67.  $1\frac{1}{2}$ "-ইঞ্চ বাহ ও  $36^\circ$ -ডিগ্রি সম্মিহিত কোণবিশিষ্ট এক সমদ্বিবাহ ত্রিকোণ প্রিজমের অঙ্করেখা উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরালে ও তাহার নিম্নপ্রান্তীয় ত্রিভুজের ক্ষুদ্রতম বাহুটি উর্ধ্বাধঃ তলের সহিত  $45^\circ$ -ডিগ্রিতে আনত ; প্রিজমের প্ল্যান ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর । প্রিজমের উচ্চতা  $2\frac{1}{2}$ " ইঞ্চ ।

68.  $1\frac{1}{2}$ "-ইঞ্চ বাহ ও  $36^\circ$ -ডিগ্রি সম্মিহিত কোণবিশিষ্ট, এবং  $2\frac{1}{2}$ " উচ্চ সমদ্বিবাহ ত্রিকোণ প্রিজমটি ভূমিতলের উপরে এমন ভাবে আছে যে, তাহার অঙ্করেখা উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $45^\circ$ -ডিগ্রিতে আনত ; ইহার পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর । এইবার প্রিজমের আধারকে ভূমিরেখার সহিত  $60^\circ$ -ডিগ্রি উন্নতিতে উন্নত কর ও তাহার পুরোদৃশ্য ও প্ল্যান অঙ্কিত কর ।

### ষোড়শ পরিচ্ছেদ

69. ২ সেন্টিমিটার বাহ ও ৫ সেন্টিমিটার দৈর্ঘ্যের এক সুষম পঞ্চকোণ প্রিজমের অঙ্করেখা, ভূমিতল ও উর্ধ্বাধঃ-তল,—উভয়ের সমান্তরালে রহিয়াছে ও উহা ভূমিতলের উপরে পড়িয়া আছে ; উহার অঙ্করেখাকে উর্ধ্বাধঃ-তলের দিকে  $40^\circ$ -ডিগ্রি আনত কর, ও তাহার পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর ।

70. ২ সেন্টিমিটার বাহ ও ৫ সেন্টিমিটার দীর্ঘ এক সুষম ষট্‌কোণ প্রিজমের অঙ্করেখা উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরালে এবং তাহার আধারের এক বাহু উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $25^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে আনত অবস্থায় আছে ; ইহার প্ল্যান ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর । অতঃপর পুরোদৃশ্যে প্রিজমের অঙ্করেখাকে সম্মুখের দিকে  $30^\circ$ -ডিগ্রি আনত করিয়া তাহার প্ল্যান ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর ।

71. এক  $1'5$ -ইঞ্চ দীর্ঘ বাহ বিশিষ্ট সমবাহু ত্রিকোণ পিরামিডের ঝাড়া উচ্চতা ( বা “খাড়াই” ) অঙ্কনের সাহায্যে নিরূপণ কর ।

72. কোন  $1'5$ -ইঞ্চ দীর্ঘ বাহ বিশিষ্ট ত্রিকোণ পিরামিডের আধারের এক ভূজ উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $45^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে, ও অঙ্করেখাকে উর্ধ্বাধঃ-তলের

সমান্তরালে রাখিয়া অবস্থিত ; উহার অক্ষরেখাকে ভূমিরেখার সহিত  $35^\circ$ -  
ডিগ্রিতে আনত করা হইল ; এই অবস্থার প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর ।

73.  $2\frac{1}{2}$  সেণ্টিমিটার বাহুর আধার ও  $3\frac{1}{2}$  সেণ্টিমিটার খাড়া উচ্চতা বিশিষ্ট  
কোন চতুর্কোণ পিরামিড ভূমিতলের সহিত  $60^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে দাঁড়াইয়া  
আছে ; উহার প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর । অনন্তর উহাকে এমনভাবে  
ওয়াইয়া দেওয়া যায় যে উহার আধার-তল উর্ধ্বাধঃ-তল ও ভূমিতল, —উভয়েরই  
অমূল্যভাবে থাকে ; এই অবস্থার প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর ।

74. 2 সেণ্টিমিটার বাহ ও 4 সেণ্টিমিটার খাড়া উচ্চতা বিশিষ্ট কোন সুষম  
পঞ্চকোণ পিরামিড, কোন এক কোণীয়রেখা (edge)-কে ভূমিরেখার সন্নিহিত  
করিয়া তাহা হইতে  $1\frac{1}{2}$  সেণ্টিমিটার দূরে ভূমিতলের উপরে অক্ষরেখাকে  
উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরালে রাখিয়া অবস্থিত । এইবার যদি উহাকে এমনভাবে  
ওয়াইয়া দেওয়া যায় যে উহার শীর্ষবিন্দু ভূমিরেখা স্পর্শ করে, তবে তাহার  
পুরোদৃশ্য ও প্রাণ অঙ্কিত কর ।

75. উপরের অমূল্যলীলার পরিমাপ বিশিষ্ট ও অমূল্য অবস্থায় স্থাপিত এক  
সুষম ষট্‌কোণ পিরামিডের প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর ।

76. উপরের পরিমাপের অমূল্য অবস্থায় অবস্থিত এক সুষম অষ্টভূজ  
পিরামিডের প্রাণ ও পুরোদৃশ্য অঙ্কিত কর ।

77.  $2\frac{1}{2}$  সেণ্টিমিটার বাহুবিশিষ্ট এক ঘনক, তাহার এক পার্শ্বতল (one face)  
উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরালে ভূমিতলের সহিত এমন ভাবে আছে যে, তাহার  
আধারের এক বাহু উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $45^\circ$ -ডিগ্রিতে আনত । ঘনকের  
পুরোদৃশ্যের কোন কোণকে উর্ধ্বাধঃ-তলের অমূল্য, ও ভূমিতলের সহিত  $40^\circ$   
ডিগ্রিতে আনত এক তল দ্বারা ছেদিত করা হইলে উহার ছেদিত পার্শ্বদৃশ্য  
অঙ্কিত কর ।

78.  $2\frac{1}{2}$  সেণ্টিমিটার বাহ ও 4 সেণ্টিমিটার উচ্চতা বিশিষ্ট কোন সমচতুর্কোণ  
প্রিজমকে ভূমিরেখার উপরে, উহার এক কোণীয় রেখা (edge)-কে ঐ রেখার  
সহিত  $60^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে আনত করিয়া ওয়াইয়া রাখা হইয়াছে । প্রিজমের  
অক্ষরেখা উভয় তলের সমান্তরাল । এখন যদি ভূমিরেখার সহিত  $45^\circ$ -ডিগ্রিতে



আনত এক উর্ধ্বাধঃ-তলের দ্বারা প্রিজমকে ছেদ করা যায়, তবে তাহার ছেদিত পুরোদৃশ্য ও প্ল্যান অঙ্কিত কর।

79. ২ সেন্টিমিটার বাহু ও  $1\frac{1}{2}$  সেন্টিমিটার উচ্চতা বিশিষ্ট এক সমবড়ভূজ প্রিজম ভূমিতলের উপর খাড়া ভাবে দাঁড়াইয়া আছে; উহার আধারের দুই বিপরীত বাহু উভয় তলের সমান্তরাল। এখন যদি প্রিজমকে কোন এক তলের দ্বারা এমনভাবে কর্তন করা যায় যাহা উর্ধ্বাধঃ-তলের অঙ্গুল্য কিন্তু ভূমিতলের সহিত  $45^\circ$ -ডিগ্রি কোণে আনত, এবং ঐ ছেদনতল প্রিজমের আধার হইতে অক্ষরেখাকে  $2\frac{1}{2}$  সেন্টিমিটার উর্ধ্বঃ দিয়া ছেদ করিয়া চলিয়া যায়, তবে ছেদিত অংশের প্রকৃত আকার অঙ্কন কর।

80. উপরের সমবড়ভূজ প্রিজম ভূমিতলের উপরে তাহার আধারের এক বাহু লগ্ন করিয়া উহার অক্ষরেখাকে ভূমিরেখার সহিত  $40^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে, ও উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরালে অবস্থিত আছে; যদি ভূমিরেখা হইতে ৩ সেন্টিমিটার উর্ধ্বঃ দিয়া এক অল্পভূমিক ছেদনতলের দ্বারা উহাকে ছেদ করা যায়, তবে প্রিজমের ছেদিত প্ল্যান ও ছেদিত অংশের প্রকৃত আকার অঙ্কন কর।

81. কোন ২ সেন্টিমিটার ভূজ বিশিষ্ট আধারের সমচতুর্কোণ পিরামিডের খাড়া উচ্চতা ৪ সেন্টিমিটার; উহা অল্পভূমিক তলের এক সেন্টিমিটার উর্ধ্বঃ তাহার অক্ষকে উর্ধ্বাধঃ ভাবেও উর্ধ্বাধঃ-তলের সমান্তরালে রাখিয়া এমন ভাবে অবস্থিত আছে যে, পিরামিডের আধারের এক বাহু উর্ধ্বাধঃ-তলের সহিত  $40^\circ$ -ডিগ্রি আনতিতে আনত। ভূমিরেখা হইতে ৩ সেন্টিমিটার উর্ধ্বঃ অক্ষরেখার উপরের এক বিন্দু স্পর্শ করিয়া এমন এক ছেদনতল দ্বারা ঐ প্রিজম কর্তিত, যাহা ভূমিতলের সহিত  $45^\circ$ -ডিগ্রিতে আনত। প্রিজমের ছেদিত প্ল্যান ও ছেদনতলের প্রকৃত আকার অঙ্কন কর।

82. অস্থূলনী 80-র অল্পরূপ অবস্থায় অবস্থিত ও অল্পরূপভাবে ছেদিত  $1\frac{1}{2}$  সেন্টিমিটার আধারের বাহু ও ৪ সেন্টিমিটার খাড়া উচ্চতা বিশিষ্ট সমবট্‌কোণী পিরামিডের ছেদিত প্ল্যান ও ছেদনতলের প্রকৃত আকার অঙ্কন কর।

83. যদি উপরের সমবট্‌কোণী পিরামিড উহার আধারের এক বাহু ভূমিরেখার সহিত  $40^\circ$ -ডিগ্রি কোণে অবস্থিত থাকে, এবং অবশিষ্ট সমস্ত বিবরণ

অনুশীলনী ৪১ ও ৪২-র মত হয়, তবে তাহার খণ্ডিত প্ল্যান ও ছেদনতলের প্রকৃত আকার অঙ্কন কর।

৪৪. ৩'৫ সেন্টিমিটার বাহু বিশিষ্ট আধার ও ৫ সেন্টিমিটার খাড়া উচ্চতা-বিশিষ্ট এক সমপঞ্চকোণী পিরামিড তাহার আধারের এক বাহুকে ভূমিরেখার সমান্তরালে রাখিয়া খাড়া দাঁড়াইয়া আছে। উহাকে এমন ভাবে ঘুরাইয়া দাও যাহাতে উহার অক্ষরেখা উর্ধ্বাধঃ-তল ও ভূমিতল, উভয়েরই সমান্তরাল হয়। এইবার উহার প্ল্যানকে শয়ান-রেখার সহিত  $25^\circ$ -ভ্রুগি আনতিতে আনত এক তলের দ্বারা ছেদ কর; তাহার ছেদিত পুরোদৃশ্য ও ছেদনতলের প্রকৃত আকার বাহা হয়, তাহা অঙ্কিত কর।

৪৫. অনুশীলনী ৪৪-এর অনুরূপ পরিমাপ ও বিবরণ সম্বলিত এক স্তম্ভম অষ্টভুজ পিরামিডের ছেদিত পুরোদৃশ্য ছেদনতলের প্রকৃত আকার অঙ্কিত কর।

### সপ্তদশ পরিচ্ছেদ

[ স্কেলগুলি I.S.I. অনুমোদিত প্রথায় আঁকিতে হইবে ]

৪৬. Representative Fraction (R.F.) কাহাকে বলে ?

৪৭. স্কেল কয় প্রকার ? উহাদের নাম কর, ও পার্থক্য বুঝাইয়া দাও।

৪৮. যদি কোন স্কেল এমন হয় যে উহার ৪"-ইঞ্চ দৈর্ঘ্য ৬ ফুট-এর সমান, তবে তাহার R.F. কত ? ঐ P.F. লইয়া ৬ ইঞ্চ লম্বা, এবং তাহাতে ফুট ও ইঞ্চ দেখাইয়া, এক স্কেল গঠন কর। তাহার দ্বারা কত দূরত্ব পর্যন্ত মাপা চলিতে পারে ?

৪৯.  $R.F. = \frac{1}{8}$  লইয়া এক স্কেল গঠন কর যাহাতে গজ ও ফুট দেখান থাকে। ঐ স্কেলের উপরে ৩ গজ ৫ ফুট ৭ ইঞ্চ দূরত্ব নির্দেশ কর।

৫০.  $R.F. = \frac{1}{8}$ -এর ৬-ইঞ্চ লম্বা স্কেলে উর্ধ্বঃ-তম কত গজ কত ফুট পর্যন্ত দেখান যাইতে পারে ? ইহার উপরে ১৫ গজ ১ ফুট দূরত্ব নির্দেশ কর।

৫১.  $1'' = 40$  ফুট-এর এক স্কেল রচনা করিয়া তাহাতে ২৫০ ফুট নির্দেশ কর; ঐ স্কেল কত ইঞ্চ দীর্ঘ হইবে ?

92. কোন মানচিত্রে 50 কিলোমিটার দূরত্ব =  $2\frac{1}{2}$  ইঞ্চি থাকিলে স্কেলের R.F. কত? ইহার অপেক্ষিক স্কেল,—কিলোমিটার এবং মাইল,—দুইই অঙ্কিত কর।

93. ডায়োগোনাল স্কেল-গঠনের মূল কথা কি?

94. গজ, ফুট ও ইঞ্চি দেখাইতে,  $\frac{1}{8}$  R.F.-এর এক স্কেল রচনা কর।

95. উপরের স্কেলে ২ গজ ২ ফুট ২ ইঞ্চি নির্দেশ কর।

96. ইঞ্চি, তাহার দশমাংশ ও শতাংশ দেখাইবার এক পূর্ণাকৃতি ডায়োগোনাল স্কেল রচনা কর। ঐ স্কেলে 4'57 ইঞ্চি নির্দেশ কর।

97. 'অ্যা-ম্যানক' বা কর্ড-স্কেলের সাহায্যে কেমন ভাবে যে-কোন কোণ অঙ্কন করিতে পারা যায়?

98. কর্ড-স্কেলের সাহায্যে  $36^\circ$ ,  $59^\circ$ , ও  $76^\circ$ -ডিগ্রি কোণ রচনা কর।

99. প্রোট্রাক্টরের সাহায্যে  $63^\circ$ -ডিগ্রির এক কোণ অঙ্কিত করিয়া কর্ড-স্কেলের সাহায্যে তাহার নির্ভুলতা পরীক্ষা কর।

100.  $1'' = 40$  ফুট স্কেলের মানচিত্র রচনা করিতে এঞ্জিনিয়ারদের কোন স্কেল কিভাবে ব্যবহার করিবে?



কাগজ, ড্রয়িং

কার্ড, ট্রেসিং-১, ৭

কালি দেওয়ার নিয়ম ২৬

কেমন করিয়া অঙ্কন-কৰ্ম করিতে হইবে ২৪

কোটি (ordinate) ৭১

কোণ অঙ্কন ৮, ৪১, ৪২, ৪৩, ৪৪, ৪৫, ৪৬

” ও যেথাকে বিখণ্ডিত করা ৩২, ৪০

কোণ পরীক্ষা ৬

খণ্ডিত দৃশ্য ১১৪

খাড়া উচ্চতা ১০৭

খাড়া ‘গণিক’ অঙ্কন ৩৩, ৩৪, ৩৬

খাড়া ‘রোম্যান’ ” ৩৭

গ

‘গণিক’ অঙ্কন ৩৩, ৩৪, ৩৫, ৩৬, ৩৭

ঘনক ২৫, ২৬, ২৭, ২২, ১০১, ১১৬,

১১৭, ১১৮,

ঘনকেব প্রক্ষেপ ২৬, ২৭, ২৮, ২২, ১০১

ঘন-বস্তু (solid) ৭৩

ছেদ-চিত্র (sectional views) ১১৪

হইতে ১২৯

ছোট হাতেব লেখা ৩৬, ৩৭

জ্যামিতিক অঙ্কন ১

”

টা স্কোয়াৰ ৫, ৬, ৪

ট্র্যাপিজিয়ন ৫৪

ট্র্যাপিজিয়াম ৫৪ (পাদটাকা)

ড

ডবল-এলিফ্যান্ট (কাগজ) ১৪

‘ডায়ামোন্ডাল’ স্কেল ১৩৮, ১৩৯

ডিভাইডাব ১, ১০, ১১, ১৫

ডিমাই (কাগজ) ১

ড্রয়িং কাগজ ১

” পিন ২, ২৫

” পেন ১, ১৭, ১৮, ১২

” ড্রয়িং পেঞ্জিল ১৬

” ড্রয়িং বোর্ড ১, ২

ত

চতুর্কোণ পিরামিড ১০৮, ১০৯, ১২২,

১২৩, ১২৪

” প্রিজম (ছেদচিত্র) ১১২

‘চাইনিজ’ ইক ১২

” ” গুলিবার পাত্র ১২

‘চাঁদা’ বা প্রোট্রাক্টার ১, ২১, ২২

‘চাঁদা’র সাহায্যে কোণ গঠন ৪২

চিত্র-অঙ্কনের পদ্ধতি ৮১

তল, ভূমি- বা ক্ষিতি-৭৪

” , উর্ধ্বাধঃ- ৭৫

‘তীব্রব ফলা’ অঙ্কন ১৪৬

তুলনামূলক স্কেল ১৩৬

‘তৃতীয়-পাদ’ বা ‘তৃতীয়-কোণ’

প্রক্ষেপ ৭২,

ত্রিকোণ প্রিজমের প্রক্ষেপ ১০২, ১

ত্রিভুজের প্রক্ষেপ ৮১

নাভি (focus) ৩১, ৬২, ৬৫, ৬৭, ৬৮

নিয়ামক (directrix) ৭০, ৭১

নির্ঘণ্ট ১৬১

নী-জয়েন্ট (knee joint) ১৩, ১৪

প্রকোণ প্রকোণের প্রকোণ ১০৩

পঞ্চভুজ ৫৫, ৫৬, ৫৭, ৫৮

পরাক্ষ (major axis) ৬১, ৬৪, ৬৫, ৬৬, ৬৭

পরিপ্রেক্ষিত দৃশ্য (perspective) ৭৩, ৭৭, ৮১

পিন, ড্রয়িং- ২, ২৫

পিরামিড ১৫, ১০৬

অষ্টকোণ ৫৭, ১১২

চতুর্কোণ ১০৮, ১০৯, ১২২, ১২৩, ১২৪

\* পঞ্চকোণ ১১০, ১২২

ষট্‌কোণ বা ষড়্‌ভুজ ১০৫, ১২৫, ১২৭

উর্ধ্বের খাড়া উচ্চতা ১০৭

পূর্বোদৃশ্য (front elevation) ৭৫, ৮৩, ৮৪

পেন, ড্রয়িং- ১, ১৭, ১৮, ১৯

" , লাইনিং- ১, ১৭

পেন্সিল-পয়েন্ট ১৩, ১৬

পেন্সিলের দাগ তুলিবার পাত ১৭

প্রকৃত দৈর্ঘ্য (true length) ৮৭, ৮৮

প্রোট্রাক্টর ২১, ২২

প্রতিচ্ছেদ বিন্দু (point of intersection) ১২৮

'প্রথম-পাদ' বা 'প্রথম-কোণ' প্রক্ষেপ ৭২

প্রক্ষেপ ৭৩ হইতে ১১৩

প্রক্ষেপ

প্রকৃত দৈর্ঘ্যের, ৮৩ হই

যন-বিন্দু, ১৫ হইতে ১১৩

'প্রথম-পাদ' ও 'তৃতীয়-প

১১, ৮১,

বহু কলকের ১০৩, ১০৪, ১০

বিন্দুর ৮৩

সরলরেখার ৮৪

প্রান্তিক কার্য (ড্রয়িং-এর) ২৫

প্রিজম ২৫

" চতুর্কোণ ১১২

" পঞ্চকোণ ১০৩

" ষড়্‌ভুজ ১০৫, ১২০, ১২১

'প্রোট্রাক্টর' ১, ২১, ২২

প্রোট্রাক্টরের সাহায্যে কোণ অঙ্ক

৪২

প্রাণ ৭৪, ৮৪

ফ

ফোকাস (focus) ৬১, ৬২, ৬৫, ৬৭, ৬৮, ৬৯, ৭১

'ফ্রেঞ্চ-কার্ড' ১, ৫৩

ব

বড়-হাতের লেখা—৩১, ৩২, ৩৩, ৩৪, ৩৫, ৩৬, ৩৭

বর্গক্ষেত্র ১, ৫৩, ৫৪, ২০, ২৩

বহুকলকের (Polyhedrons) প্রক্ষেপ ১০৩, ১০৪, ১০৫

বহুভুজ ৫৬, ৫৭, ৫৯, ৬০

বিবর্ধিত চিত্র (developed diagram) ৭৮

'বো-ডিভাইডার' ১৫

'বো-পেন' ১, ১৫,

'বো-পেন্সিল' ১, ১৫









